

# Exercices et problèmes de cryptographie

Damien Vergnaud

Exercice complémentaire n° 6.13 (bis)

**Exercice 6.13 (bis)**

FACTORISATION PAR LA MÉTHODE DE FERMAT

Factoriser l'entier

$$n = 10616312322870148753903976697978676654605833068924522748141263$$

par la méthode  $p - 1$  de Pollard.

**Solution :** L'application directe de la méthode  $p - 1$  de Pollard révèle immédiatement que  $n = pq$  avec

$$\begin{aligned}p &= 1495780668711996246322246905887 \\q &= 7097506034766289076615398554449\end{aligned}$$

où  $p$  et  $q$  sont des nombres premiers (comme on peut le vérifier facilement en appliquant le test de primalité de Miller-Rabin par exemple) avec  $q - 1 = 2^4 \cdot 47^2 \cdot 83^2 \cdot 179^2 \cdot 467^2 \cdot 983 \cdot 1619^3$ .  $\square$