

# Modes opératoires de chiffrement

**Fouque Pierre-Alain**

**Equipe de Cryptographie**

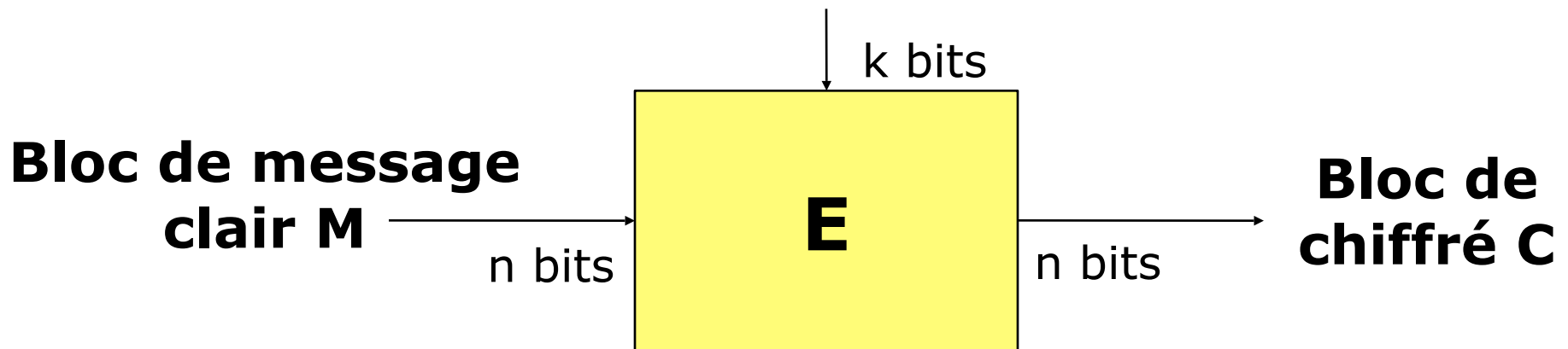
**Ecole normale supérieure**

# Introduction

- Construction de modes opératoires
  - Assurer la confidentialité sur des messages de taille variable
  - Block cipher se comporte comme une permutation aléatoire

# Problématique

- Des primitives de base sont définies
  - Chiffrement de blocs de taille fixe
  - Pas de flexibilité



Exemples :

DES,	n=64,	k=56
3DES,	n=64,	k=112
AES,	n=128,	k=128

# Le chiffrement en pratique

- En pratique :
  - Messages de taille quelconque, variable
  - Utilisation des briques de base
- Quelle hypothèse de sécurité sur la primitive ?

# Confidentialité

- Comment savoir si un mécanisme assure correctement la confidentialité
  - Notion de sécurité à définir
  - Comment assurer que la notion définie est atteinte
    - Quantification de la sécurité
    - Modélisation des adversaires
    - Preuve de sécurité

# Confidentialité

- Quelle « fuite » d'information peut-on tolérer ?
  - Dépend du contexte
- En général, mauvais signe
  - Selon la probabilité de cette fuite
  - Selon son importance

**Notion de sécurité plus ou moins forte à définir**

# Confidentialité

- Intuitivement :
  - Un attaquant n'est pas capable de retrouver la clé secrète
  - Un attaquant n'est pas capable de déchiffrer sans la clé secrète
  - Un attaquant n'apprend aucune information sur le message clair à la vue de son chiffré

# Confidentialité

- Intuitivement :
  - Un attaquant n'est pas capable de retrouver la clé secrète
  - Un attaquant n'est pas capable de déchiffrer sans la clé secrète
  - Un attaquant n'apprend aucune information sur le message clair à la vue de son chiffré



**Attaque de plus en plus faible**



# Confidentialité

- Intuitivement :

- Un attaquant n'est pas capable de retrouver la clé secrète
- Un attaquant n'est pas capable de déchiffrer sans la clé secrète
- Un attaquant n'apprend aucune information sur le message clair à la vue de son chiffré

**Attaque de plus en plus faible**

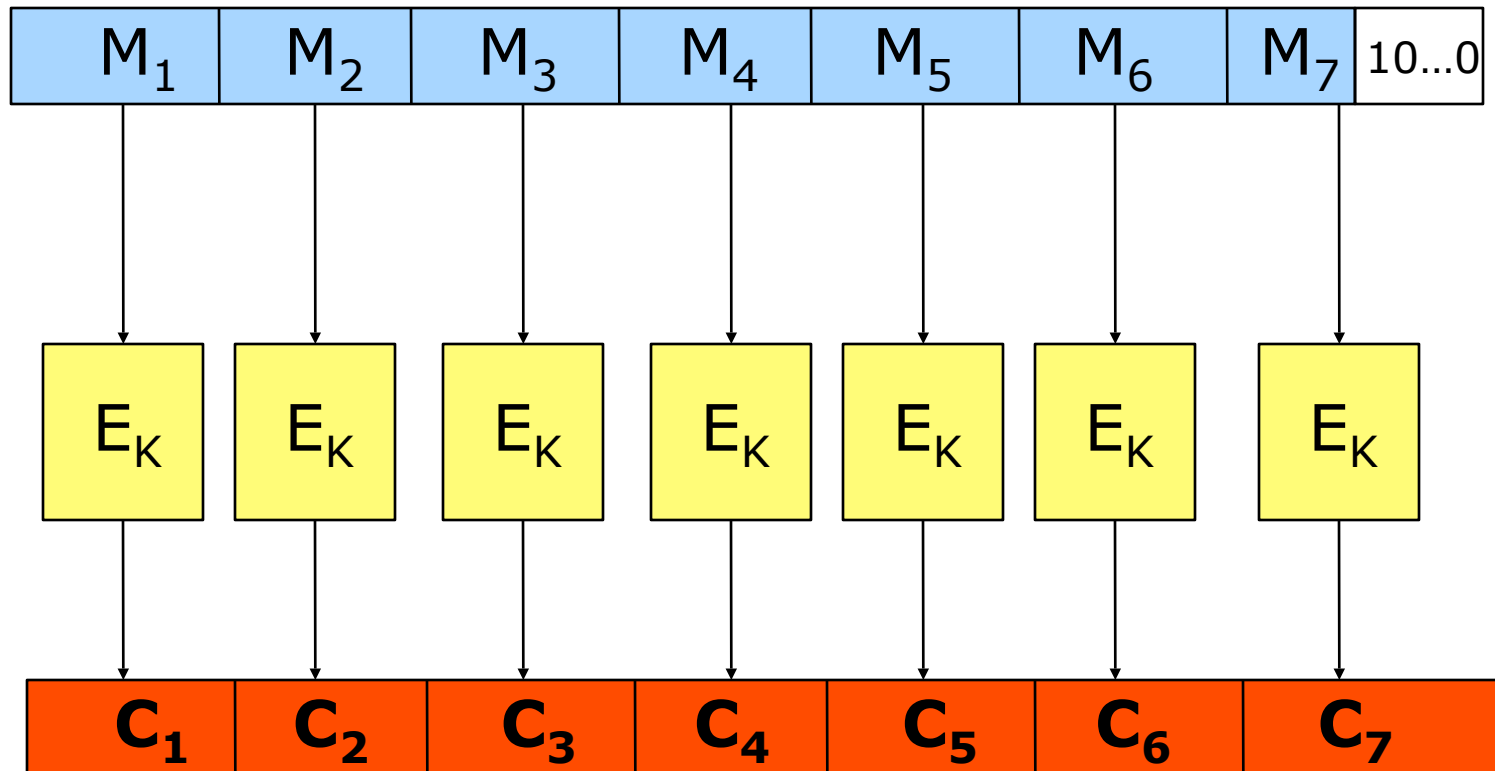
**Sécurité dans ce sens  
=  
Sécurité maximale**

# Attaques mises en oeuvre

- **À chiffrés seuls** : l'adversaire ne connaît que des chiffrés, interception par exemple
- **À clairs connus** : l'adversaire a accès à des couples (M,C) de messages chiffrés
- **À clairs choisis** : l'adversaire a accès à des couples (M,C) de messages chiffrés, pour M de son choix
- **À chiffrés connus/choisis** : l'adversaire demande le déchiffrement de chiffrés
  - Attaque non adaptative : l'ensemble des messages est choisi a priori
  - Attaque adaptative : l'adversaire choisit les messages en fonction des réponses de l'oracle

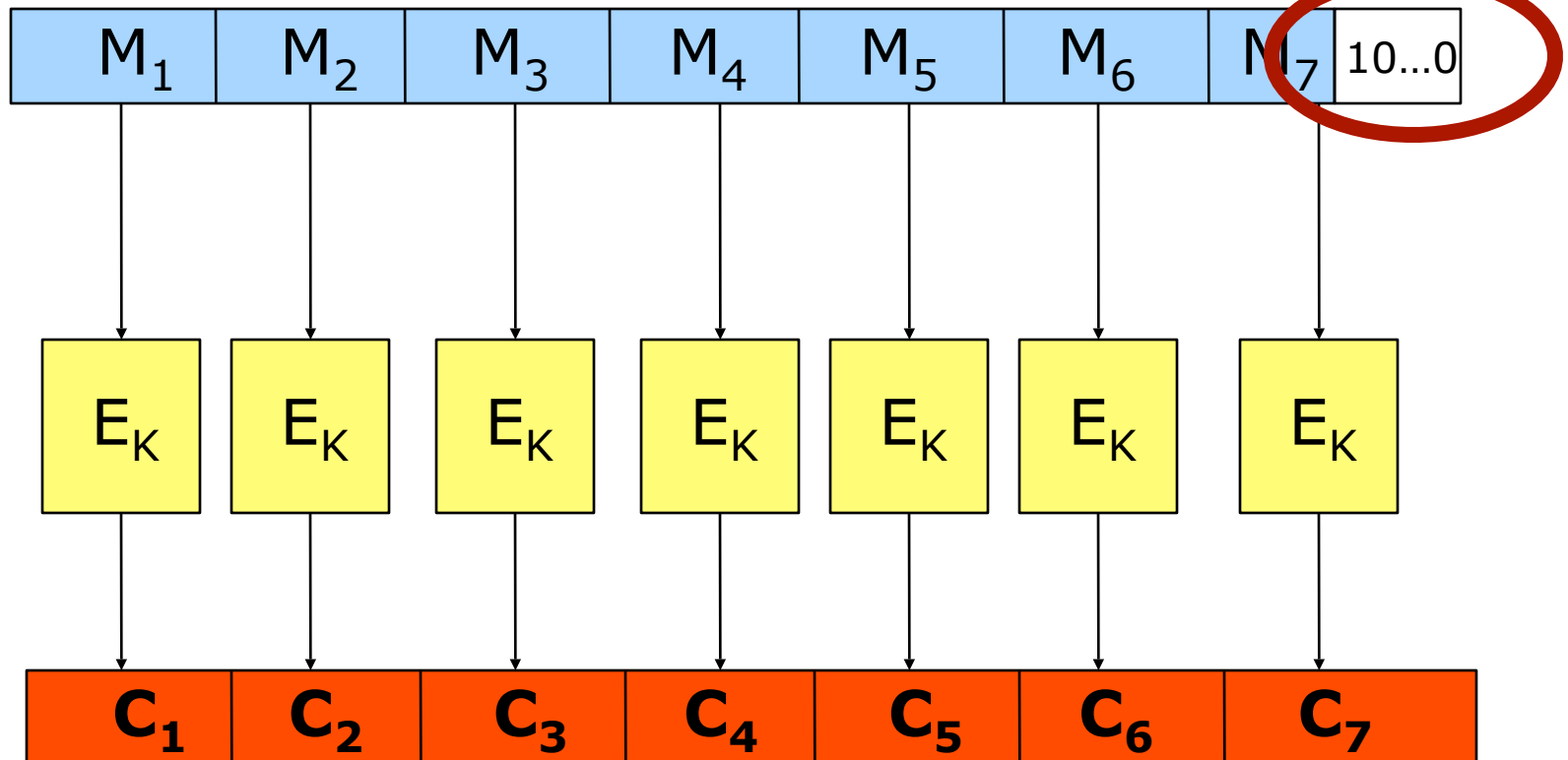
# Un exemple basique

- Message de taille quelconque, non multiple de  $n$  bits



# Un exemple basique

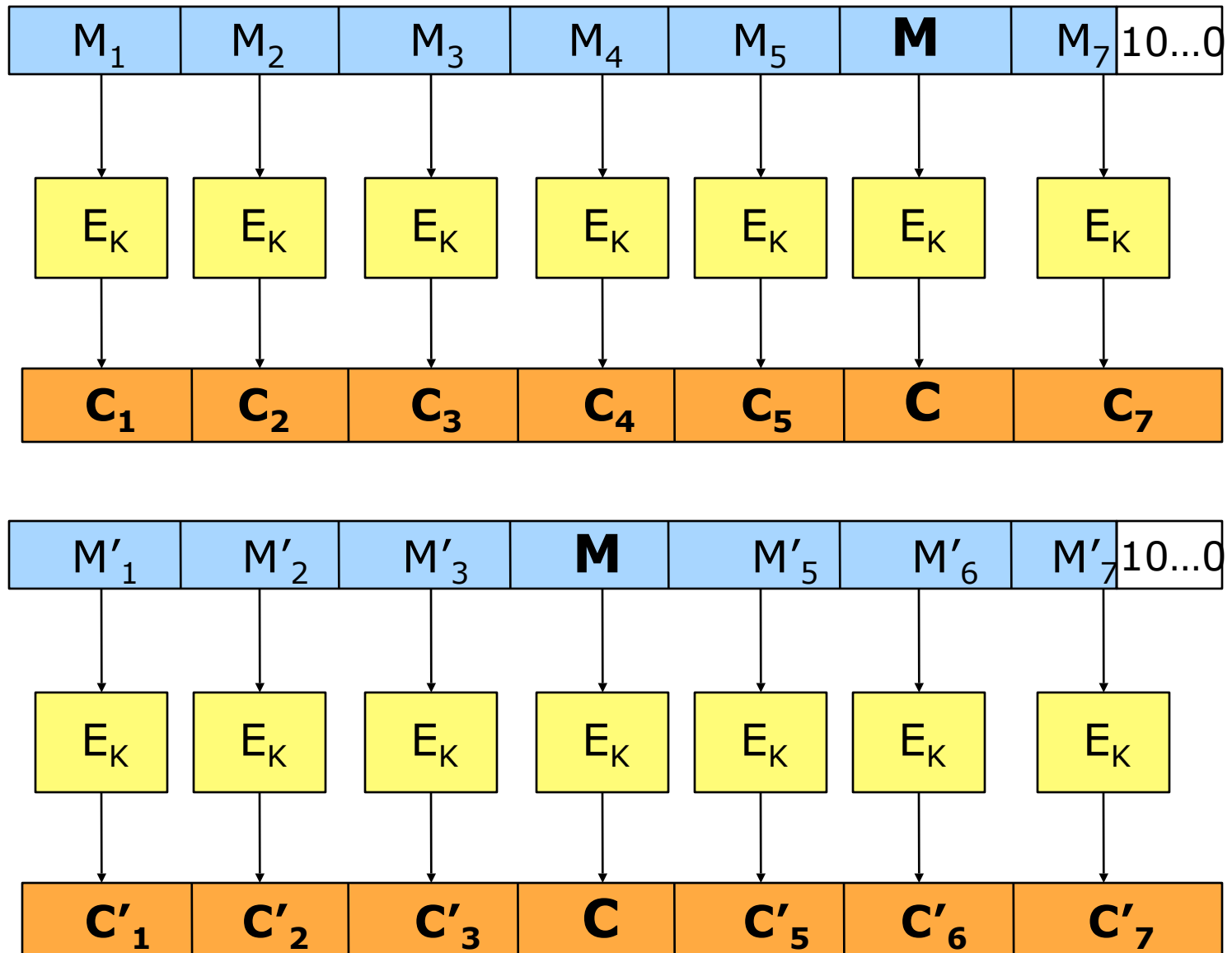
- Message de taille quelconque, non multiple de  $n$  bits **padding**



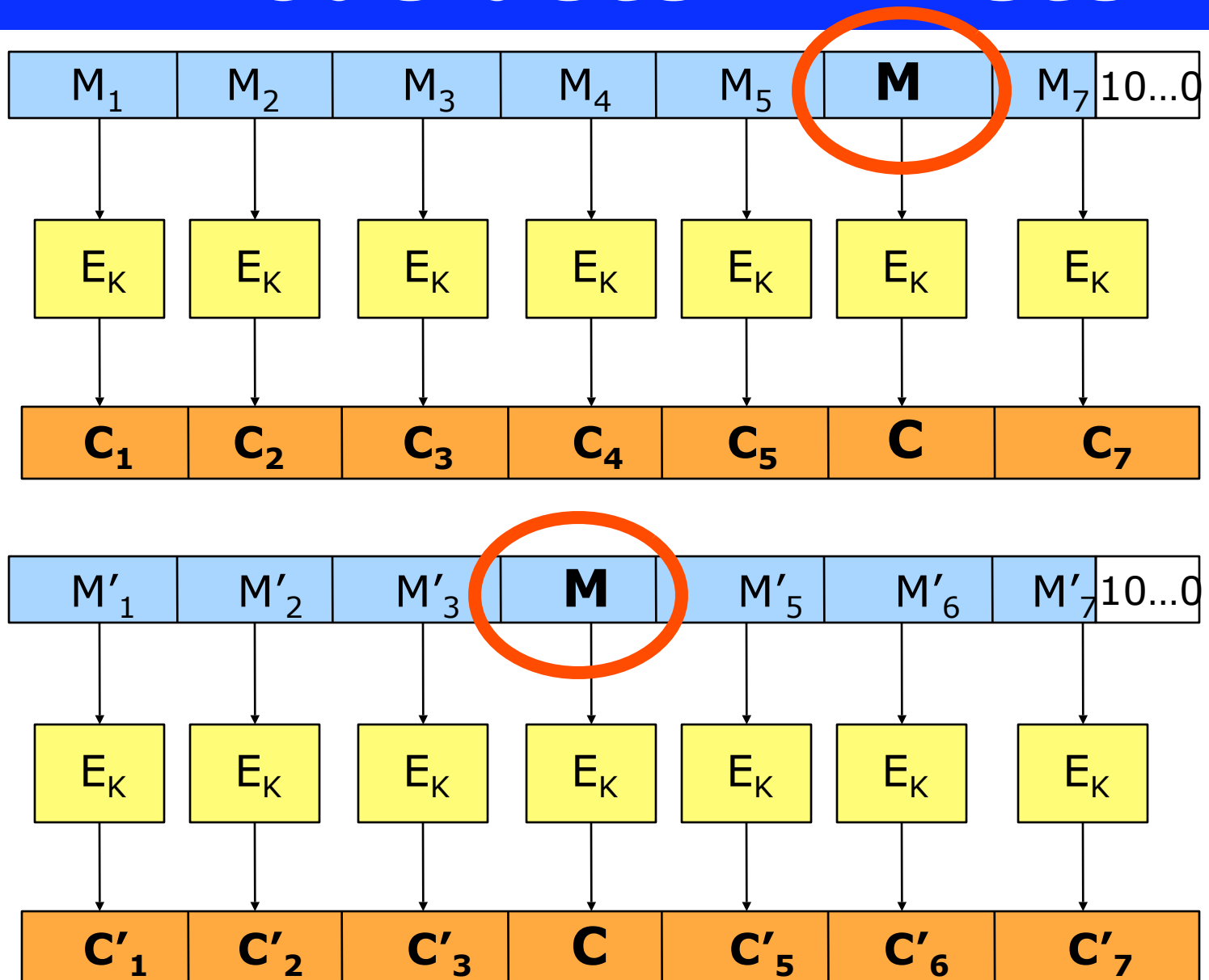
# Un exemple basique

- Mode ECB : Electronic CodeBook
- Chaque bloc est chiffré indépendamment des autres
  - Interverision possible des blocs
  - Suppression d'un bloc
  - Un attaquant peut créer un dictionnaire
  - Attaque statistique parfois possible
  - Un même bloc de chiffré correspond toujours au même bloc de clair

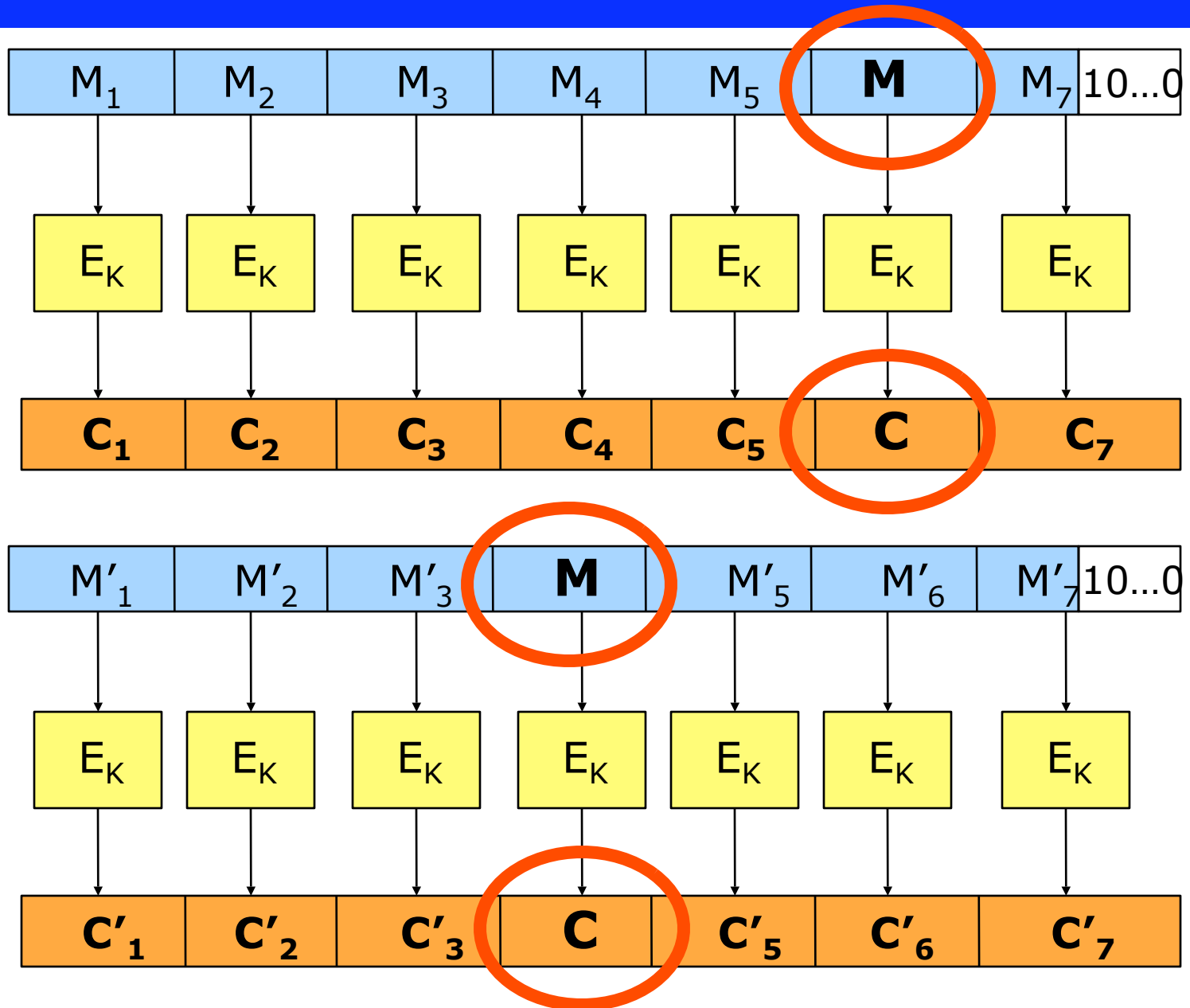
# Mode déterministe



# Mode déterministe



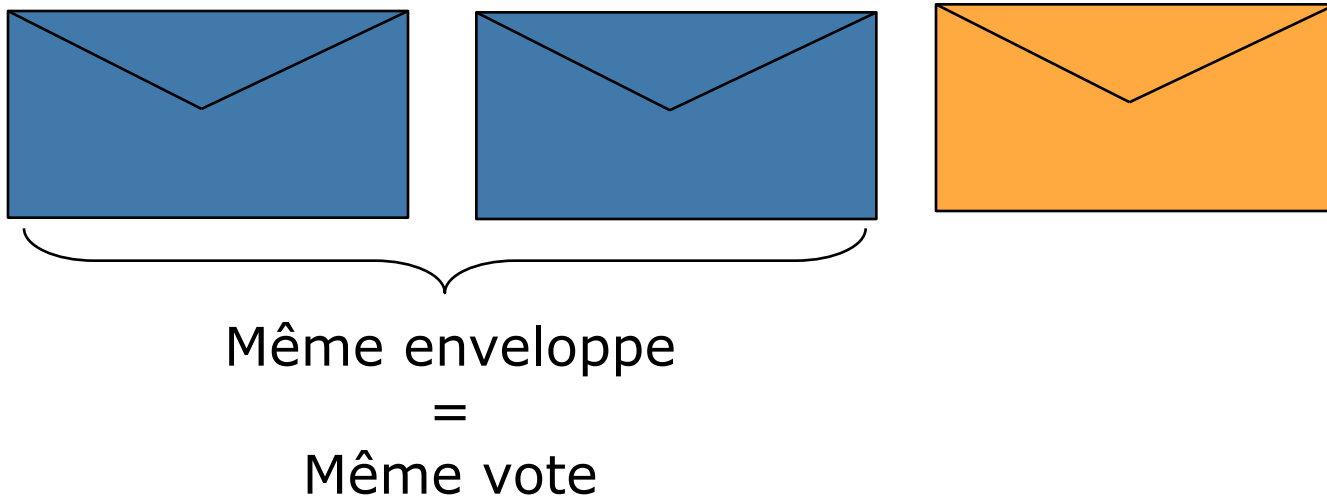
# Mode déterministe





# Mode déterministe

- Problématique dans certains contextes
- Exemple : vote en ligne
  - Même vote = même bulletin = même chiffré



# Attaque basique sur ECB

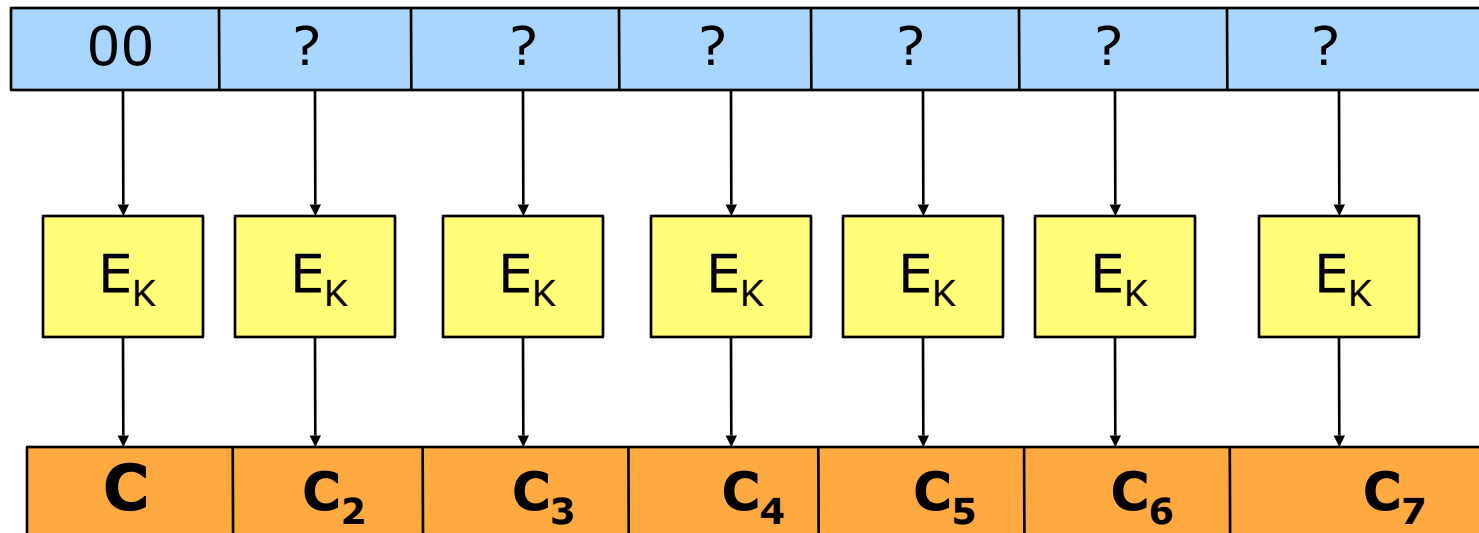
- Chiffrement de texte Unicode
  - 16 bits par caractère
- La primitive de chiffrement est le DES
  - Blocs de clair de 64 bits
- 4 caractères seulement par bloc !
- Attaque statistique : permet de retrouver le clair

# Attaque statistique sur ECB

- Chaque quartet de lettres a une fréquence différente selon la langue
  - En français :
    - « tion » est très fréquent
    - « kzjx » n'apparaît jamais
- Fréquence d'apparition des blocs chiffrés
- Le clair peut être retrouvé par comparaison des tables de fréquence !

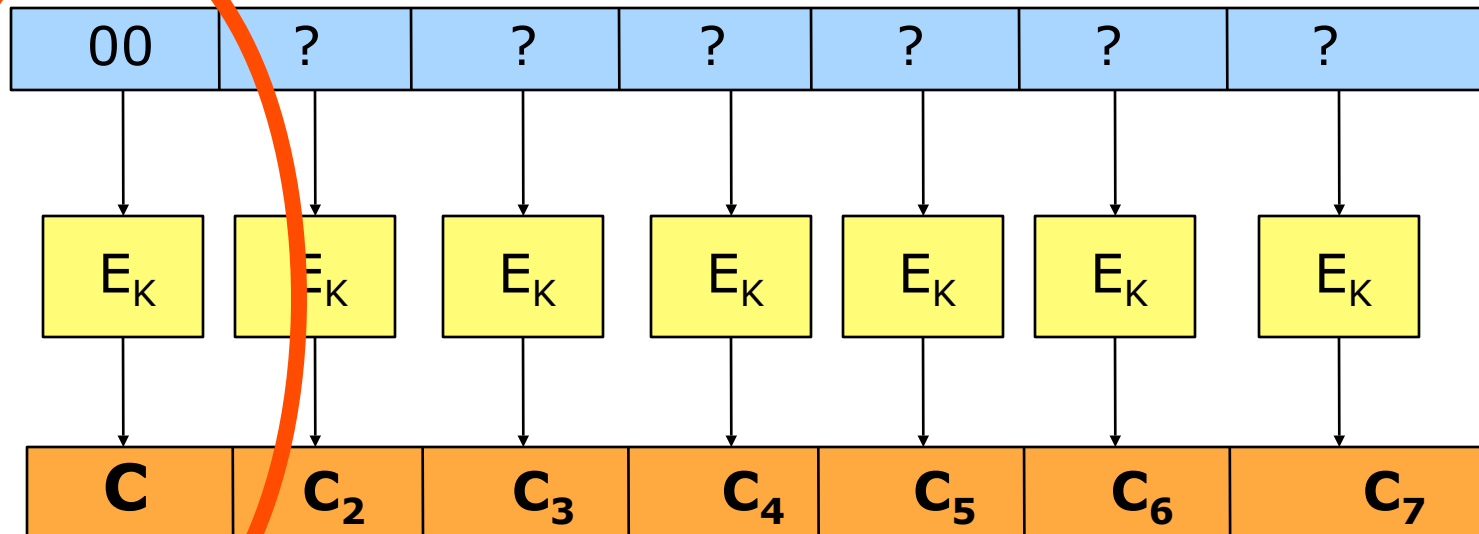
# Dictionnaire

- On sait que le clair est un fichier word
  - Entête connue = clair connu !
  - Par exemple le premier bloc de clair est toujours le même



# Dictionnaire

- On sait que le clair est un fichier word
  - Entête connue = clair connu !
  - Par exemple le premier bloc de clair est toujours le même



$$C = E_K(0)$$

# Dictionnaire

$E_K(0)$	Clé K
$C_0$	0x00 ... 0x00
$C_1$	0x00... 0x01
$C_2$	0x00...0x02
$C$	0xA6...0x3F
$C_{2^k-2}$	0xFF...0xFE
$C_{2^k-1}$	0xFF...0xFF

# Dictionnaire

$E_K(0)$	Clé K
$C_0$	0x00 ... 0x00
$C_1$	0x00... 0x01
$C_2$	0x0...
$C$	0xA6...0x3F
$C_{2^k-2}$	0xFF...0xFE
$C_{2^k-1}$	0xFF...0xFF

On a trouvé la clé K  
On peut tout déchiffrer

# Dictionnaire

$E_K(0)$	Clé K
$C_0$	0x00 ... 0x00
$C_1$	0x00... 0x01
$C_2$	0x0...
$C$	0xA6...0x3F
$C_{2^k-2}$	0xFF...0xFE
$C_{2^k-1}$	0xFF...0xFF

On a trouvé la clé K  
On peut tout déchiffrer

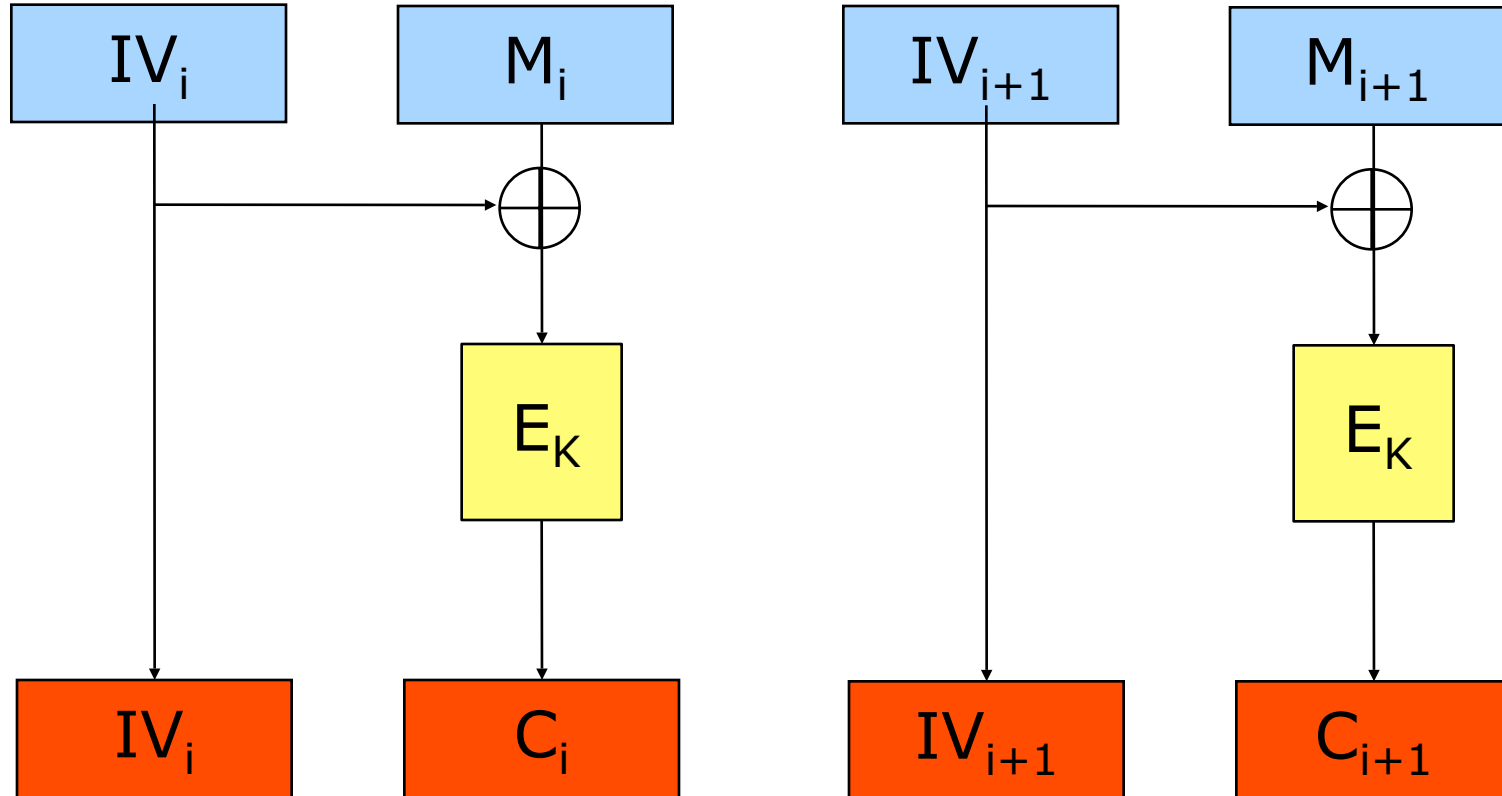
Pour tous les chiffrés ultérieurs, une simple recherche dans la table permet de retrouver la clé



# Solution

- « Randomiser » chaque bloc de clair
  - Chaque bloc de clair est masqué à l'aide d'une valeur aléatoire
  - Les attaques statistiques ne s'appliquent plus
    - Tous les blocs d'entrée sont équiprobables
    - Toutes les valeurs de sortie peuvent être atteinte avec même probabilité
  - Pour chaque chiffré, une recherche exhaustive doit être faite : attaque par dictionnaire évitée

# Vers le mode CBC

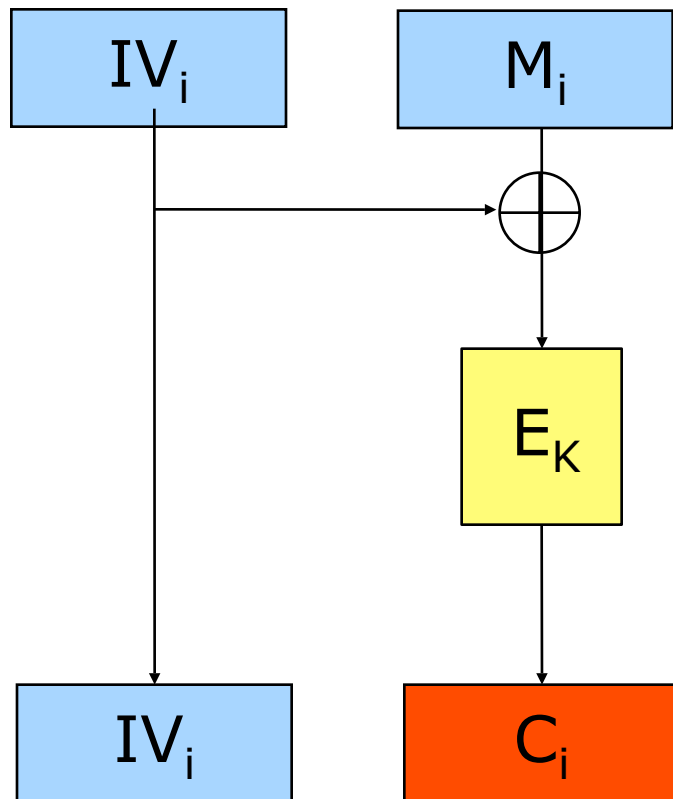


# Vers le mode CBC

- Chiffrement du même message avec IV différents : chiffrés différents, impossible de savoir qu'ils correspondent au même clair
- **Problème** : le chiffré est deux fois plus long que le clair
- **Idée** : si la primitive est « sûre » ses sorties peuvent être considérées comme des valeurs aléatoires

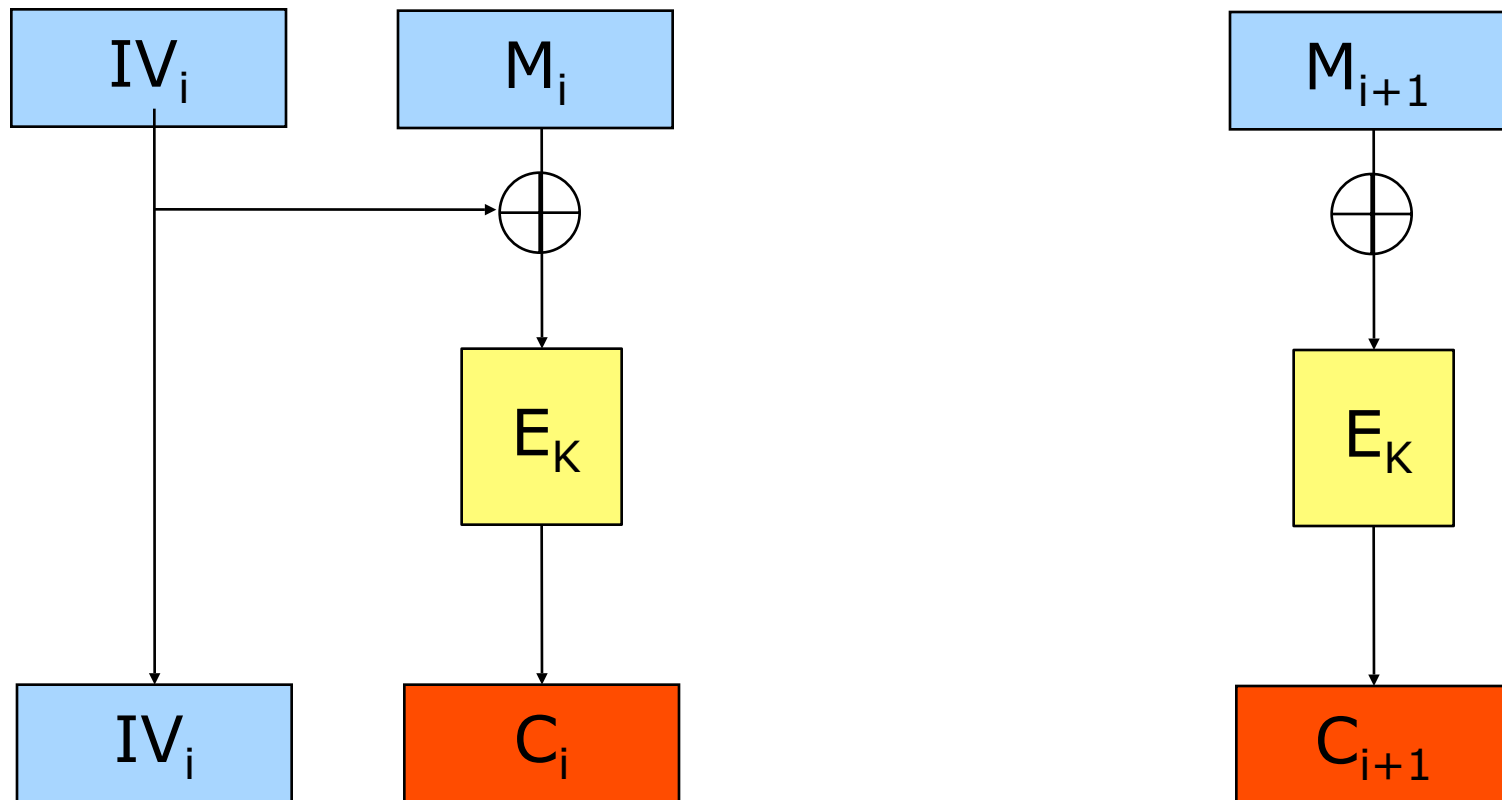
# Le mode CBC

- On pose donc  $IV_{i+1} = C_i$



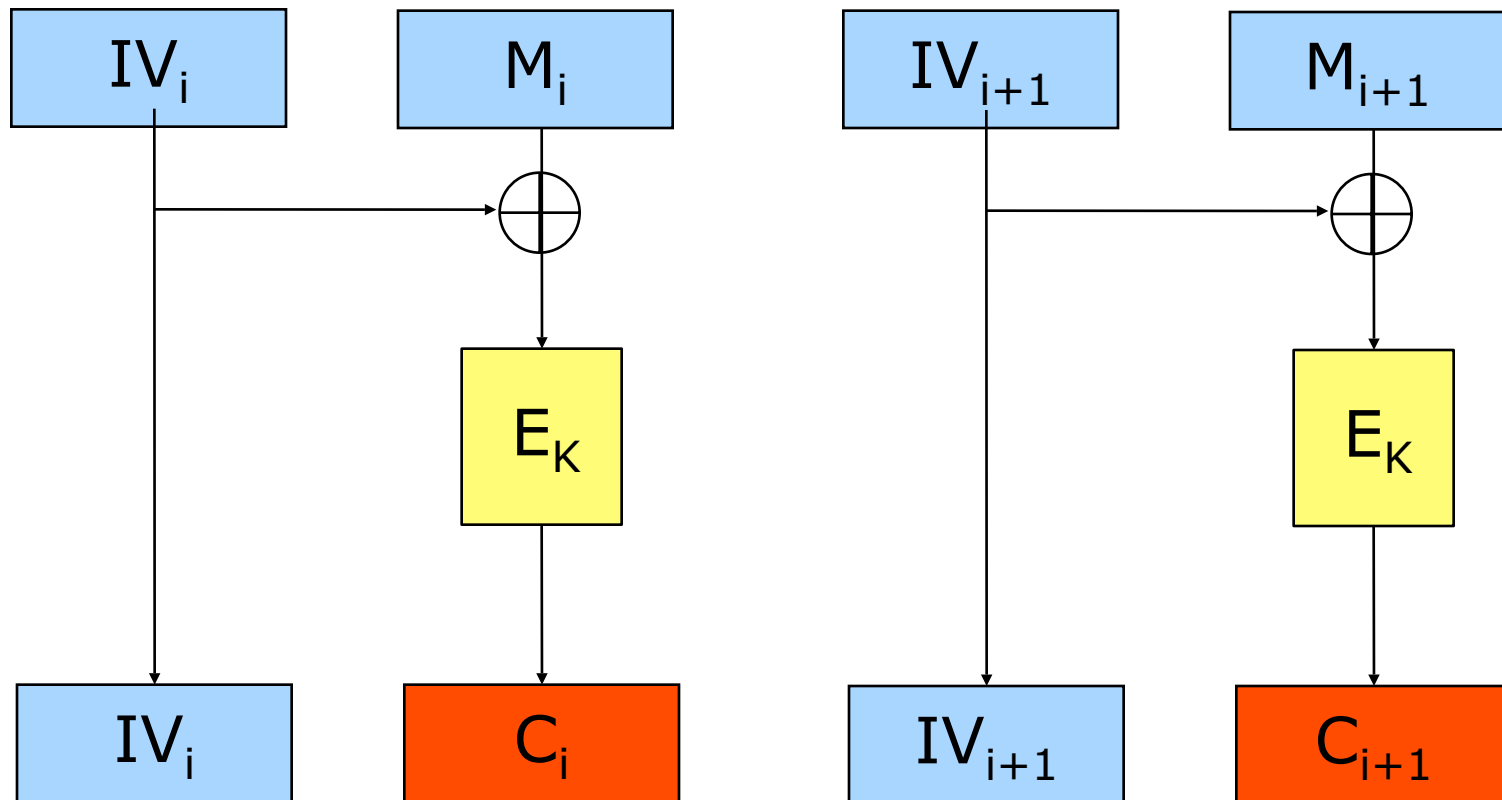
# Le mode CBC

- On pose donc  $IV_{i+1} = C_i$



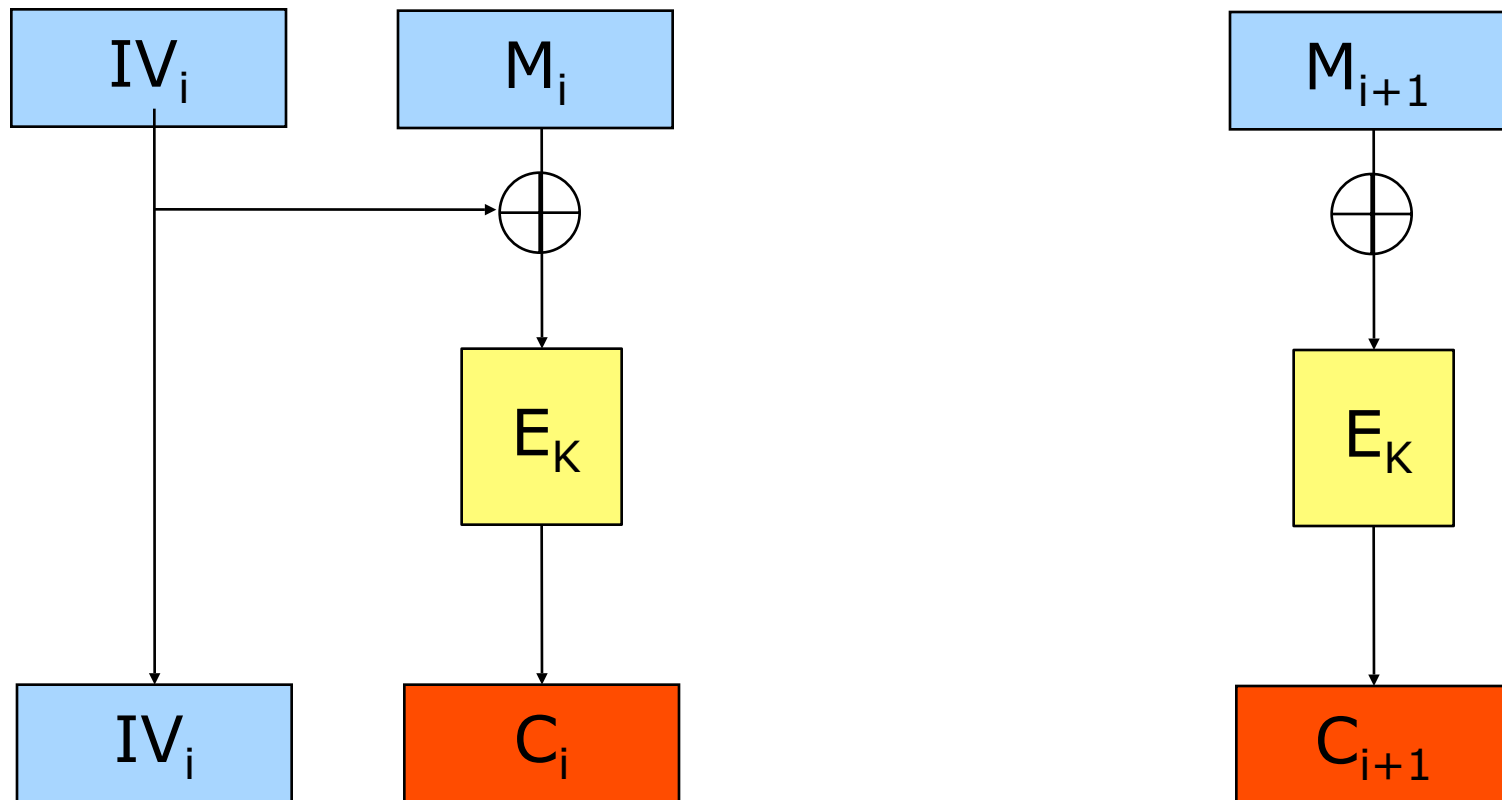
# Le mode CBC

- On pose donc  $IV_{i+1} = C_i$



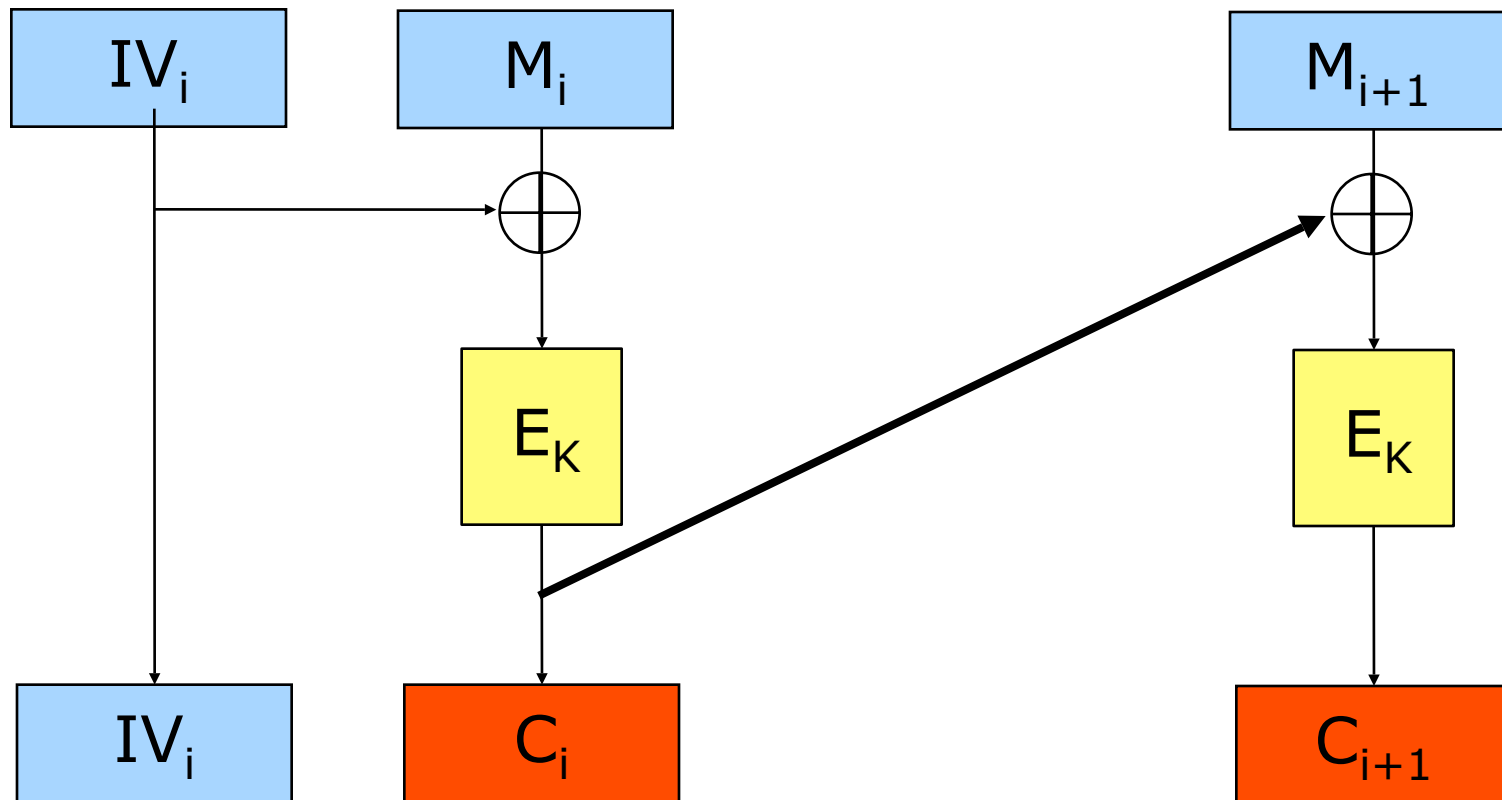
# Le mode CBC

- On pose donc  $IV_{i+1} = C_i$



# Le mode CBC

- On pose donc  $IV_{i+1} = C_i$

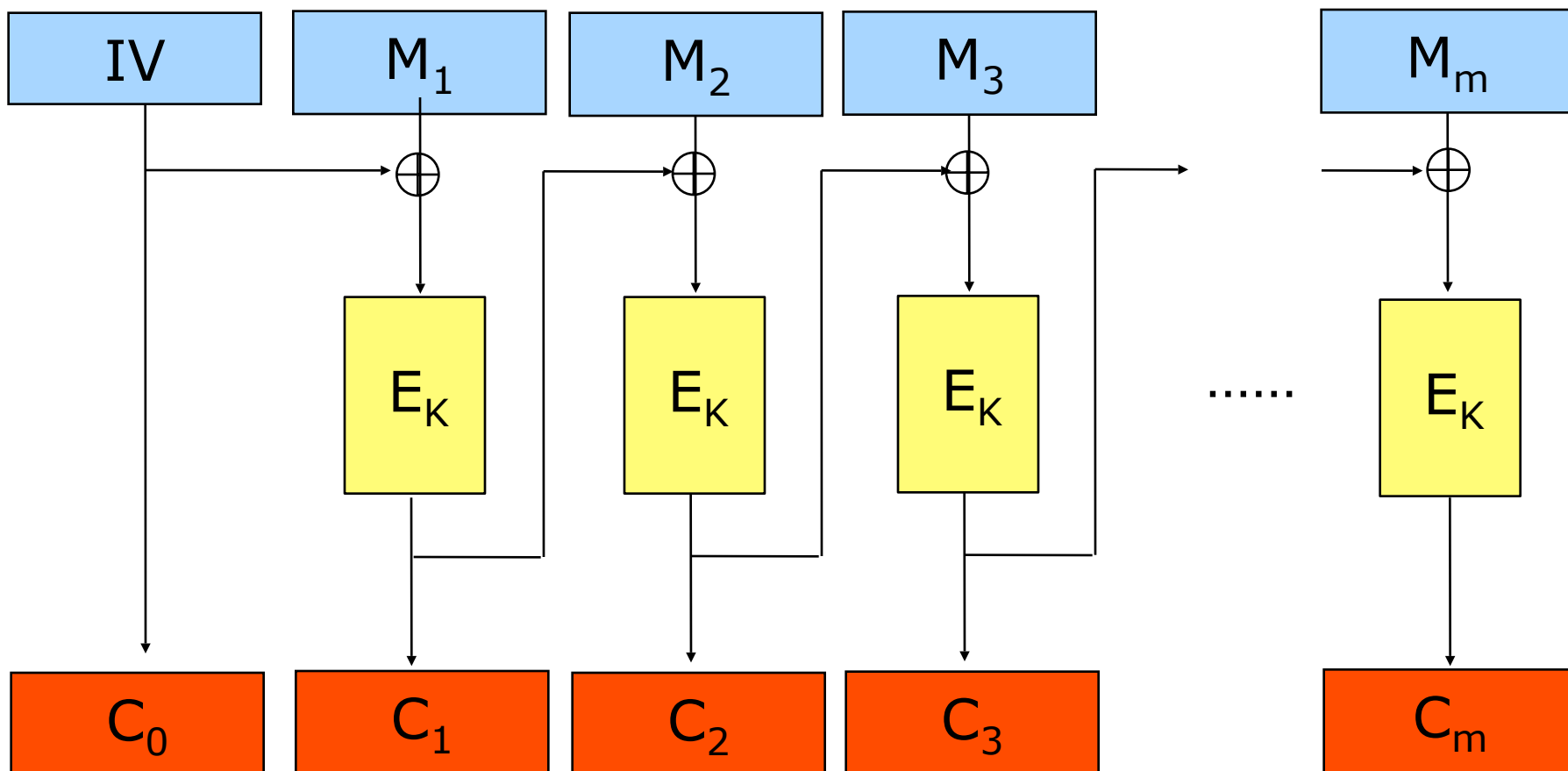




# Amélioration

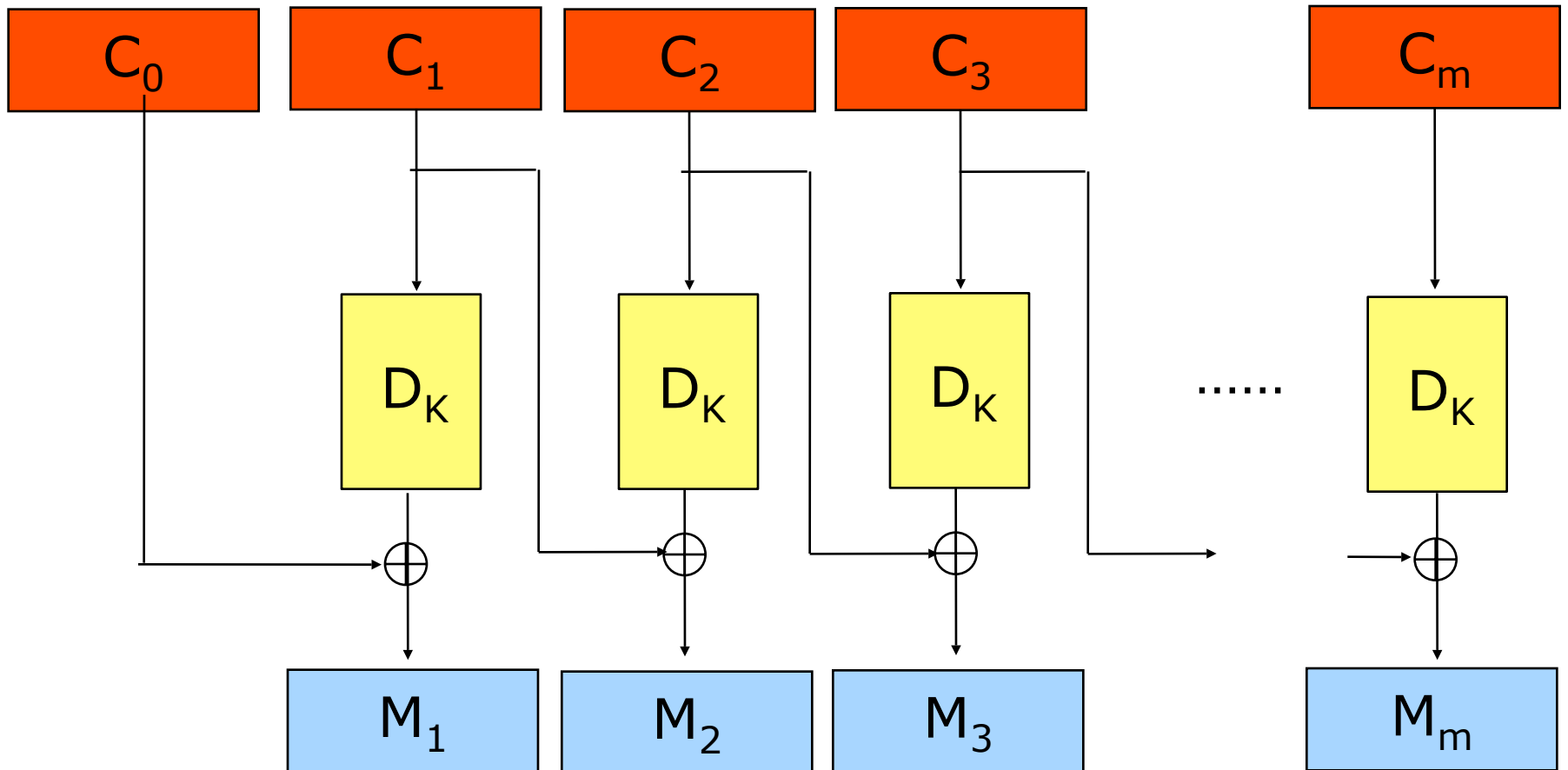
- Le bloc de chiffré précédent est utilisé pour randomiser le bloc de clair
- Optimisation de la bande passante
- Correct si la primitive a de bonnes propriétés cryptographiques
  - **indistinguabilité entre les sorties de la primitive et celles d'une permutation aléatoire**

# Le mode CBC

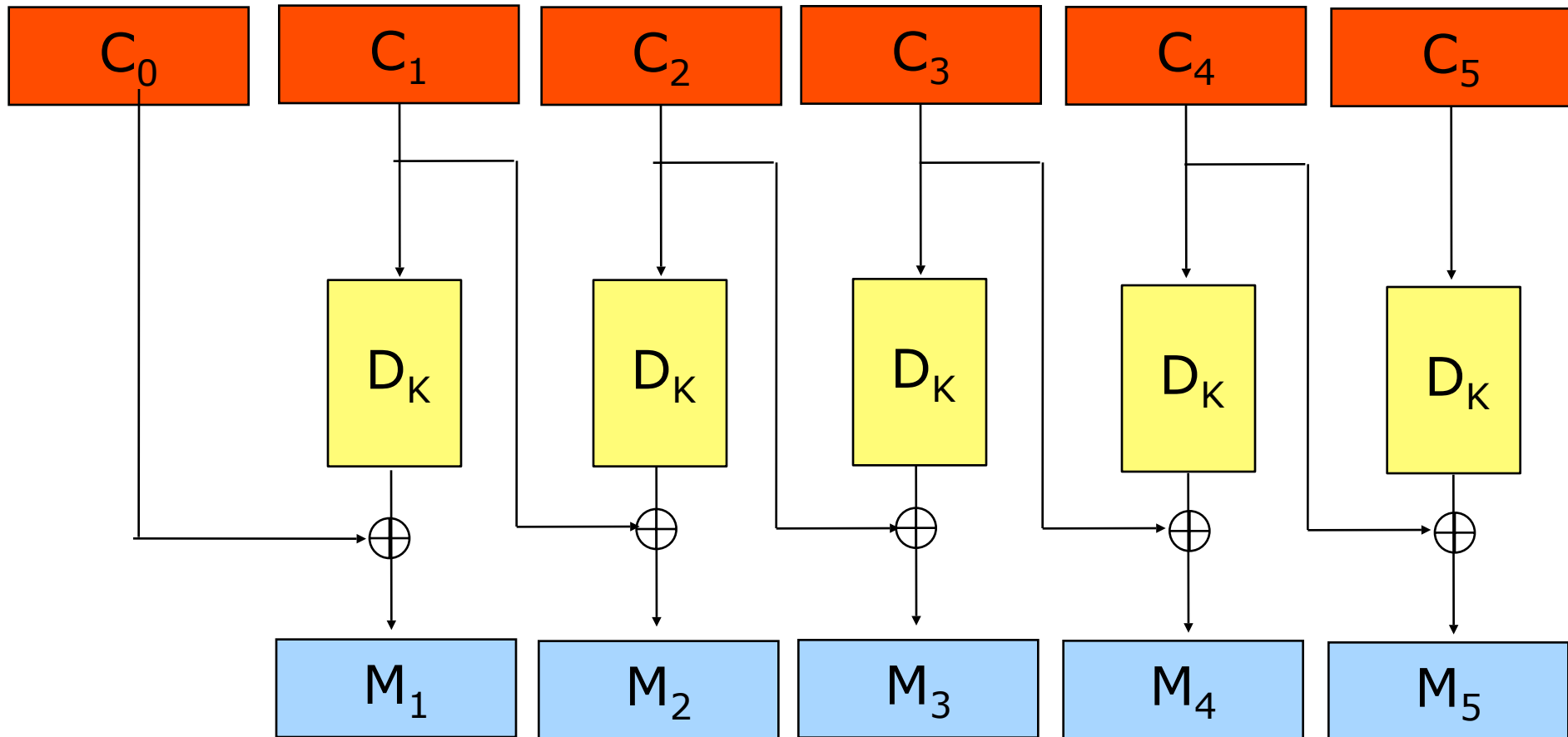


$$C_0 = IV \quad \text{et} \quad C_i = E_K(C_{i-1} \oplus M_i)$$

# Déchiffrement CBC

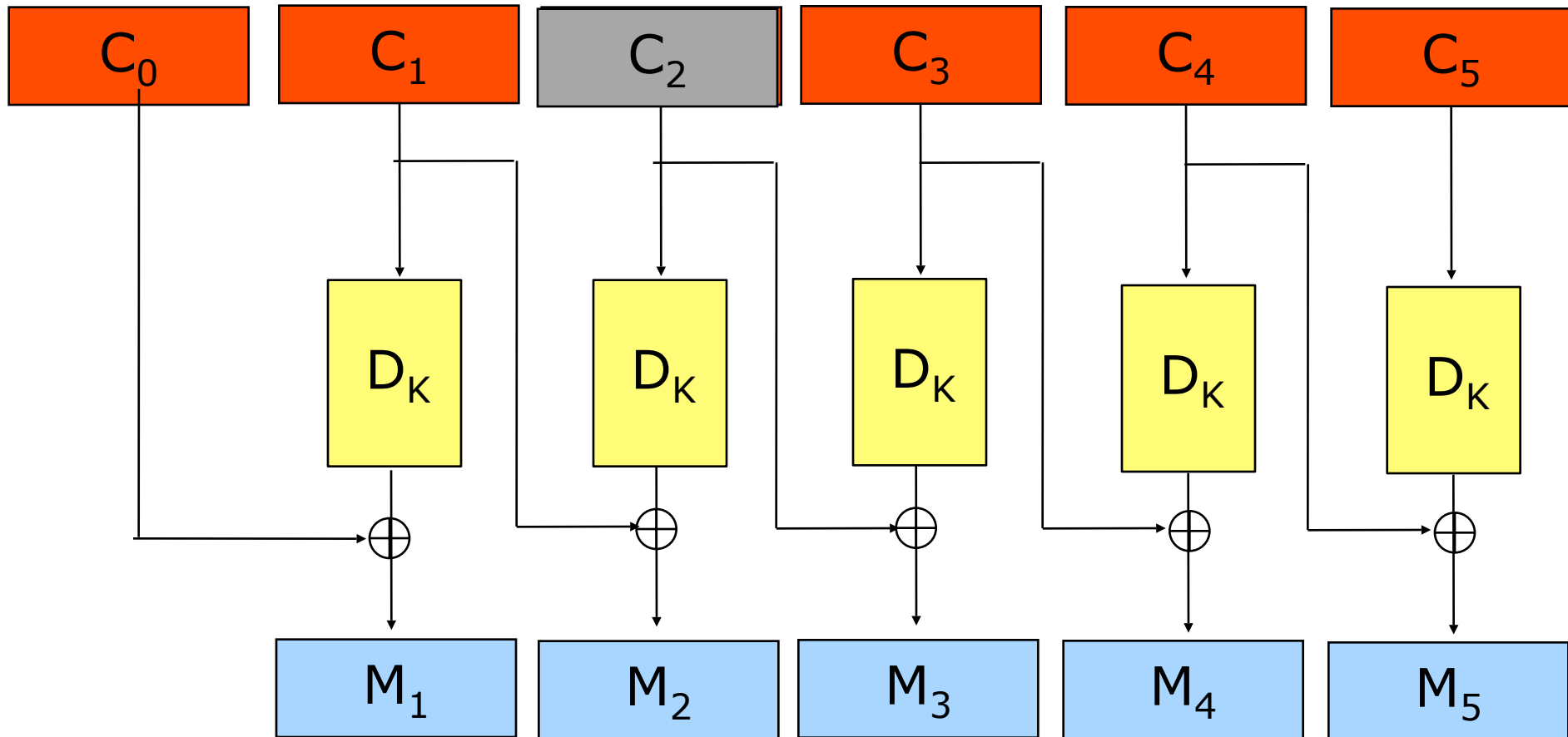


# Propagation d'erreur



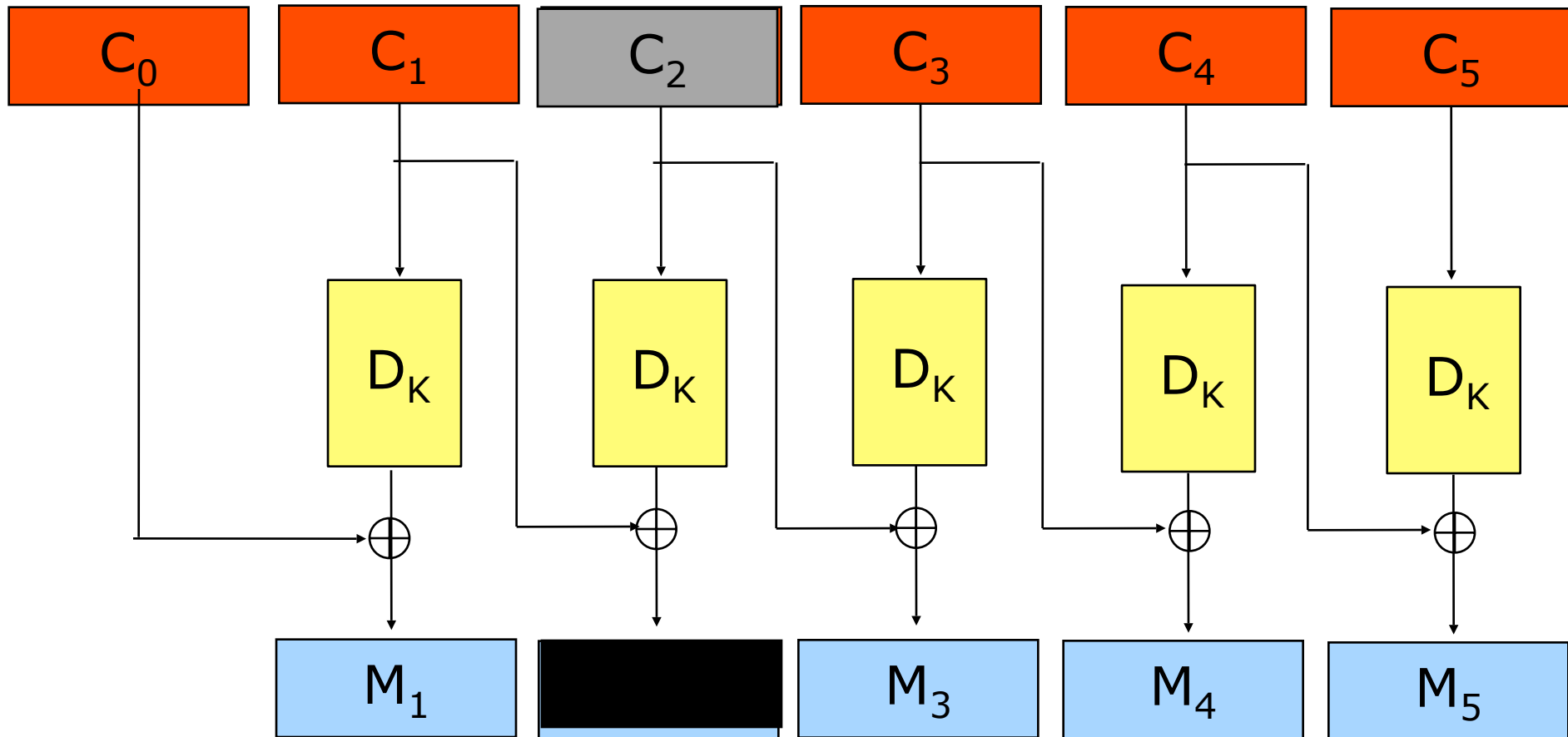
**Propagation d'erreur limitée en déchiffrement**

# Propagation d'erreur



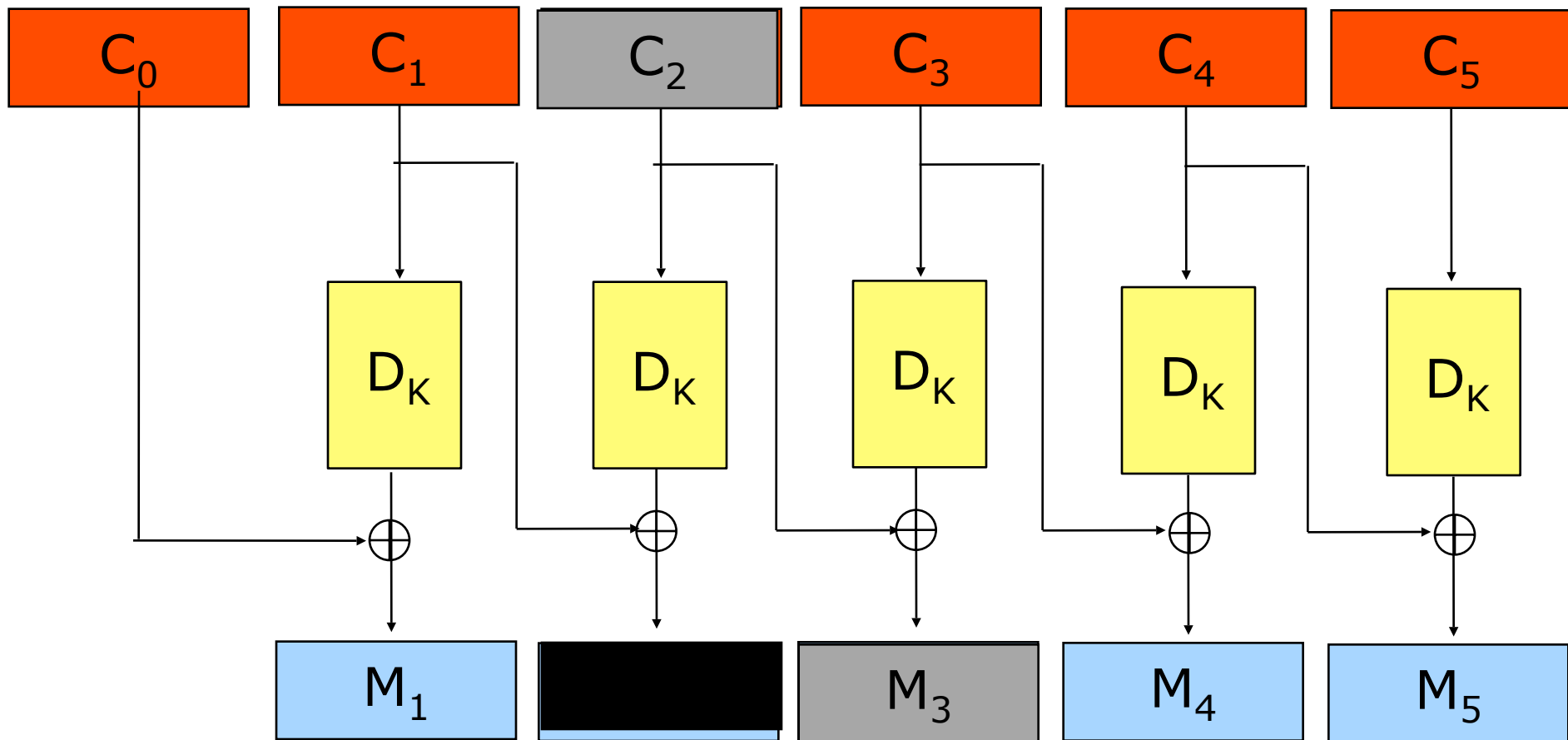
**Propagation d'erreur limitée en déchiffrement**

# Propagation d'erreur



**Propagation d'erreur limitée en déchiffrement**

# Propagation d'erreur



**Propagation d'erreur limitée en déchiffrement**

# Propriétés du mode CBC

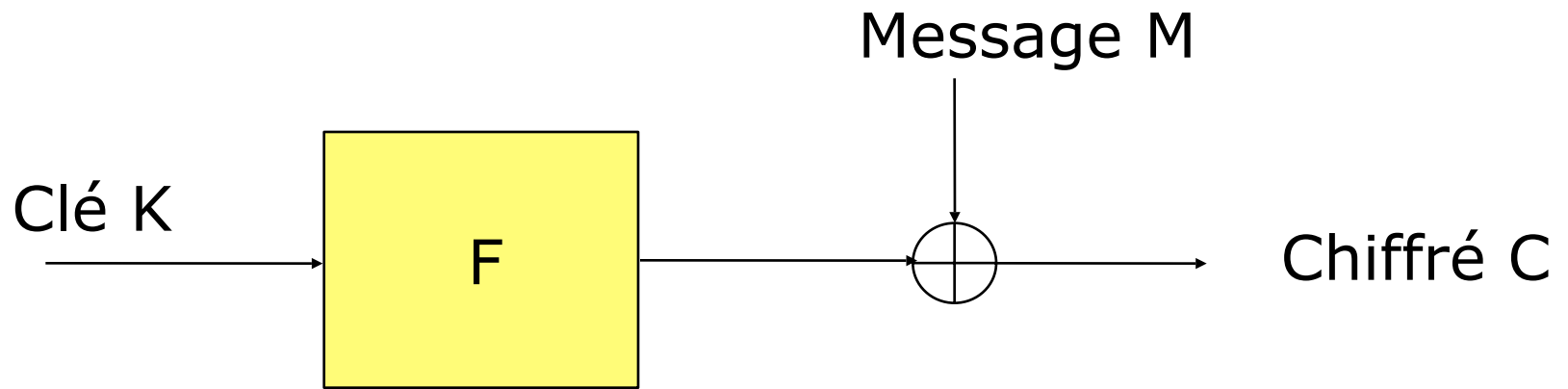
- **Pas d'état, mode probabiliste** (randomisé) : pour un même clair, chiffrés différents si l'IV choisi est différent
- **Non parallélisable**
- **Expansion** : le chiffré possède un bloc de plus que le clair
- **Gestion de l'IV** : transmis en clair avec le chiffré, valeur non prédictible
- **Propagation d'erreurs limitée en déchiffrement** : une erreur sur le bloc chiffré  $C_i$  modifie les clairs  $M_i$  et  $M_{i+1}$  seulement



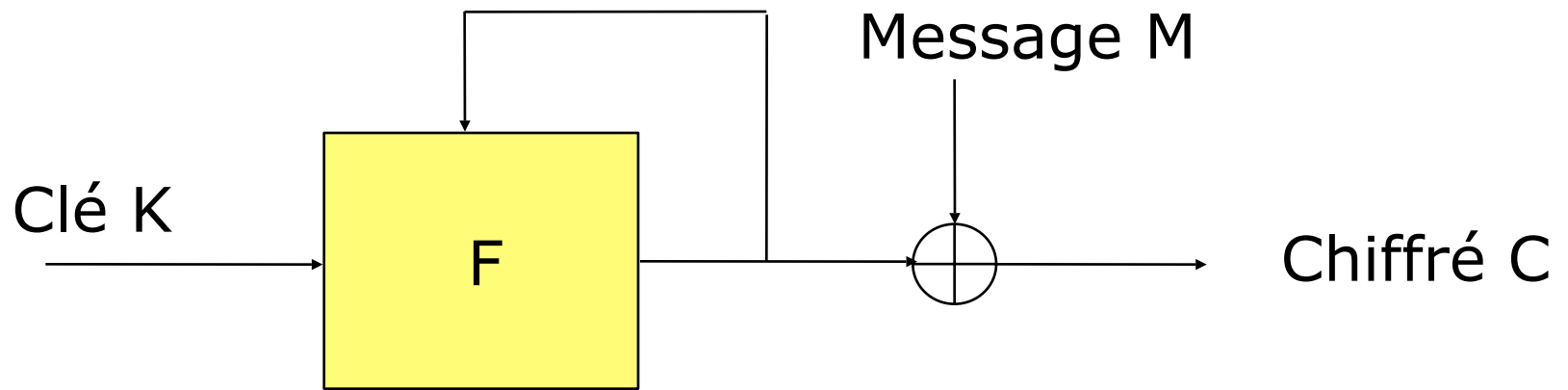
# Autres modes

- Normalisation du NIST : modes pour le DES, puis modes pour l'AES
- Modes stream :
  - on génère un flux additionné bit à bit avec le message clair
  - Plus coûteux qu'un stream
  - Sécurité souvent meilleure (pas de bonnes pratiques pour les stream ciphers)
  - La fonction  $D=E^{-1}$  n'est pas utilisée

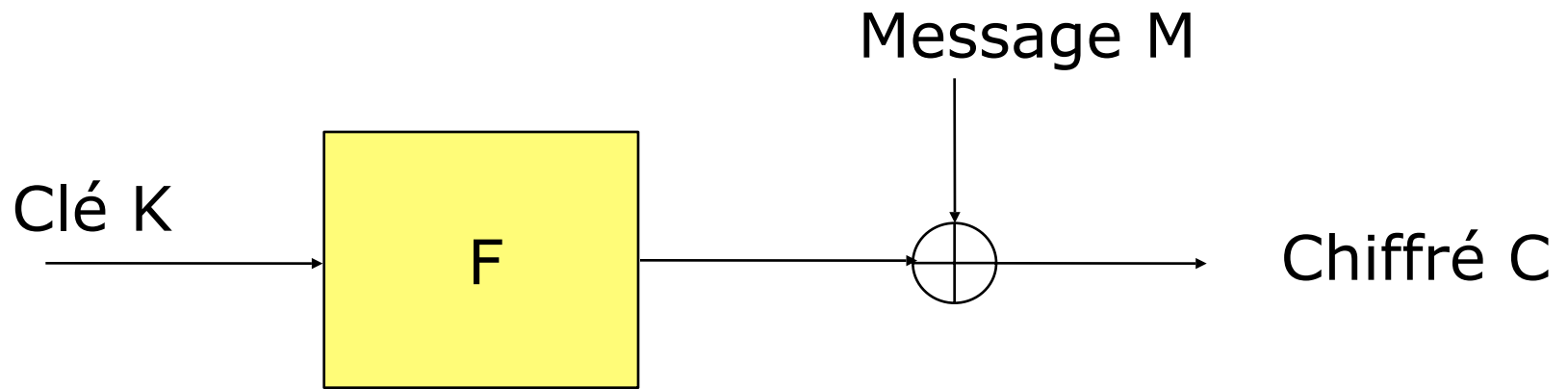
# Modes stream



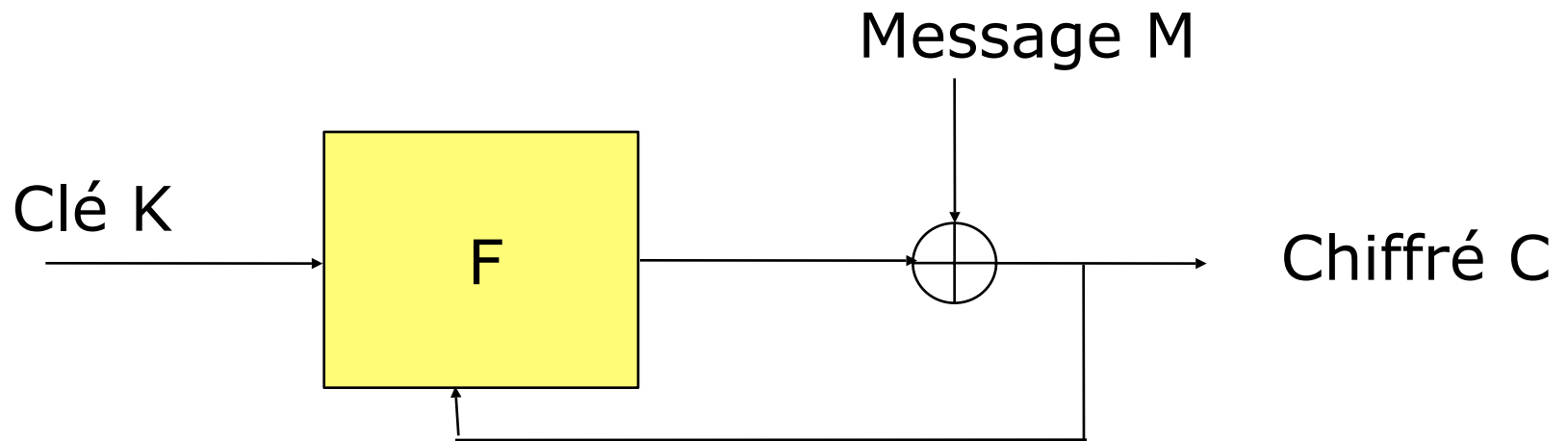
# Modes stream



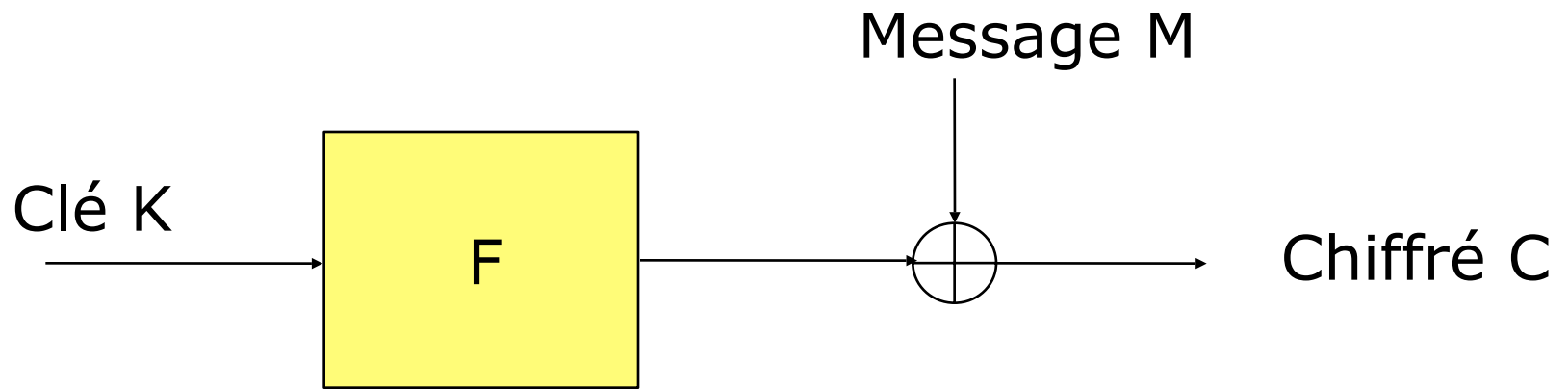
# Modes stream



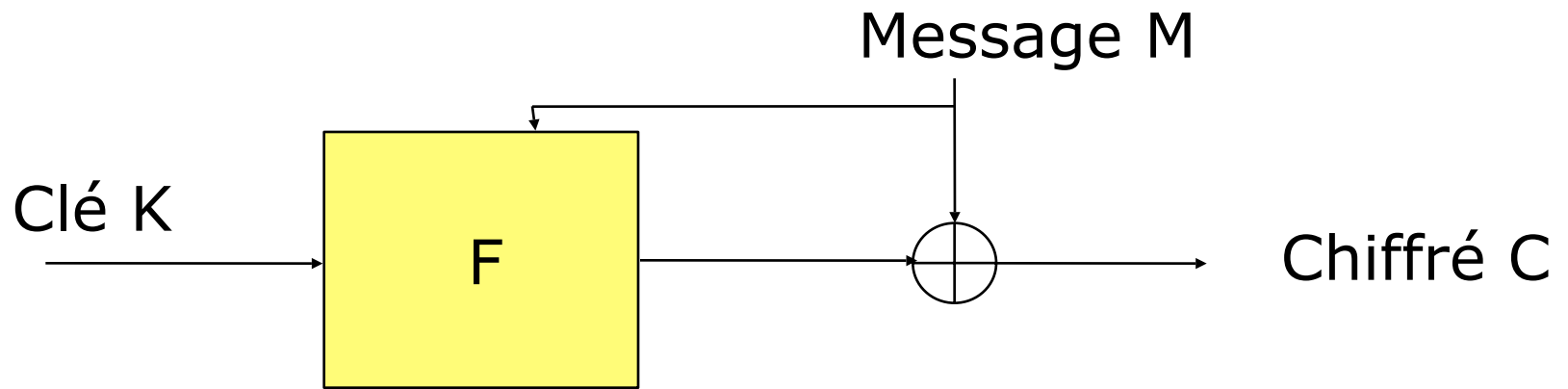
# Modes stream



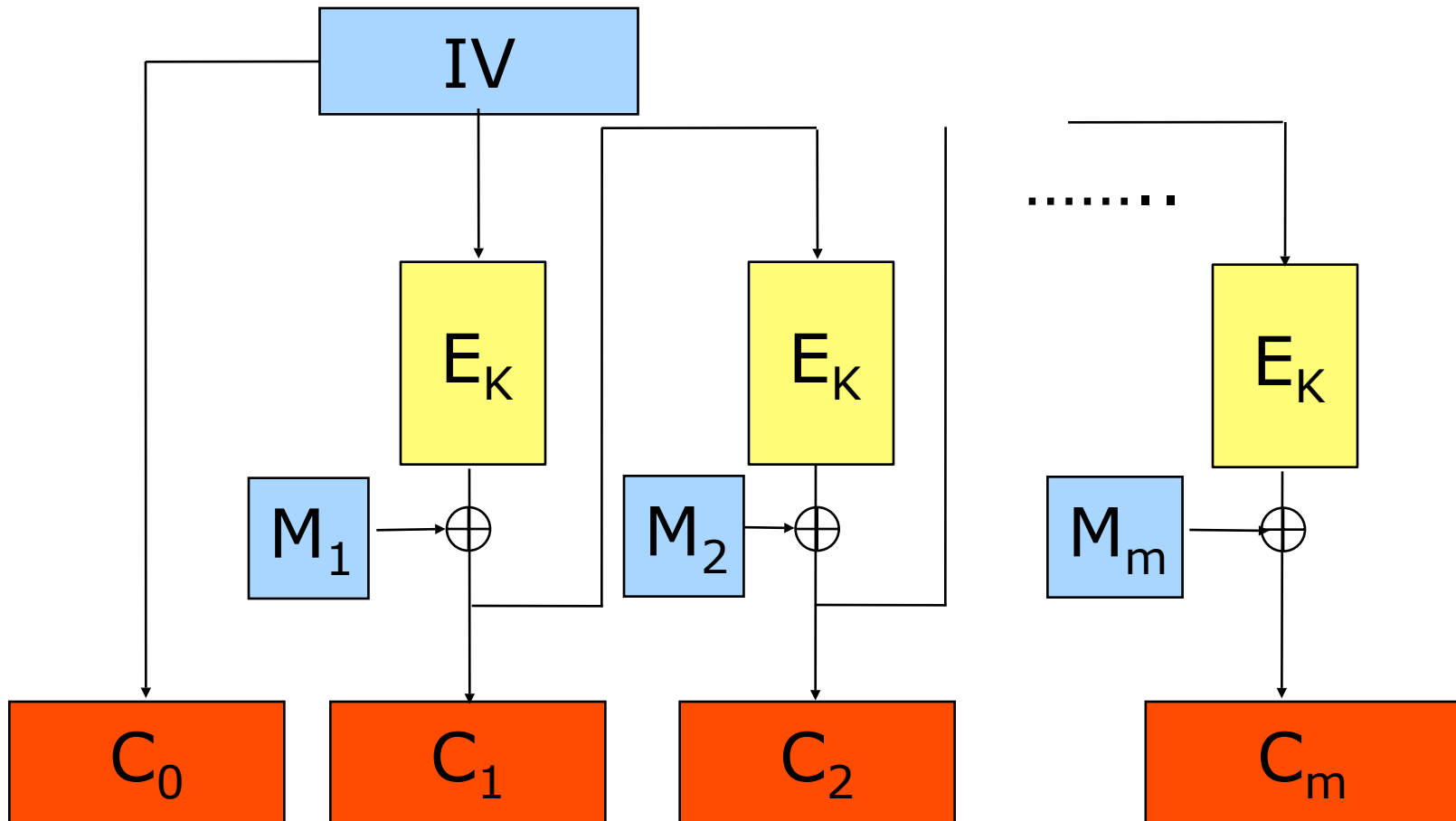
# Modes stream



# Modes stream



# CFB : Cipher FeedBack

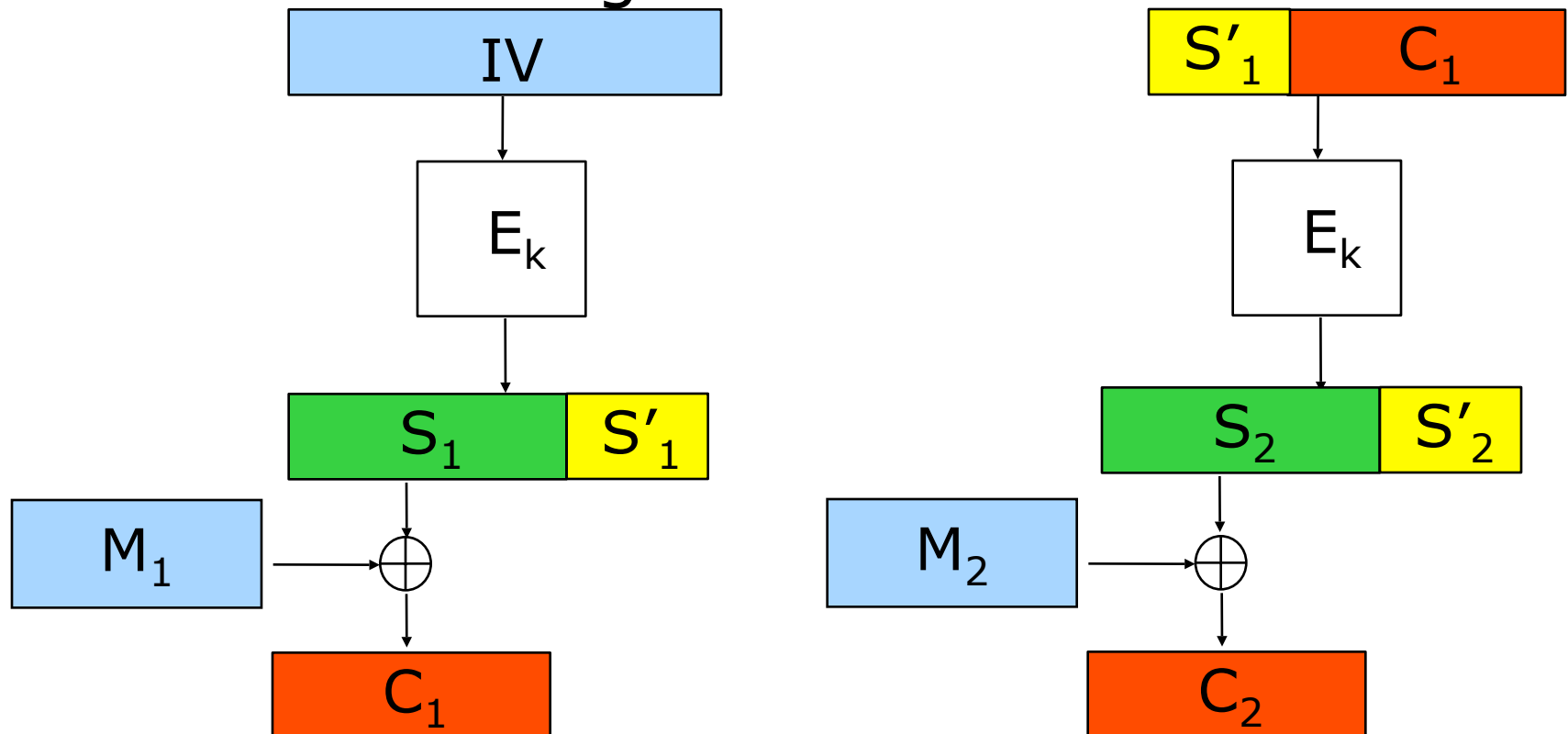


$$C_0 = IV \quad \text{et} \quad C_i = E_K(C_{i-1}) \oplus M_i$$

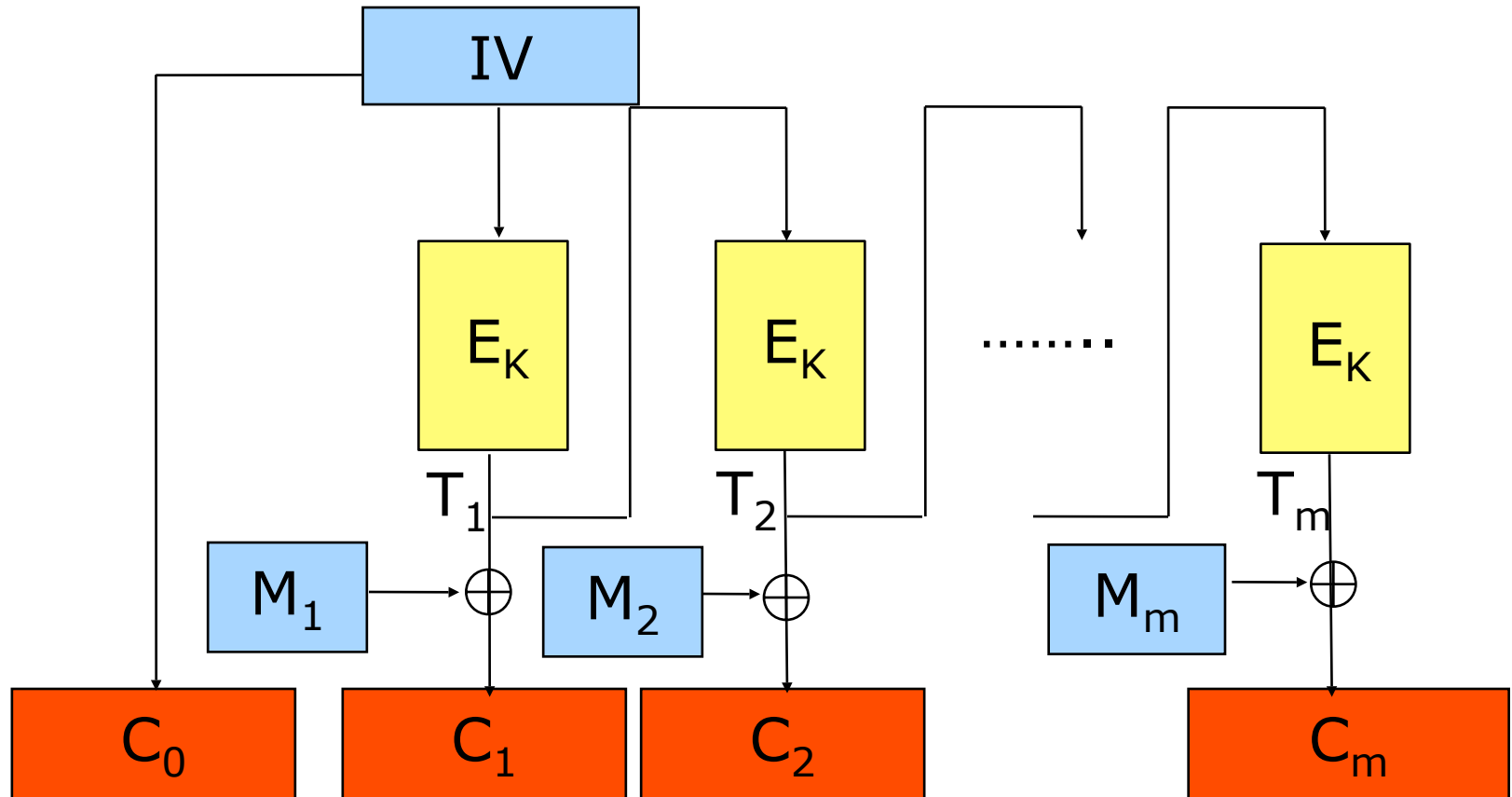


# Variante du CFB

- Sorties du block cipher tronquées à  $r$  bits,  $r < n$ ,
- Blocs de messages de  $r$  bits



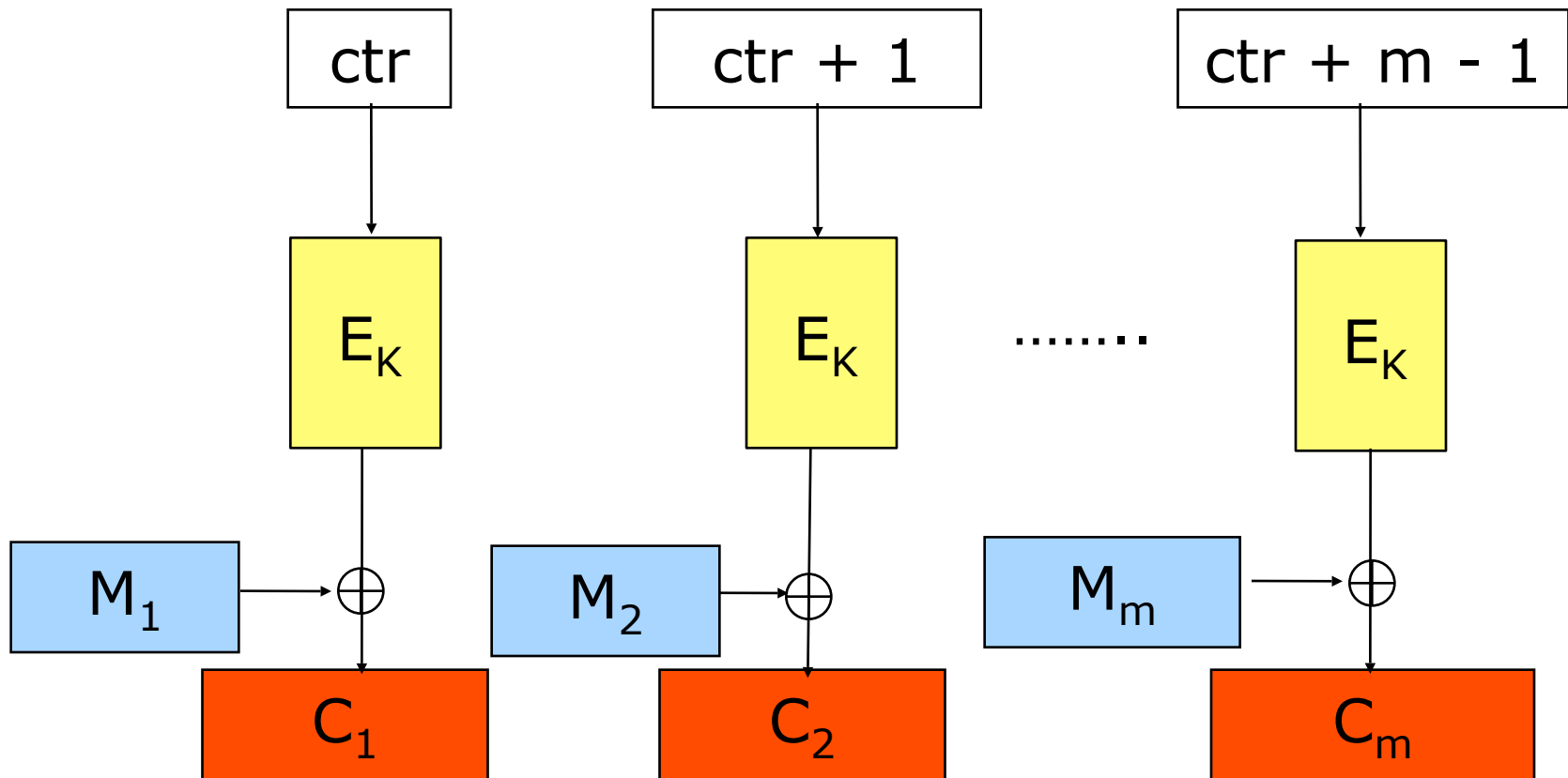
# Mode OFB



$$T_0 = IV, T_i = E_K(T_{i-1})$$

$$C_0 = IV \text{ et } C_i = T_i \oplus M_i$$

# Mode compteur



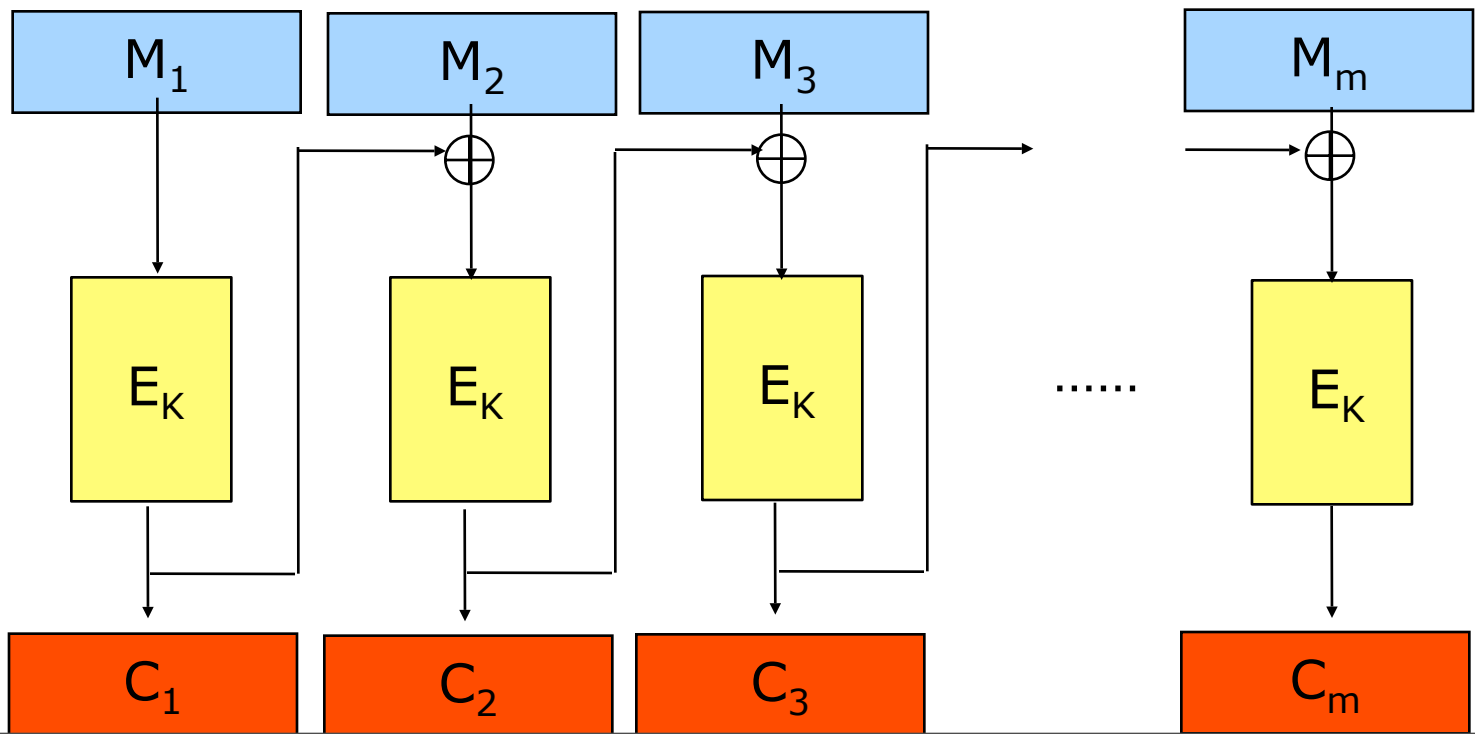
$$C_i = E_K(\text{ctr} + i - 1) \oplus M_i$$

$$M_i = E_K(\text{ctr} + i - 1) \oplus C_i$$

# **Le mode de chiffrement CBC**

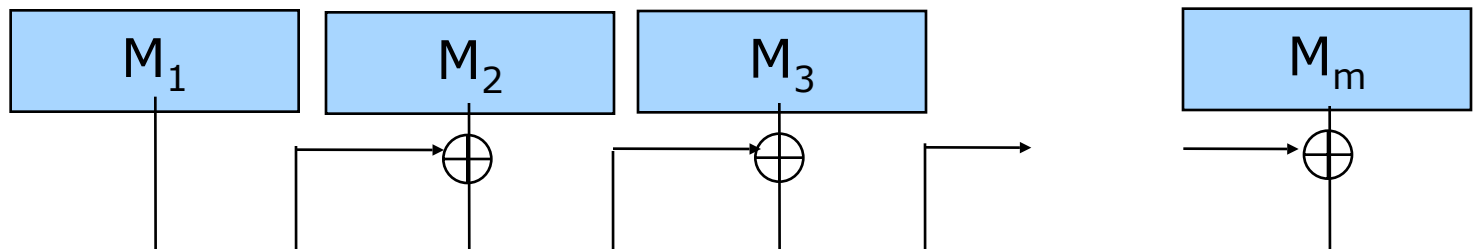
# Gestion de la valeur initiale

- Confidentialité non nécessaire pour l'IV : transmis en clair
- Doit être imprédictible : pas de valeur constante ou nulle !



# Gestion de la valeur initiale

- Confidentialité non nécessaire pour l'IV : transmis en clair
- Doit être imprédictible : pas de valeur constante ou nulle !



**Mode déterministe dans ce cas !!!**

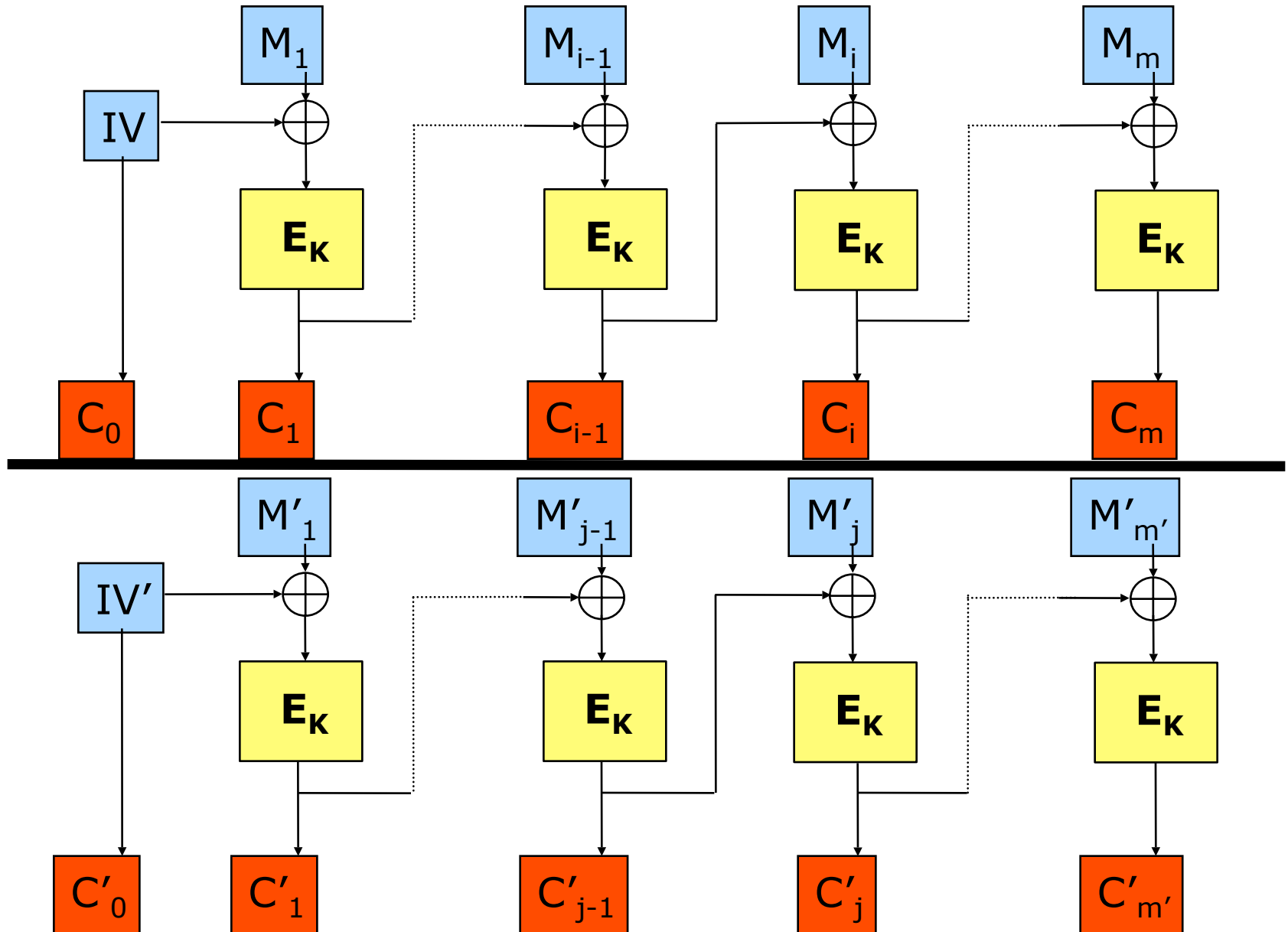
# **Sécurité du mode de chiffrement CBC**

# Sécurité du mode CBC

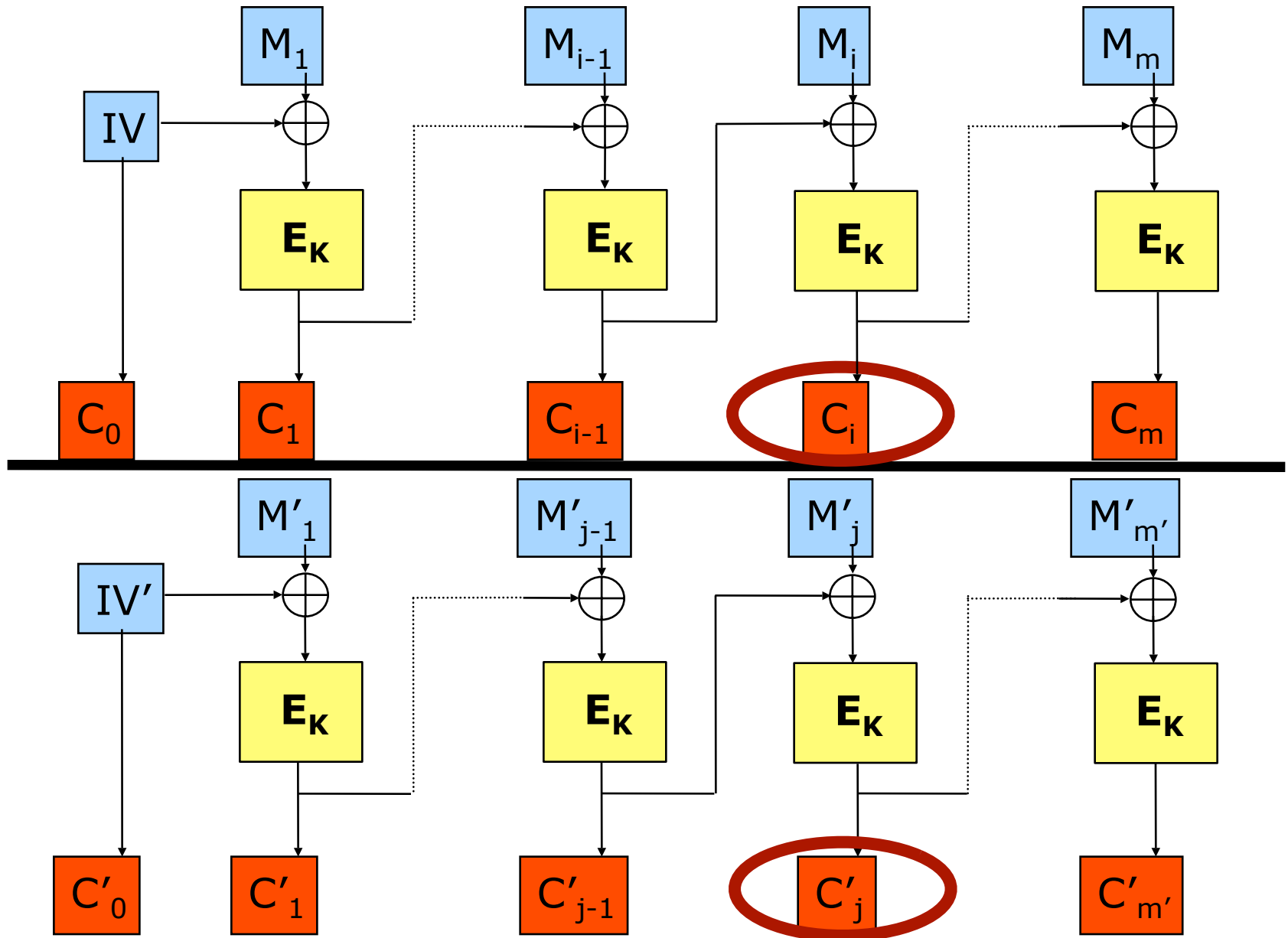
- Que se passe-t-il si deux blocs de chiffré collisionnent ?
- Quelle fuite d'info peut-on tolérer ?



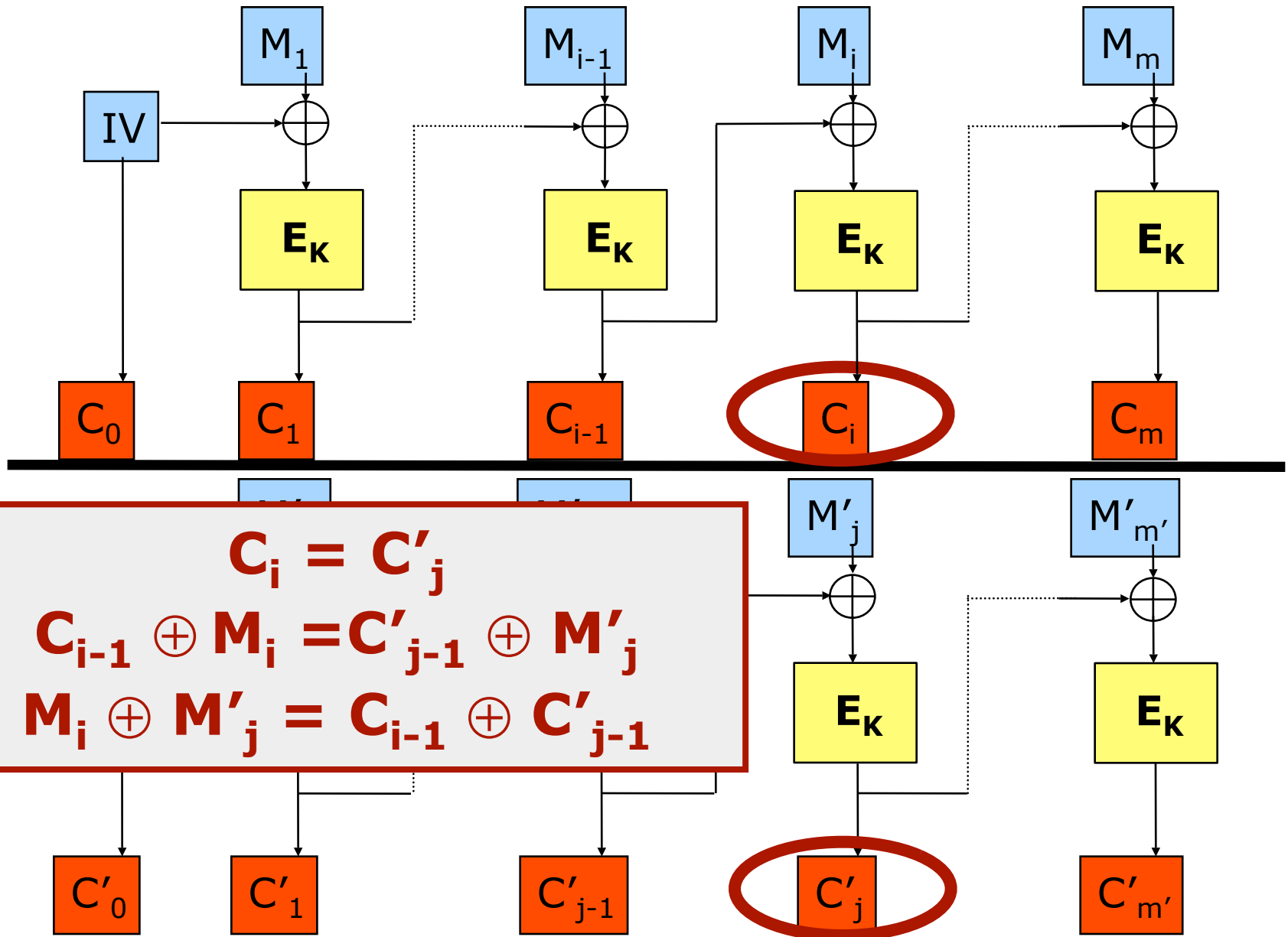
# Sécurité du mode CBC



# Sécurité du mode CBC



# Sécurité du mode CBC



# Sécurité du CBC

- Si deux blocs collisionnent, de l'information fuit : on obtient une relation linéaire entre deux blocs de clair

$$M_i \oplus M_j = C_{i-1} \oplus C_{j-1}$$

- La confidentialité au sens le plus fort n'est plus assurée
- Quelle est la probabilité qu'une telle collision se produise ?

# Paradoxe des anniversaires

- Les collisions se font sur des blocs de  $n$  bits
  - $2^n$  valeurs possibles
  - La primitive  $E$  est « sûre » : toutes ces valeurs sont équiprobables
- Dès que  $\sqrt{2^n} = 2^{n/2}$  blocs ont été chiffrés, deux d'entre eux collisionnent avec forte probabilité

# Sécurité du mode CBC

- Quand  $2^{n/2}$  blocs ont été chiffrés, de l'information fuit
- **Importance de la taille des blocs pour la primitive E**
- En pratique :
  - Pour le DES :  $2^{32}$  blocs avant une collision
    - Très réaliste sur un réseau gigabit
    - Discutable sur une carte à puce
  - Pour l'AES :  $2^{64}$  blocs avant collision, pas de risque pratique

# Paradoxe des anniversaires

- Permet d'estimer la quantité de données à traiter avant qu'une collision n'aie lieu
  - Fort intérêt en crypto :
    - Cryptanalyse de modes opératoires de chiffrement
    - Reste à exploiter les collisions
    - Impact pratique : dépend fortement du contexte
- La sécurité au delà de la borne est très difficile à atteindre

# **Cryptanalyse de modes opératoires de chiffrement**

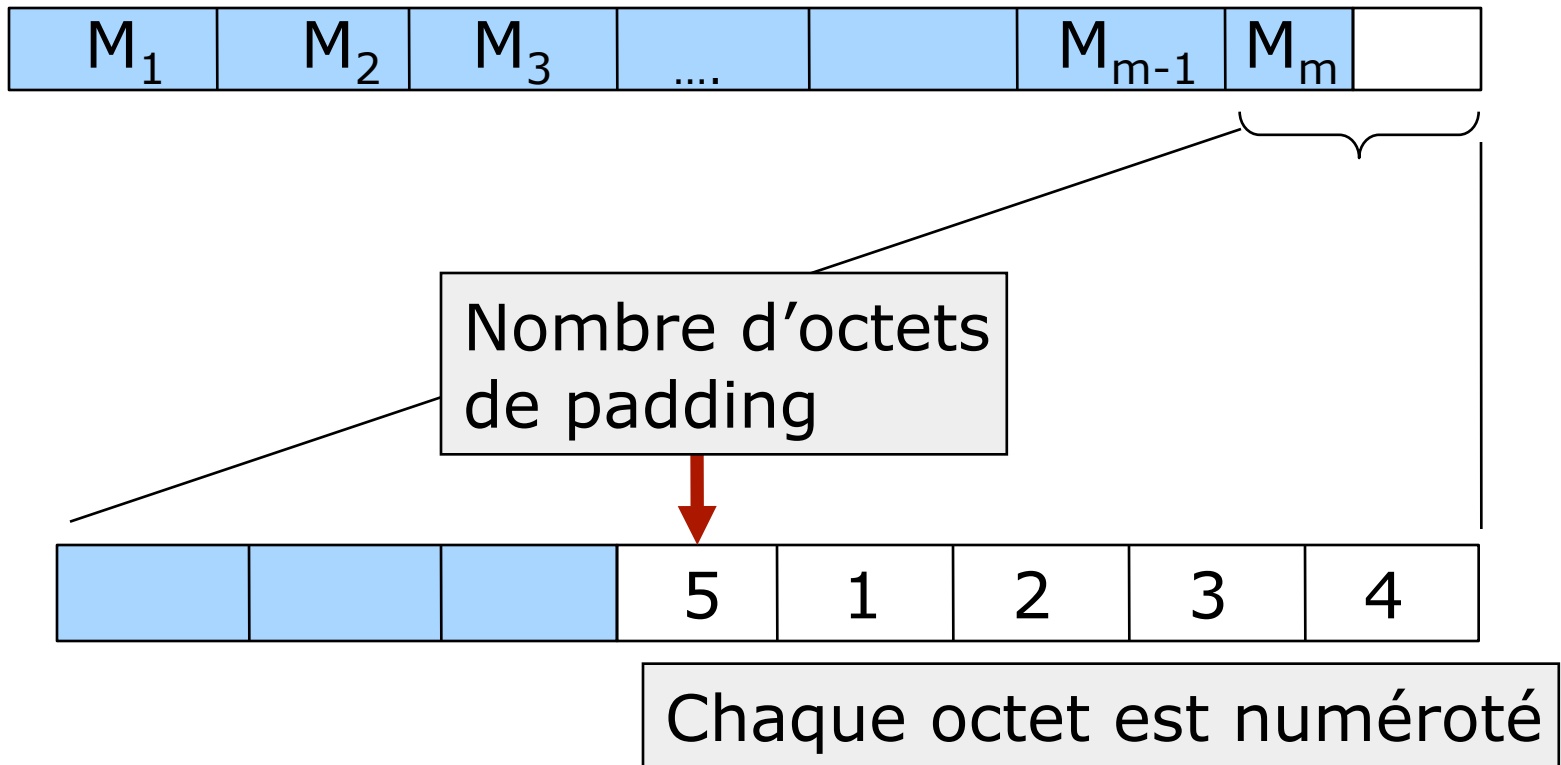


# Padding

- Nécessité de compléter les messages à un multiple de  $n$  bits
- Nombreuses propositions
- Un mauvais choix peut conduire à une implémentation vulnérable à certaines attaques !

# Exemple de padding faible

- On complète avec :
  - Nombre d'octets à compléter sur 1 octet
  - Chaque octet suivant est numéroté



# Contexte d'attaque

Attaquant : cherche  
à déchiffrer C



C\* : modification  
astucieuse de C

Serveur



# Contexte d'attaque

Attaquant : cherche  
à déchiffrer C



$C^*$  : modification  
astucieuse de C

Chiffré  $C^*$



Serveur



# Contexte d'attaque

Attaquant : cherche  
à déchiffrer C



$C^*$  : modification  
astucieuse de C

Chiffré  $C^*$



Serveur



Déchiffrement  
de  $C^*$

Vérification de  
conformité

# Contexte d'attaque

Attaquant : cherche  
à déchiffrer C



$C^*$  : modification  
astucieuse de C

Chiffré  $C^*$



Serveur



Déchiffrement  
de  $C^*$

Vérification de  
conformité



erreur

Le dernier bloc de clair  
ne contient pas le  
bon padding

# Contexte d'attaque

Attaquant : cherche  
à déchiffrer C



$C^*$  : modification  
astucieuse de C

Chiffré  $C^*$



Serveur



Déchiffrement  
de  $C^*$

Vérification de  
conformité

# Contexte d'attaque

Attaquant : cherche  
à déchiffrer C



$C^*$  : modification  
astucieuse de C

Chiffré  $C^*$



Serveur



Déchiffrement  
de  $C^*$

Vérification de  
conformité

OK

Le dernier bloc de clair  
contient le bon padding



# Contexte d'attaque

Attaquant : cherche  
à déchiffrer C



$C^*$  : modification  
astucieuse de C

Chiffré  $C^*$



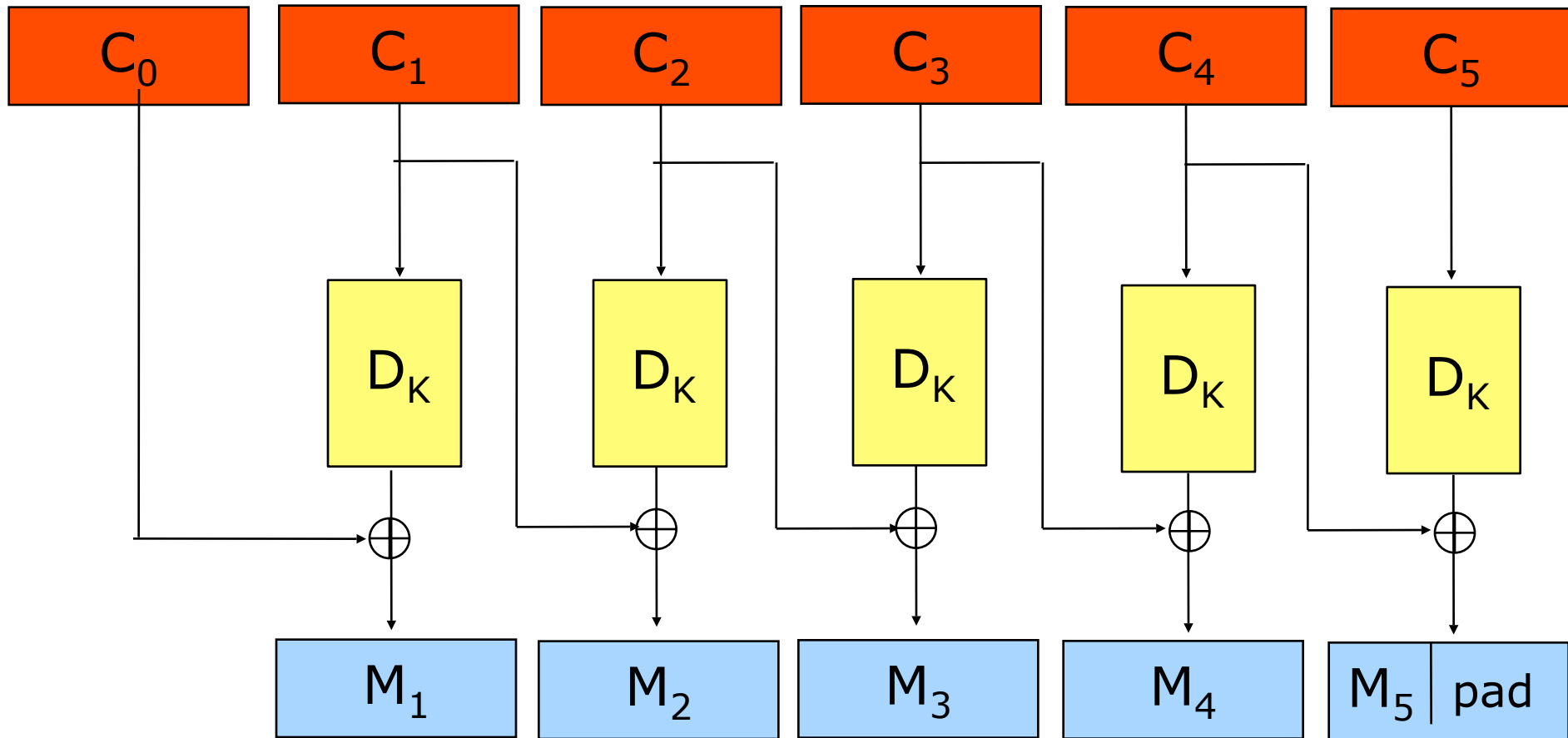
Serveur



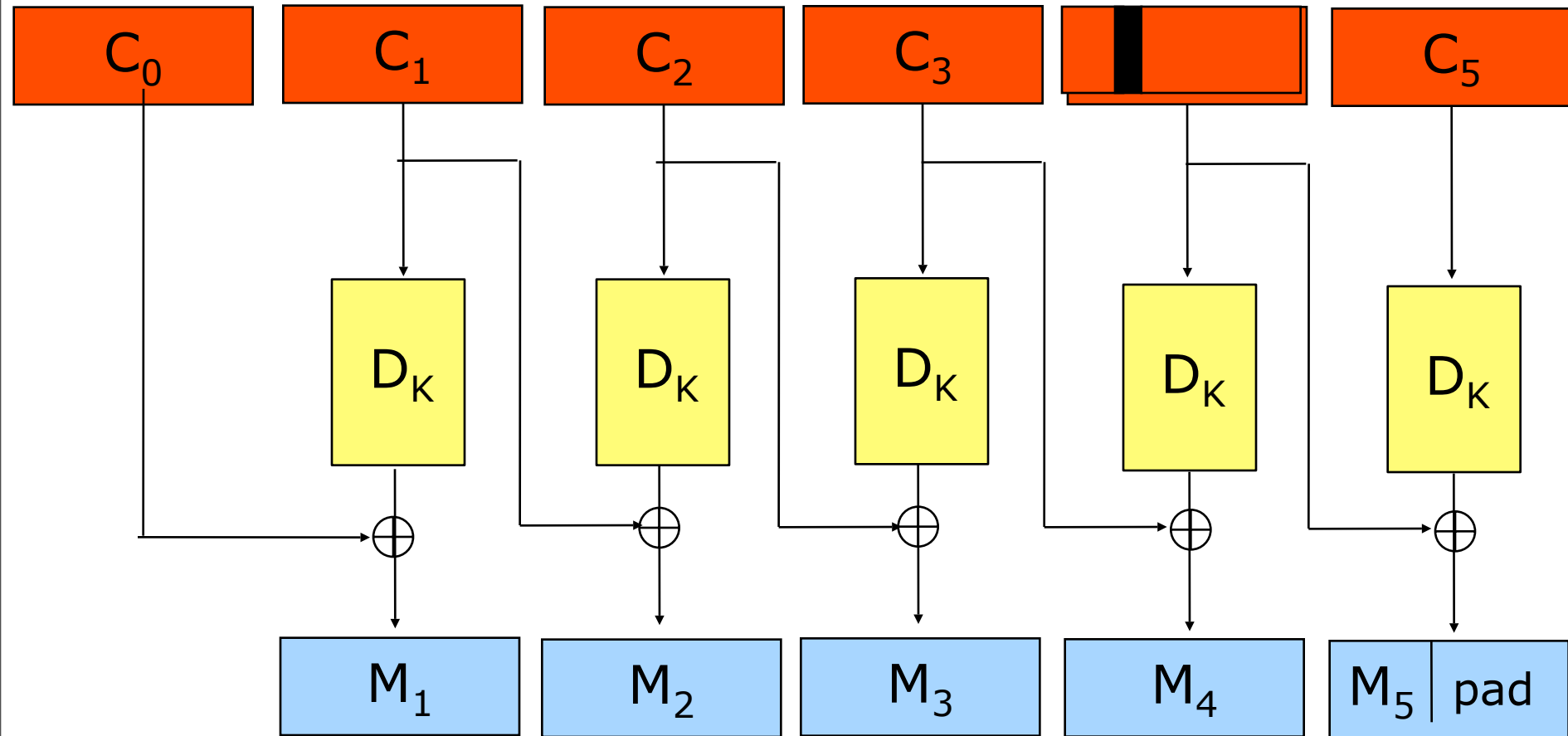
Déchiffrement  
de  $C^*$

Vérification de  
conformité

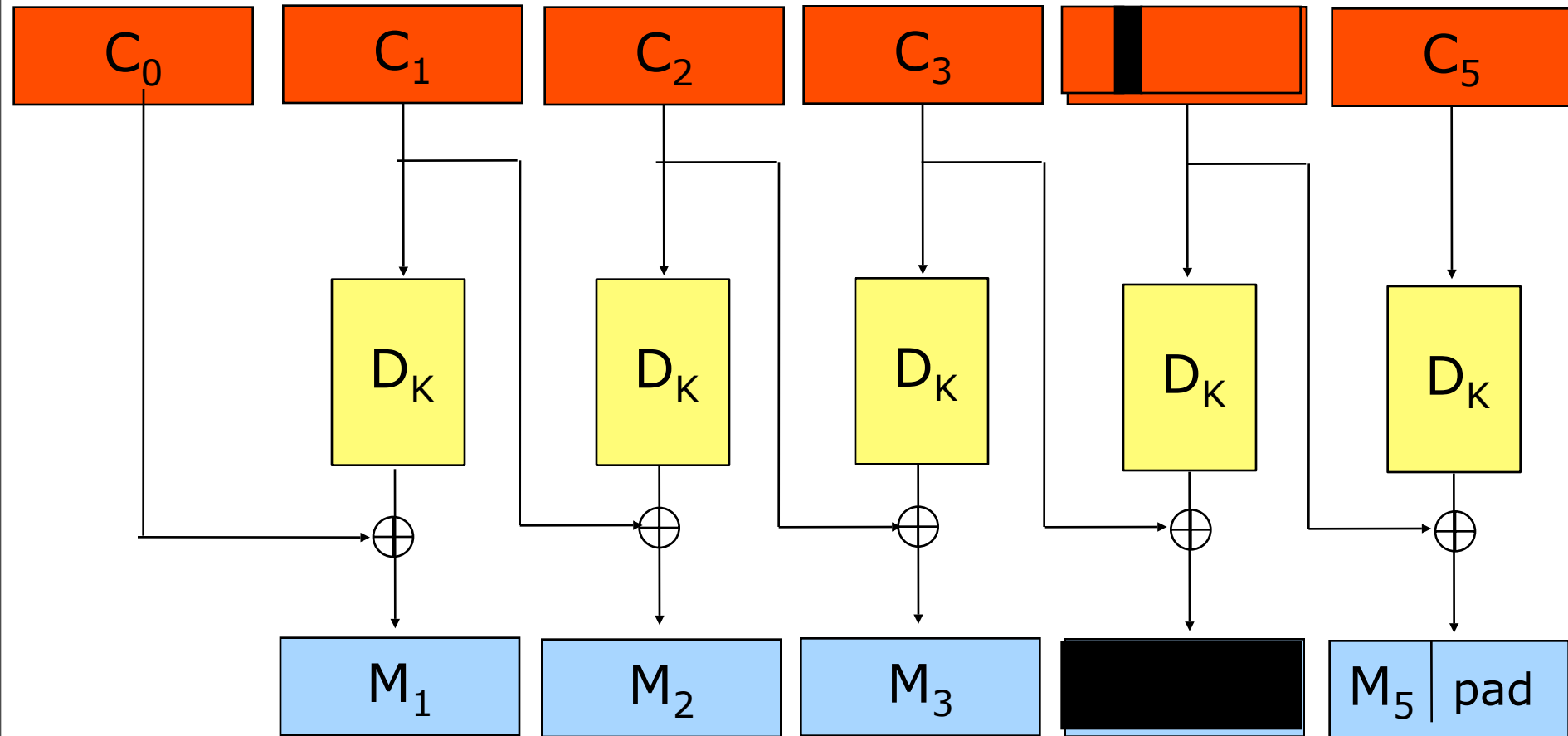
# Cryptanalyse



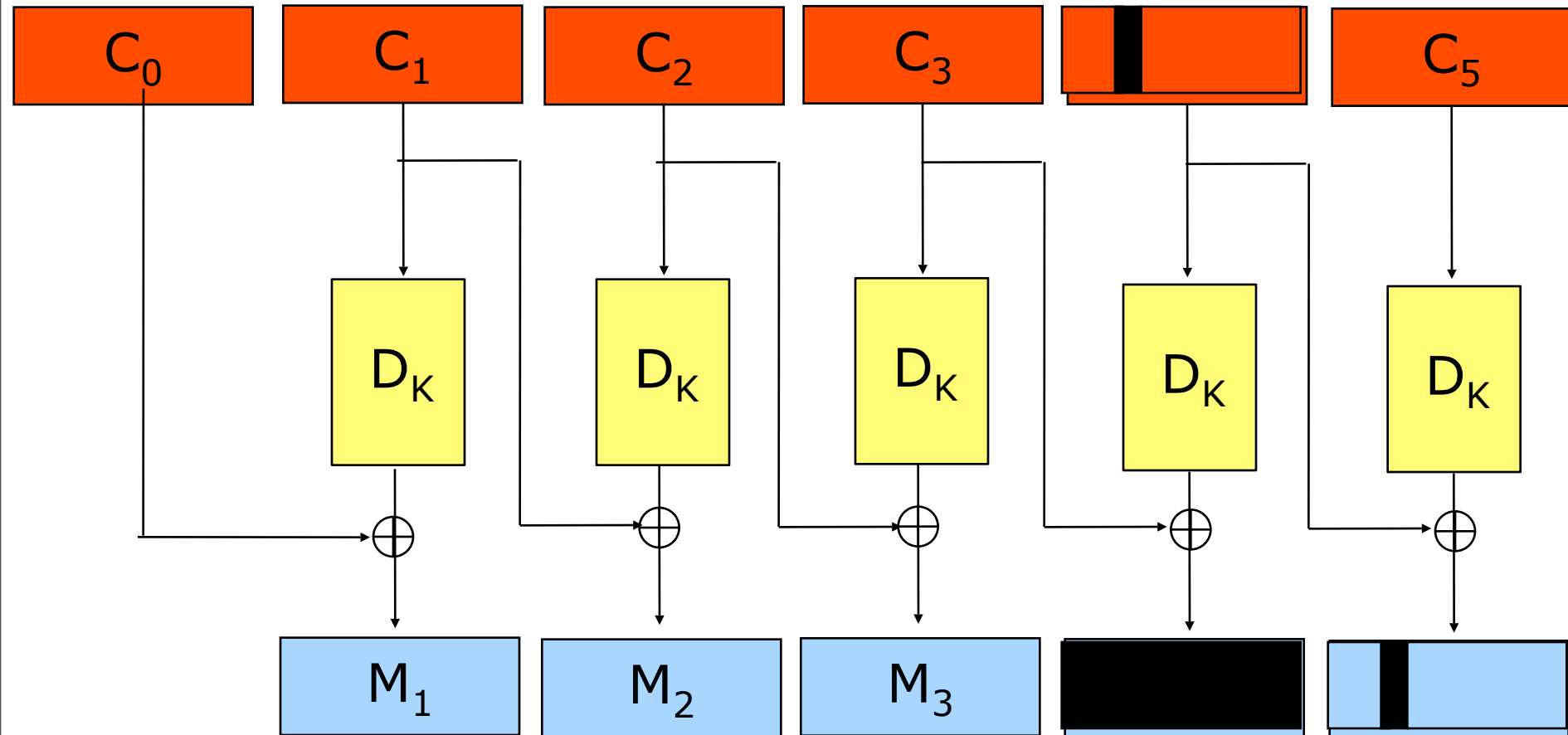
# Cryptanalyse



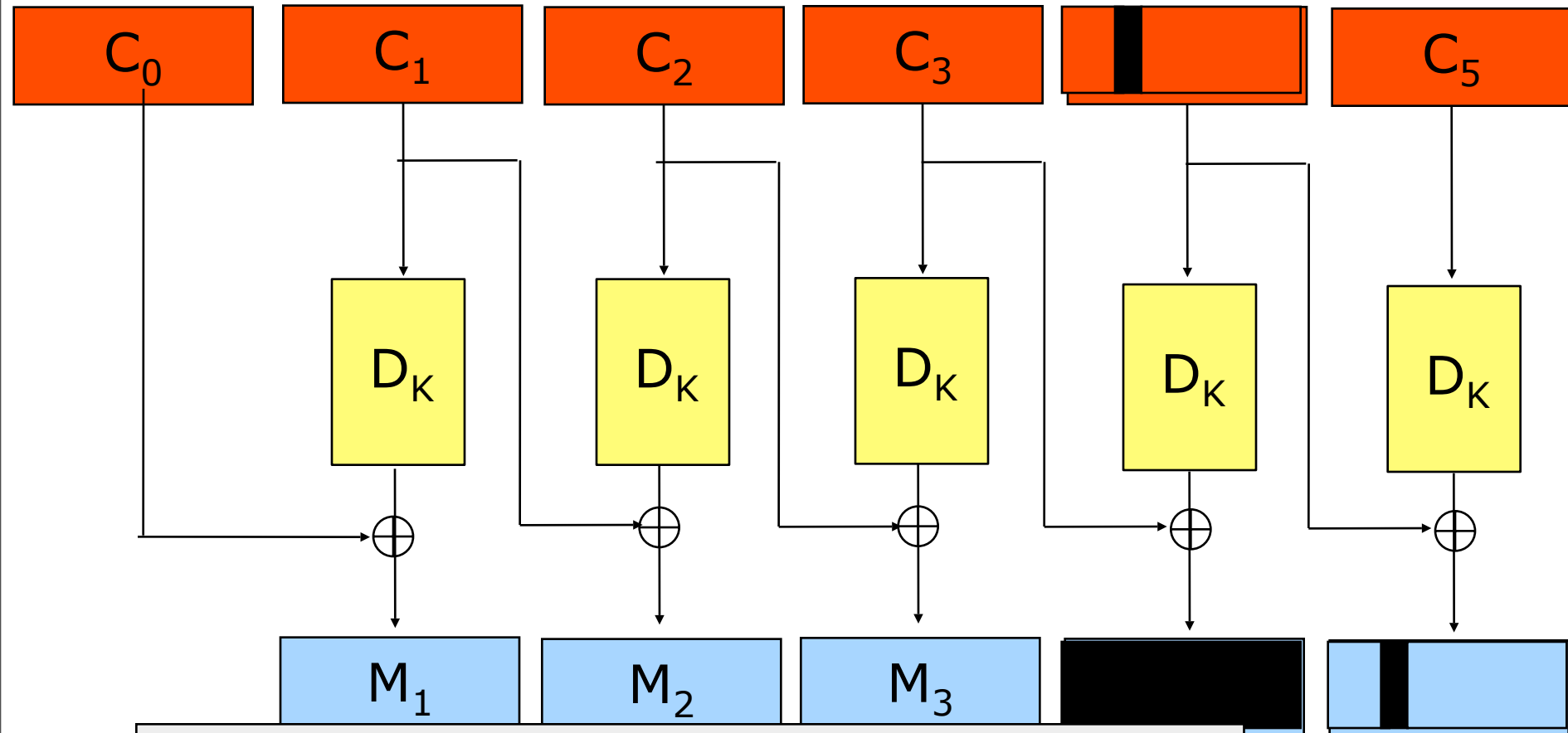
# Cryptanalyse



# Cryptanalyse



# Cryptanalyse



**Si la différence n'est pas dans le padding, le clair est encore valide**

# Cryptanalyse

- On trouve d'abord la taille du padding utilisé, et donc sa valeur
- Chaque octet du dernier bloc peut ensuite être obtenu
  - On modifie  $C_{m-1}$  pour modifier le padding : on attend qu'il soit valide
  - On apprend ainsi chaque octet du dernier bloc de clair
- On tronque le chiffré et on réitère

# **Modes opératoires multiples**



# Multiples modes d'opération

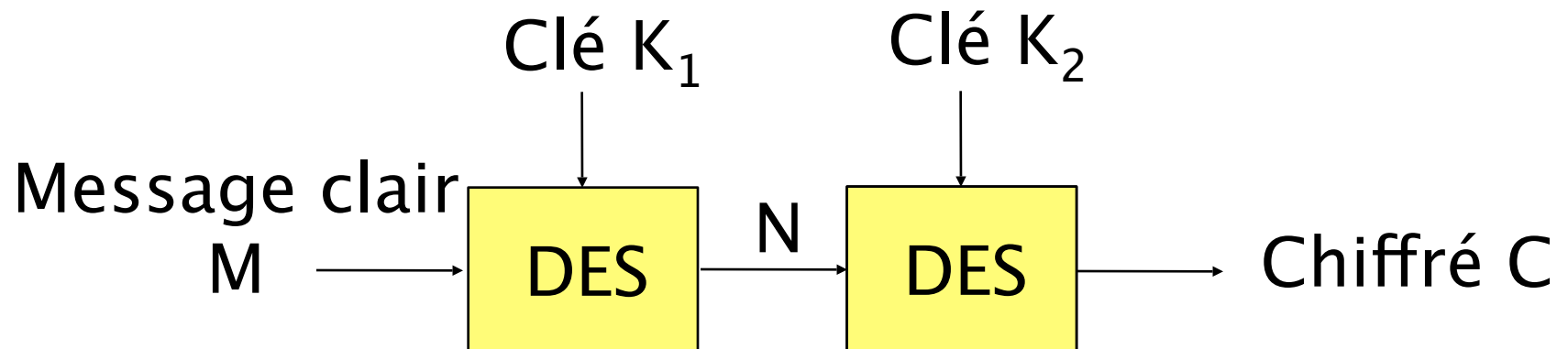
- But : parer aux faiblesses du DES
- Idée : combiner plusieurs modes opératoires
- Avantages « attendus » :
  - Meilleure sécurité que les modes opératoires simples
    - Face à la recherche exhaustive des clés
    - Pas d'entrée/sortie connue pour la primitive
  - Aussi rapides grâce à la parallélisation
  - Une attaque à clairs ou chiffrés choisis ne doit pas permettre une attaque « efficace »

# Différentes techniques

- Cryptanalyse différentielle
  - ECB – CBC - CBC
- Cryptanalyse linéaire
  - CBC – ECB - CBC
- Recherche exhaustive clé par clé
  - CBC – CBC – ECB
  - CBC<sup>-1</sup> – ECB - CBC
- Application du paradoxe des anniversaires
  - Triple CBC
  - CBC – CBC<sup>-1</sup> - CBC

# Pré-requis : le double DES

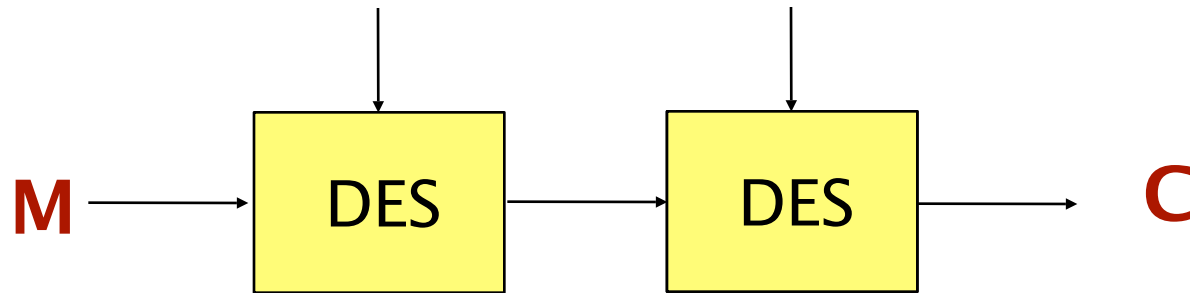
- Soit  $K_1$  et  $K_2$  deux clés DES indépendantes de 56 bits chacune
- Soit  $E$  le chiffrement suivant :
- $E_{K_1, K_2}(M) = \text{DES}_{K_1}(\text{DES}_{K_2}(M))$



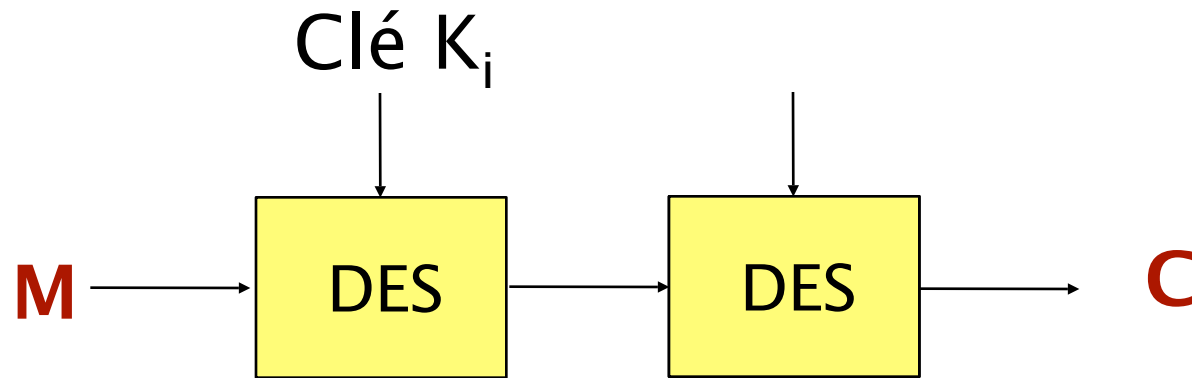
# Sécurité du double DES

- Attaque naïve : recherche exhaustive des  $2^{2k}$  clés possibles
- Attaque par le milieu : compromis temps-mémoire
  - Étant donné un couple clair-chiffré  $(M, C)$  :
  - Calculer tous les  $N_i = \text{DES}_{K_i}(M)$  pour les  $2^k$  clés  $K_i$  possibles
  - Déchiffrer  $C$  sous toutes les  $2^k$  clés  $K_j$  possibles :
    - $P_j = \text{DES}^{-1}_{K_j}(C)$
  - Si  $N_i = P_j$  alors le bi-clé  $(K_i, K_j)$  est candidat

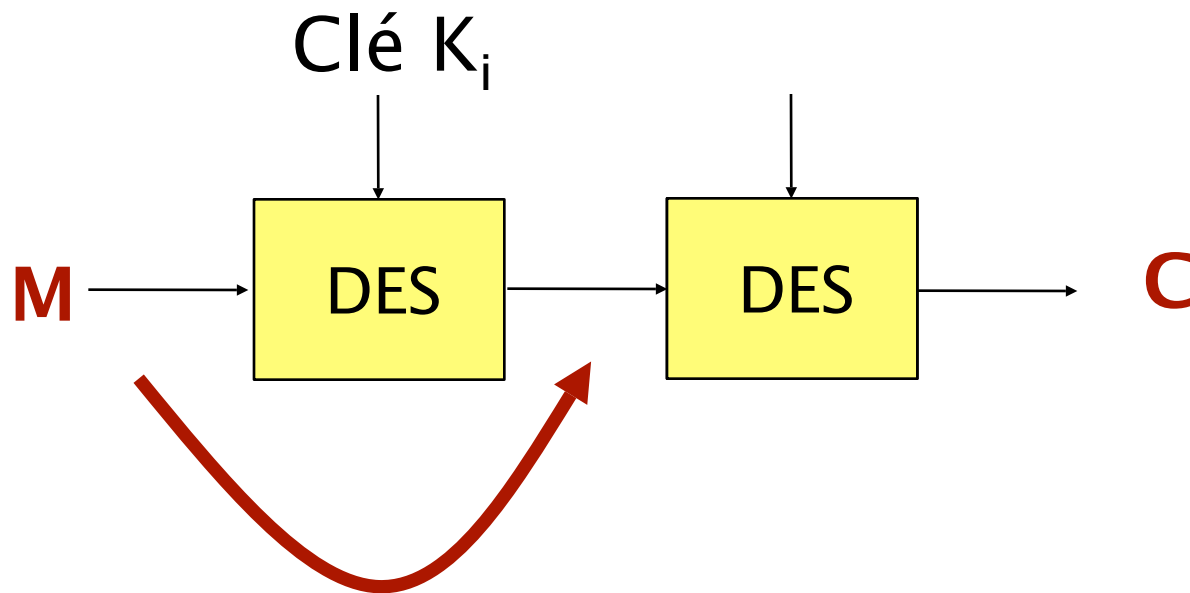
# Sécurité du double DES



# Sécurité du double DES



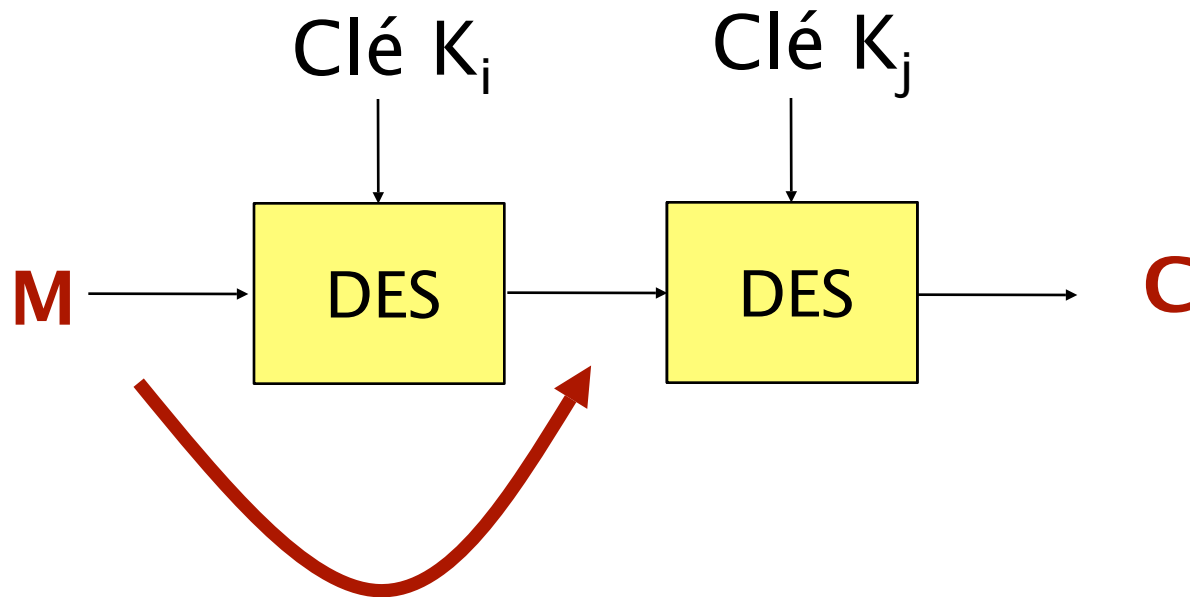
# Sécurité du double DES



$2^{56}$  calculs

$$N_i = \text{DES}(K_i, M)$$

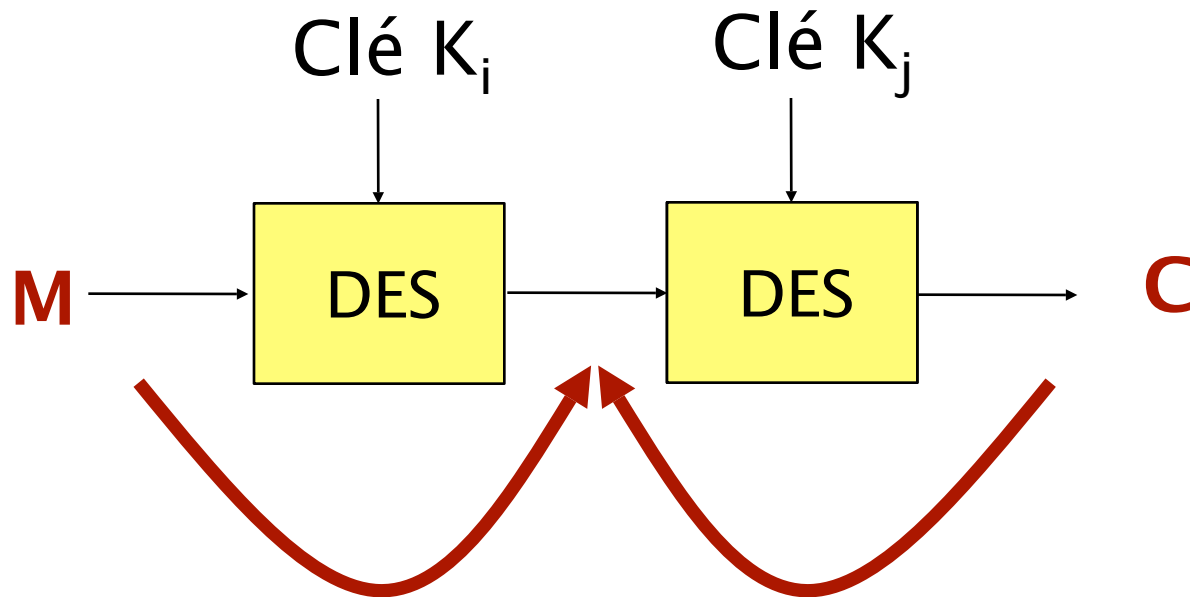
# Sécurité du double DES



$2^{56}$  calculs  
 $N_i = \text{DES}(K_i, M)$



# Sécurité du double DES



$2^{56}$  calculs  
 $N_i = \text{DES}(K_i, M)$

Pour chaque  
 $P_j = \text{DES}^{-1}(K_j, C)$ ,  
on cherche  $N_i = P_j$

# Sécurité du double DES

- On a :
  - $2^{56}$  chiffrés  $N_i$
  - $2^{56}$  déchiffrés  $P_j$
  - Valeurs de 64 bits
- Par le paradoxe des anniversaires, on a :  
 $(2^{56} \times 2^{56}) / 2^{64} = 2^{48}$  collisions en moyenne
- Il existe donc  $2^{48}$  couples  $(i,j)$  tels que  $N_i = P_j$
- Donc  $2^{48}$  bi-clés possibles

# Sécurité du double DES

- On cherche toutes les collisions  $N_i = P_j$  et on obtient  $2^{48}$  bi-clés possibles
- À l'aide d'un second couple  $(M', C')$ , on chiffre  $M'$  avec les  $2^{48}$  bi-clés en  $C_i'$
- Quand on obtient  $C_i' = C'$ , on a trouvé le couple  $(K_1, K_2)$  correct

# Sécurité du double DES

- Attaque en  $2^k$  en temps et en mémoire
  - Compromis temps/mémoire possible
- La sécurité du double DES n'atteint pas  $2^{2k}$  mais seulement  $2^k$ , comme le DES
- Remarque :
  - deux clés de 28 bits : 56 bits de secret,
  - 2 fois plus de tours que le DES
  - **sécurité en  $2^{28}$  seulement**

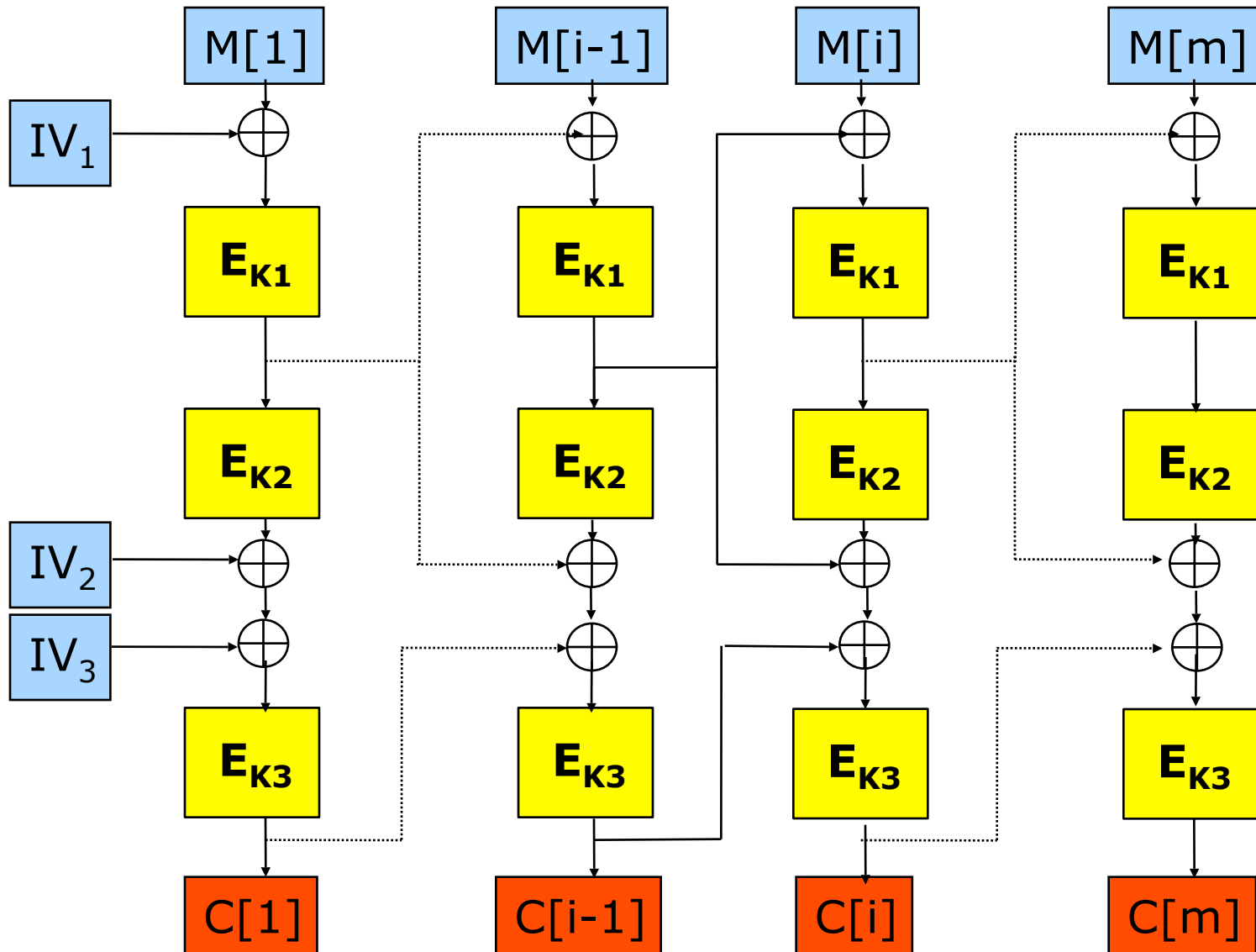
# Multiples modes d'opération

- But : parer aux faiblesses du DES
- Idée : combiner plusieurs modes opératoires
- Avantages « attendus » :
  - Meilleure sécurité que les modes opératoires simples
    - Face à la recherche exhaustive des clés
    - Sécurité sémantique
  - Aussi rapides grâce à la parallélisation
  - Une attaque à clairs ou chiffrés choisis ne doit pas permettre une attaque « efficace »

# Différentes techniques

- Recherche exhaustive
- Application du paradoxe des anniversaires
- Cryptanalyses linéaires et différentielles
- Nouveaux types d'adversaires
- Dans chaque cas, on cherche
  - À retrouver la clé
  - À casser la sécurité sémantique
  - Les moyens mis en œuvre sont souvent variés

# Example : CBC / CBC<sup>-1</sup> / CBC



# Observation principale

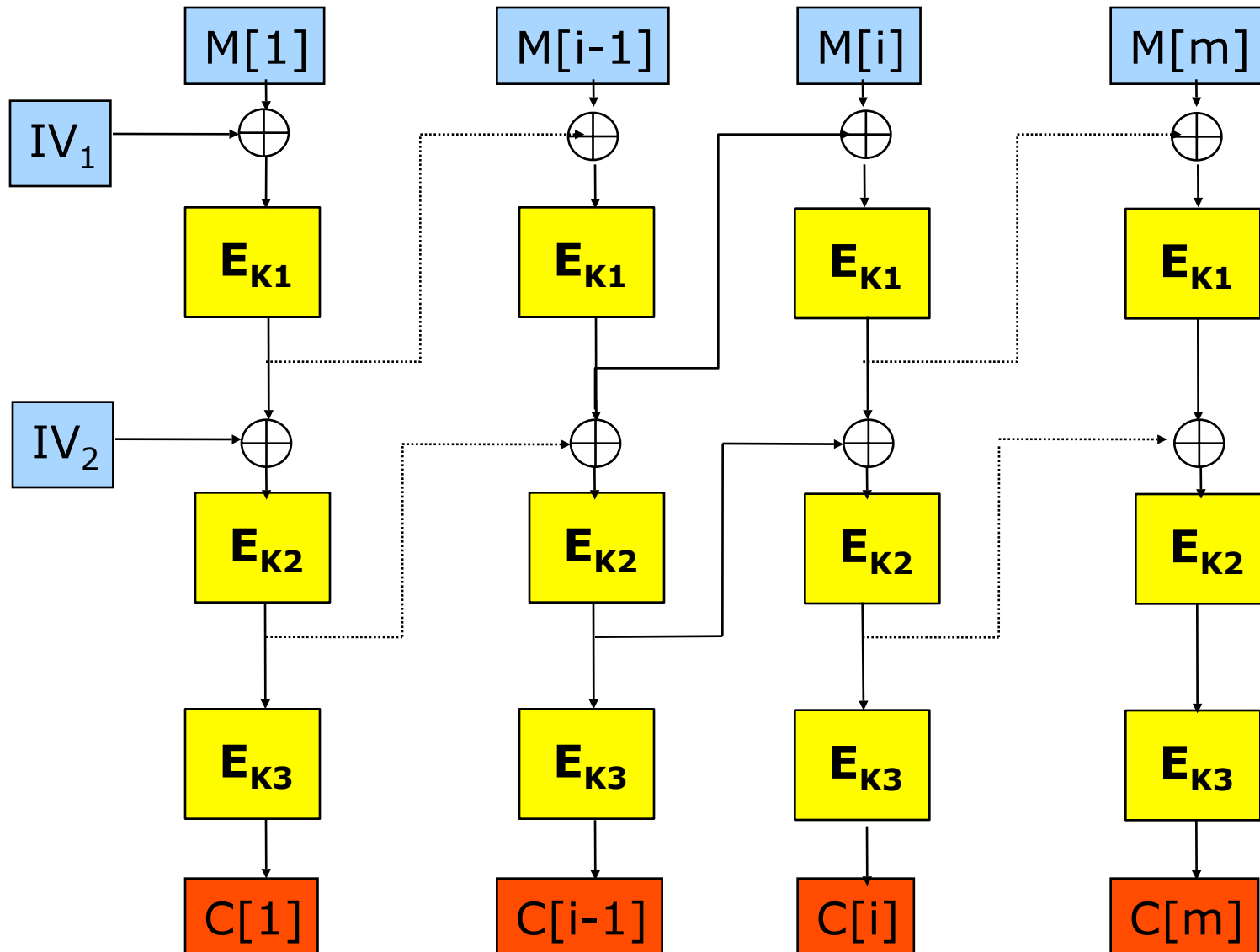
- Contrôle de certaines valeurs chaînées
- Choix des entrées de la primitives grâce à ce contrôle
- Attaques à clairs ou chiffrés choisis



# Recherche exhaustive

- On se ramène a la recherche exhaustive de chaque clé utilisée
  - Exemple basique : attaque sur le 2DES
- **Problème** : trouver un « test d'arrêt », càd un couple  $(P,C)$  tel que  $C=E_K(P)$ 
  - Un tel couple permet une recherche exhaustive de la clé  $K$
  - Relations parfois plus complexes mais qui ne dépendent que d'une seule clé

# Mode CBC-CBC-ECB



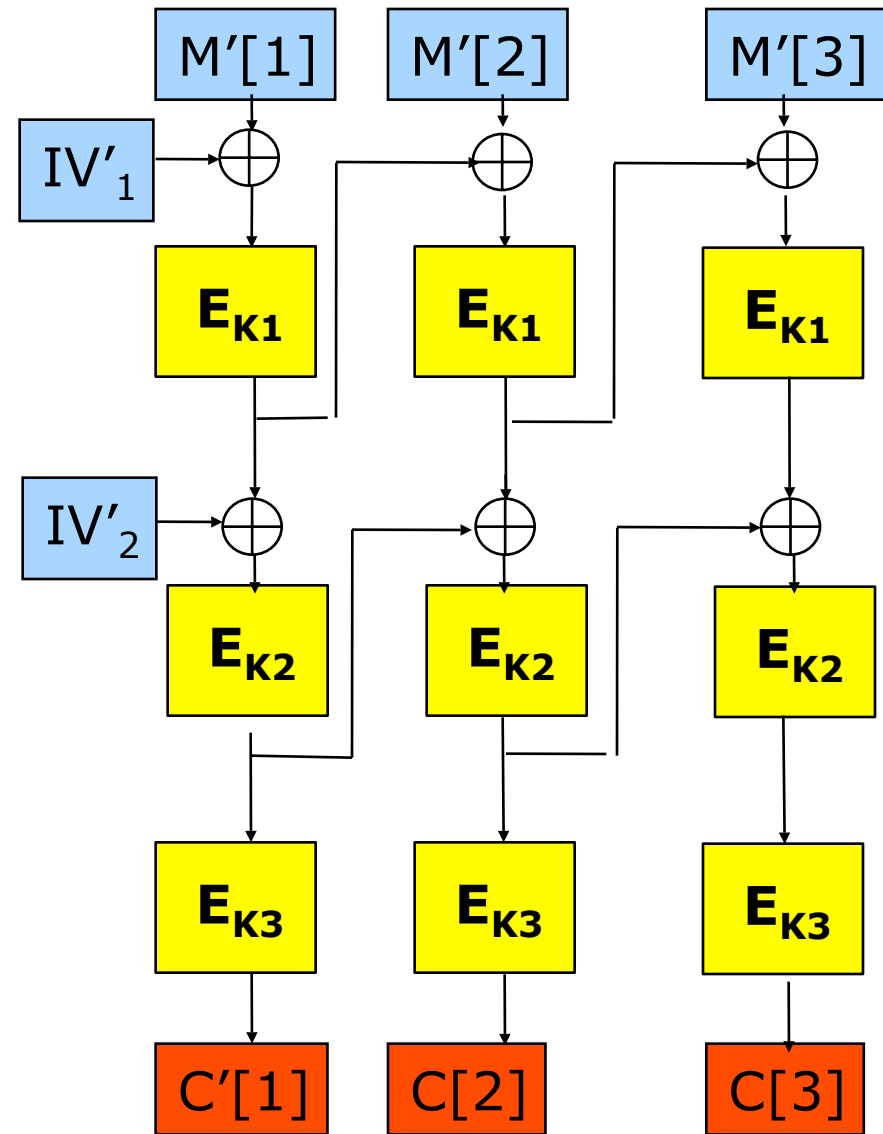
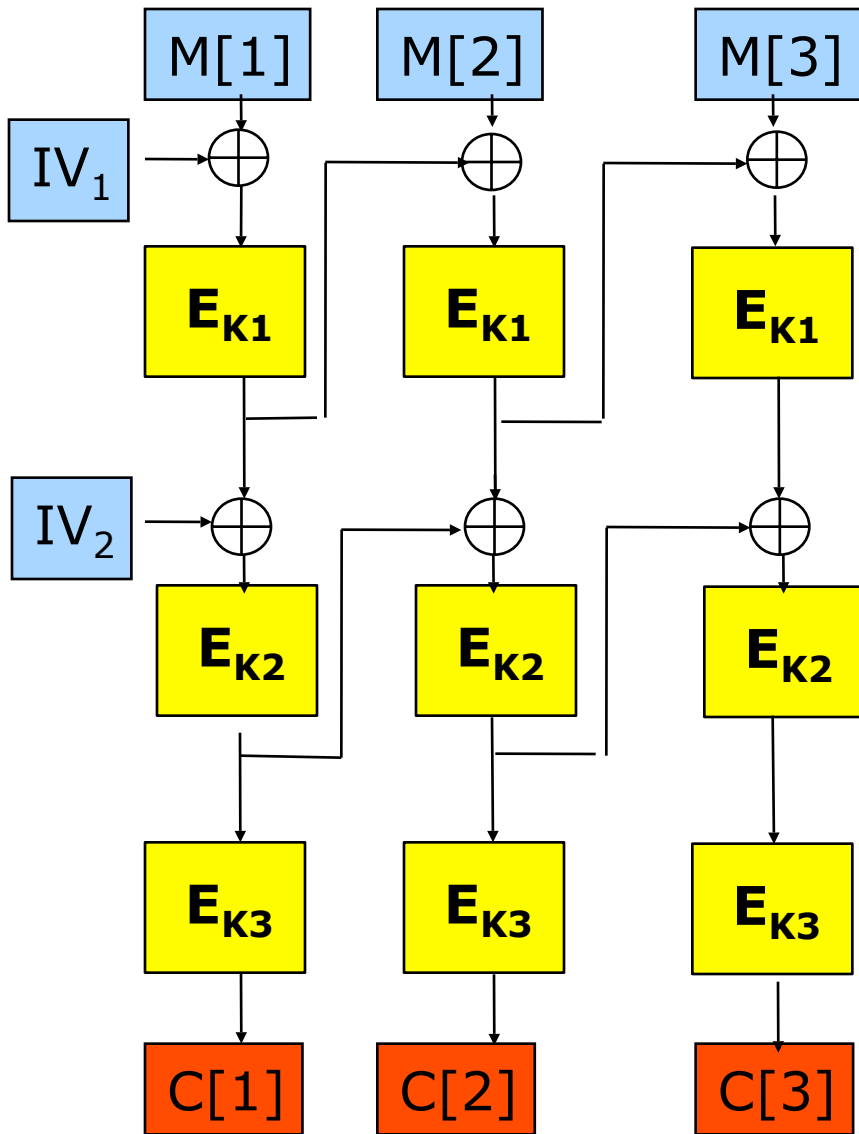
# Mode CBC-CBC-ECB

- Attaque à chiffrés choisis : 2 requêtes seulement
- L'adversaire demande le déchiffrement de  
$$C=(IV_1, IV_2, C_1, C_2, C_3) \quad C'=(IV'_1, IV'_2, C'_1, C_2, C_3)$$
- Il obtient  $M=M_1 M_2 M_3$  et  $M'=M'_1 M'_2 M'_3$
- La valeur  $M_3 \oplus M'_3$  est celle en entrée de  $E_{K_3}$  au premier tour

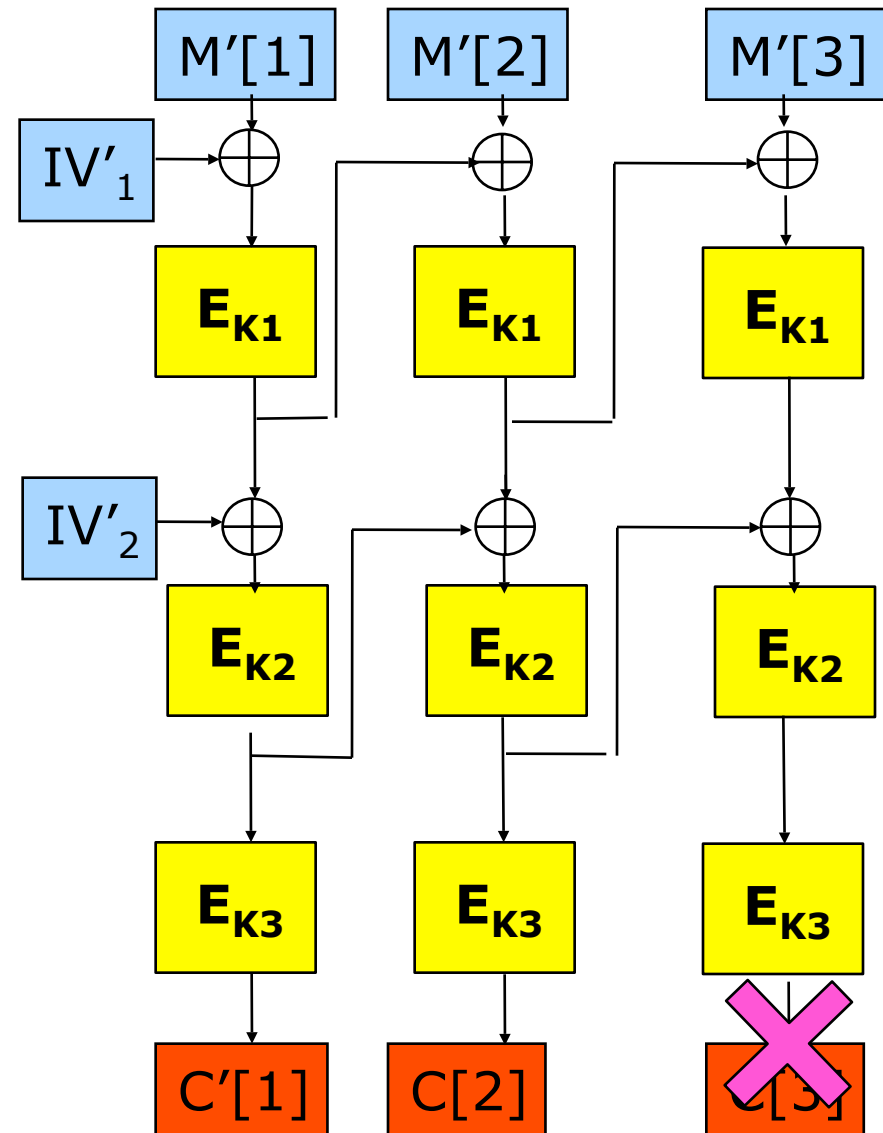
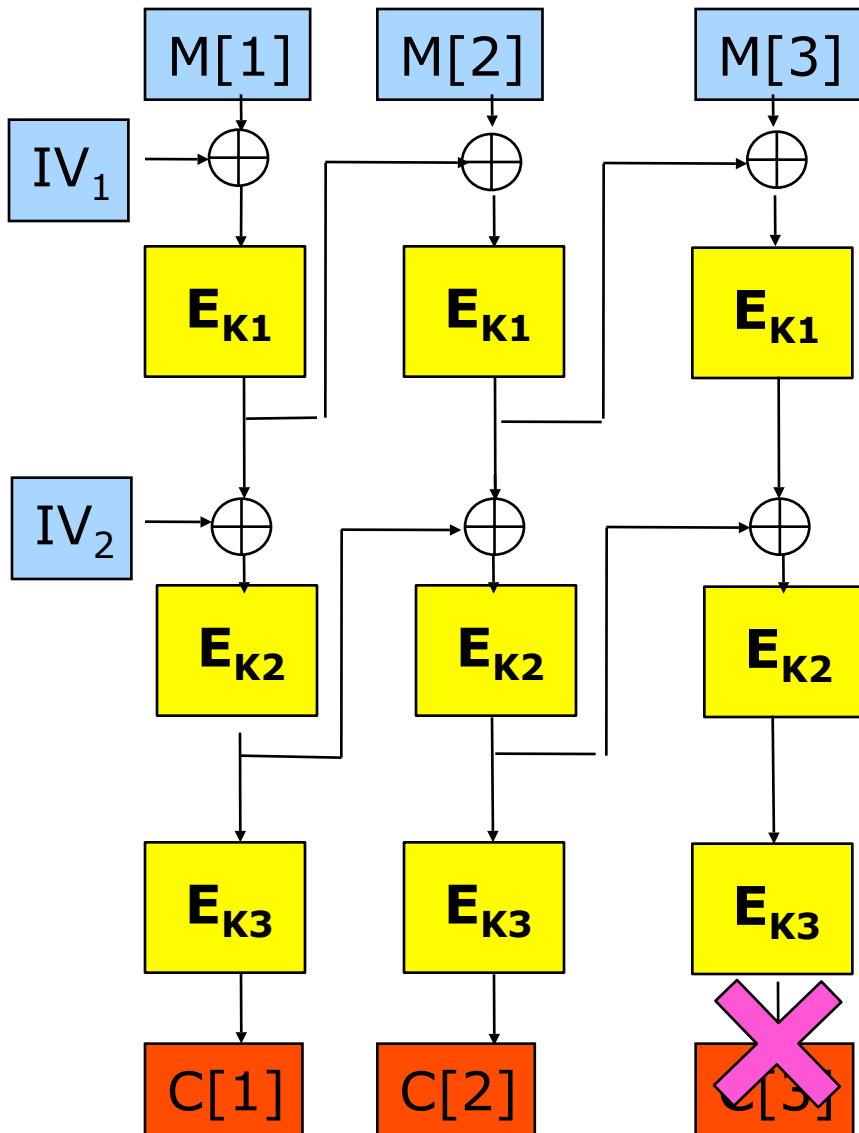
# Mode CBC-CBC-ECB

- Attaque à chiffrés choisis : 2 requêtes seulement
- L'adversaire demande le déchiffrement de  
 $C=(IV_1, IV_2, C_1, C_2, C_3)$   $C'=(IV'_1, IV'_2, C'_1, C_2, C_3)$
- Il obtient  $M=M_1 M_2 M_3$  et  $M'=M'_1 M'_2 M'_3$
- La valeur  $M_3 \oplus M'_3$  est celle en entrée de  $E_{K_3}$  au premier tour

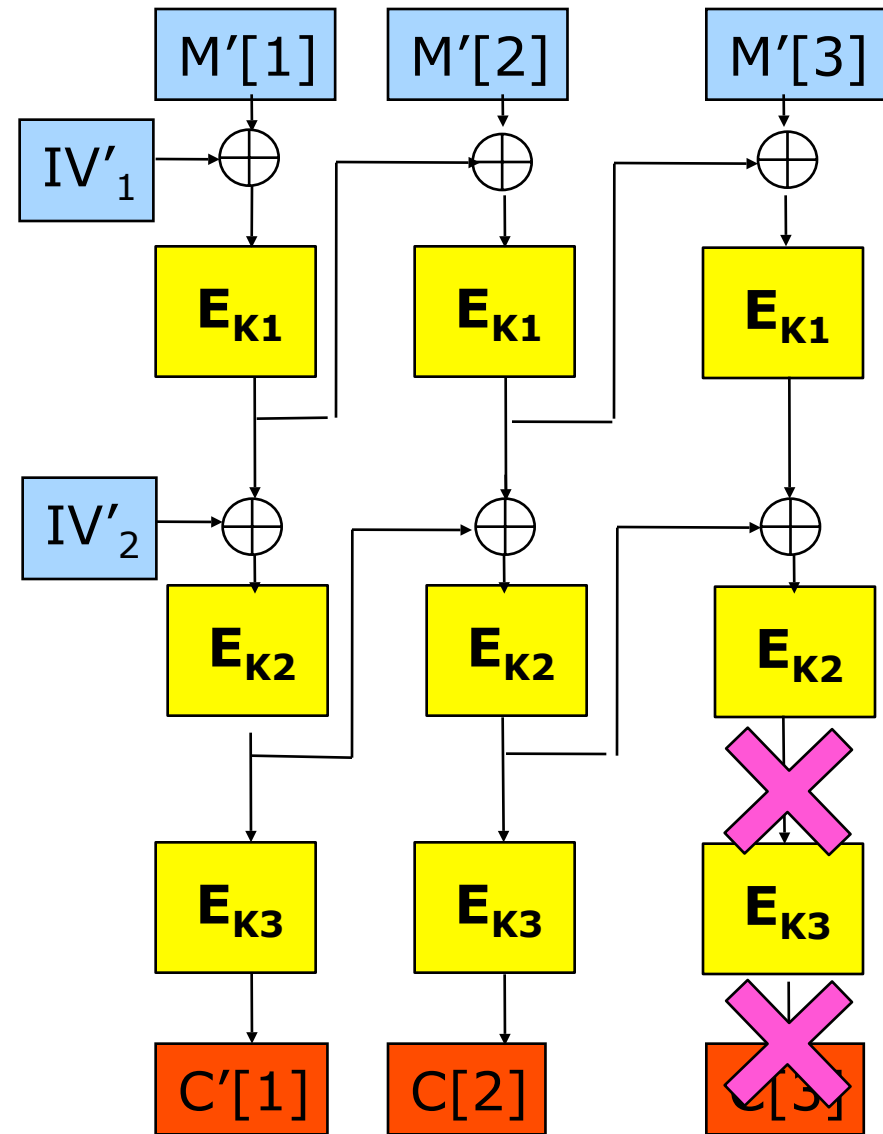
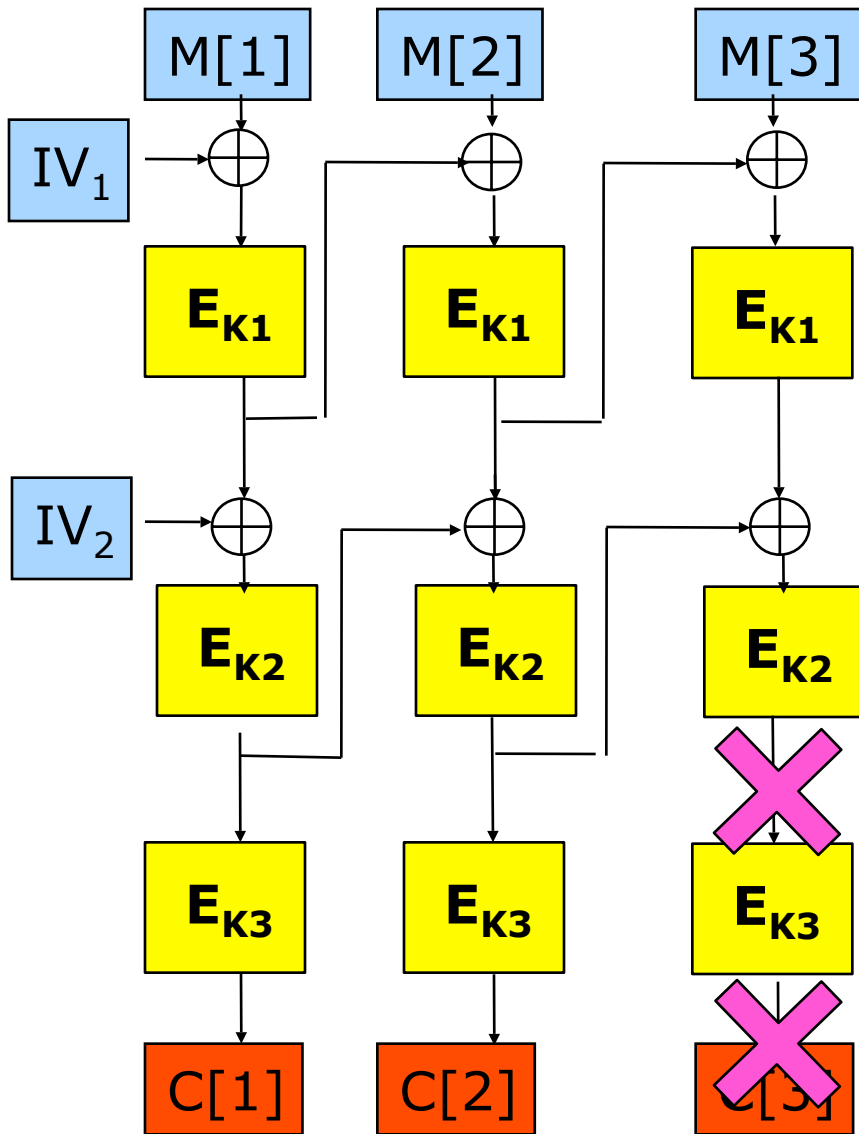
# Mode CBC-CBC-ECB



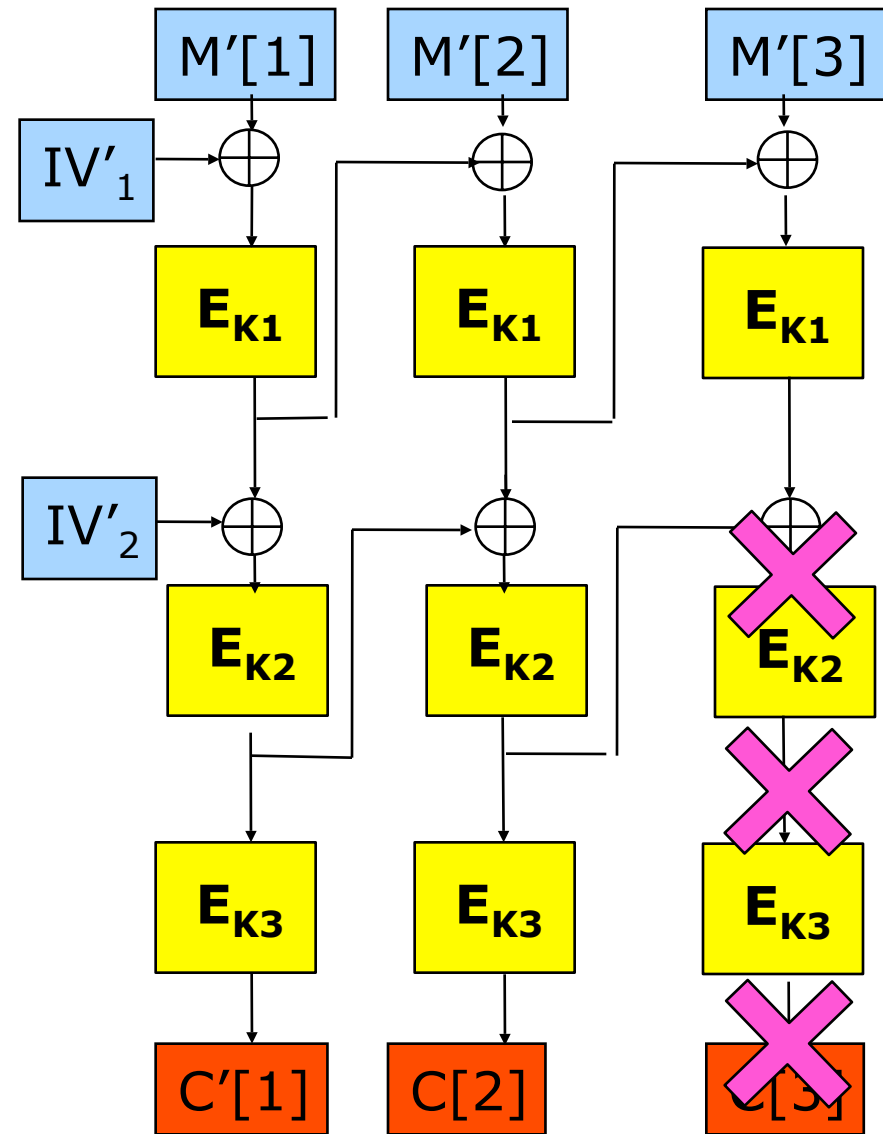
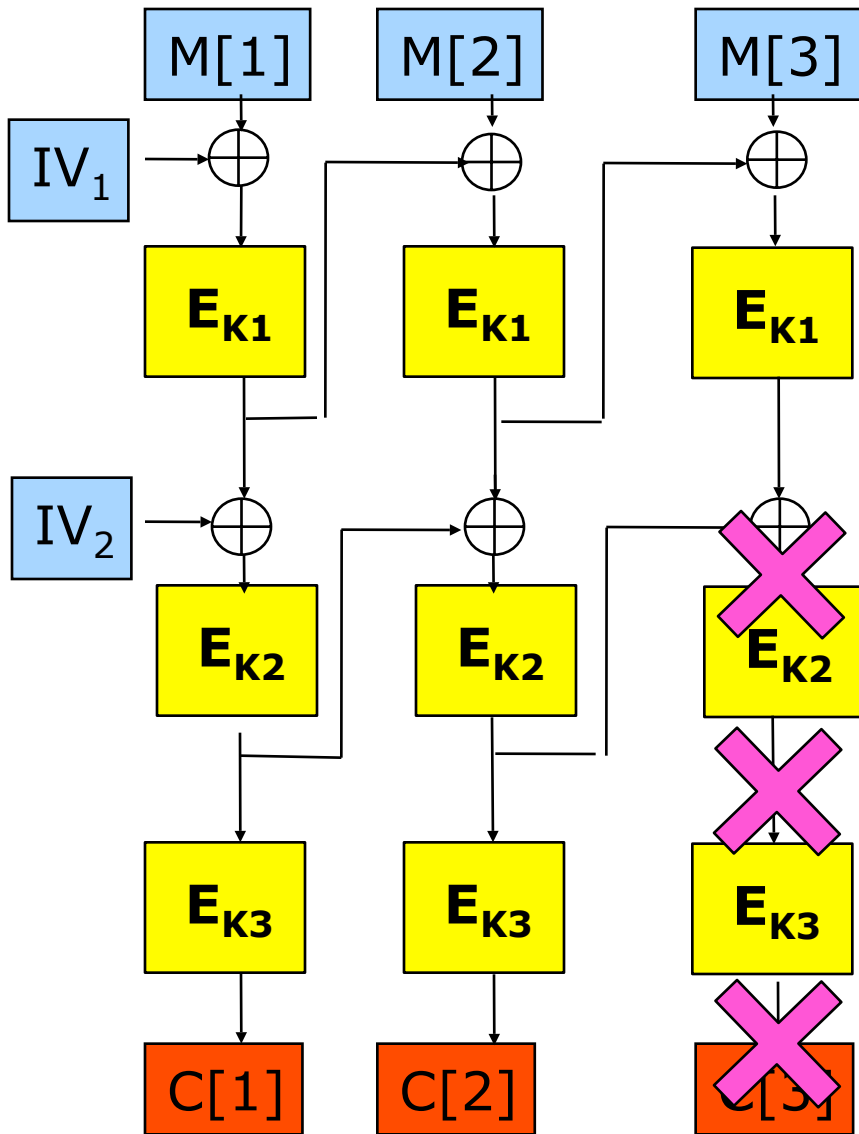
# Mode CBC-CBC-ECB



# Mode CBC-CBC-ECB

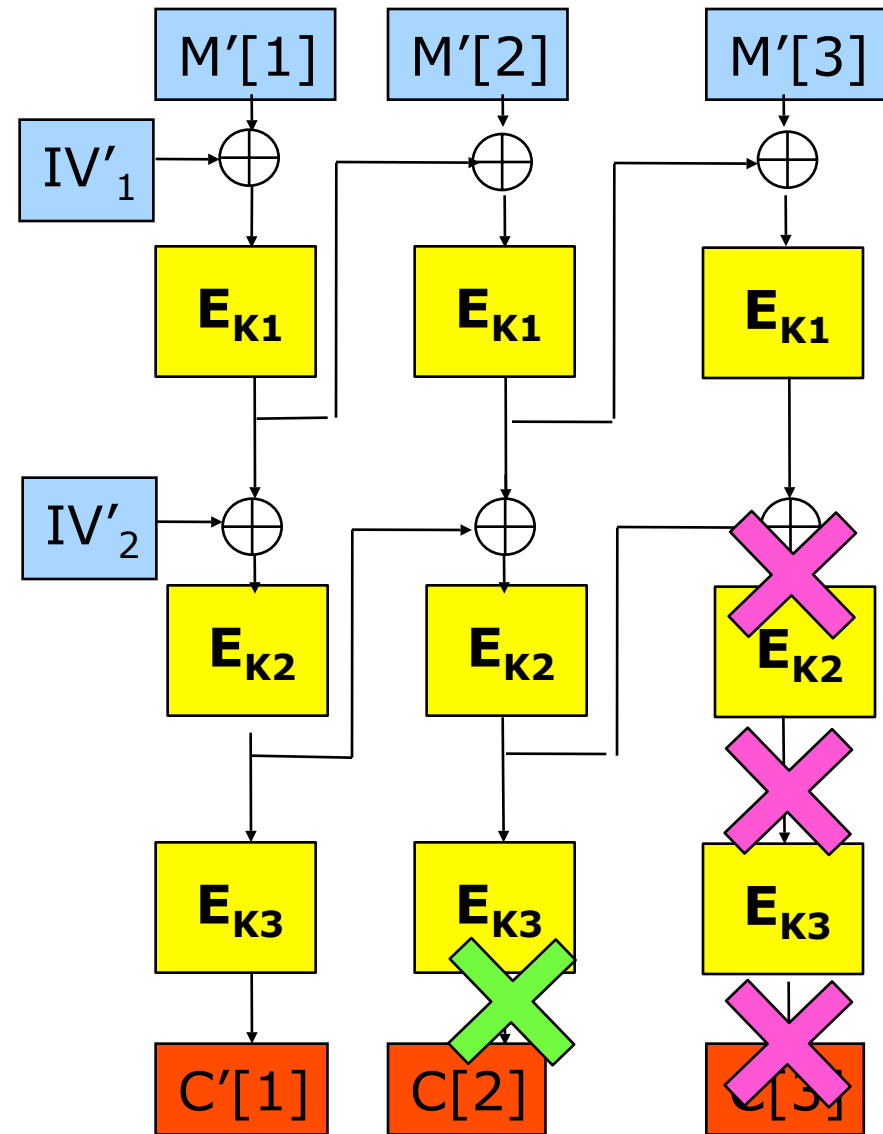
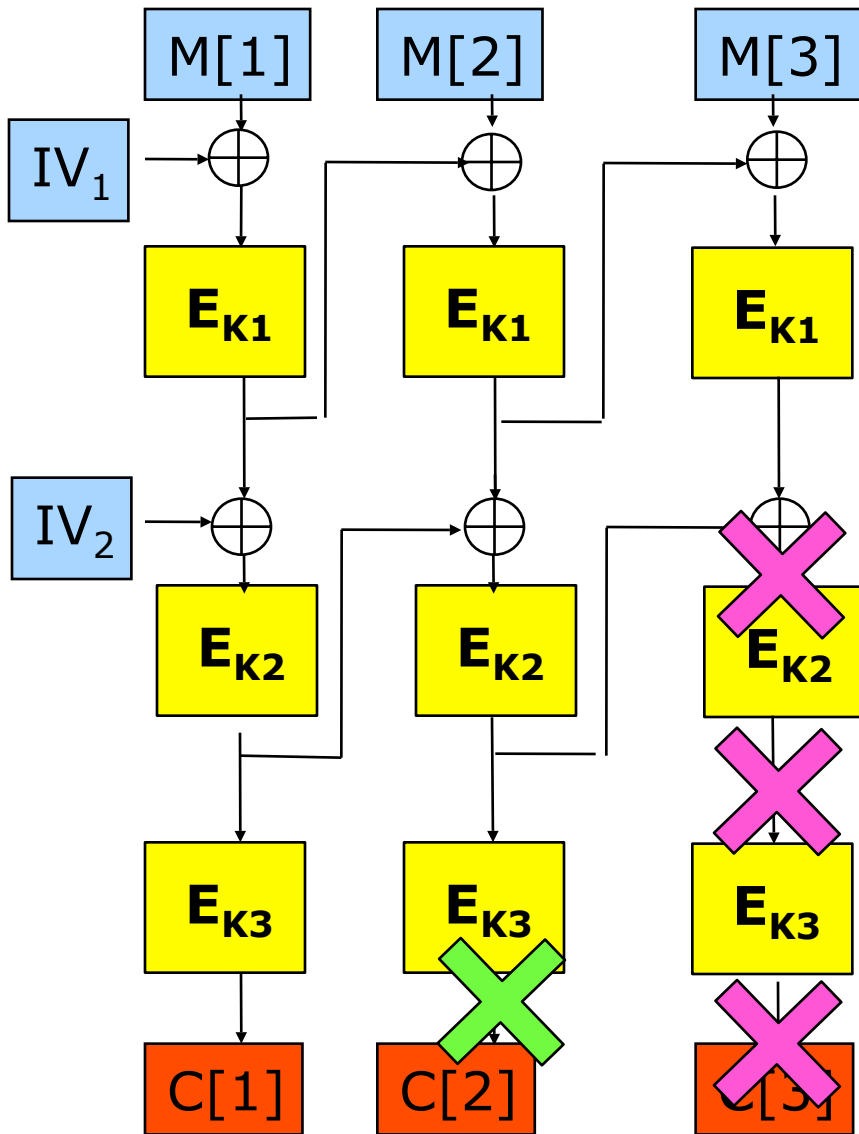


# Mode CBC-CBC-ECB

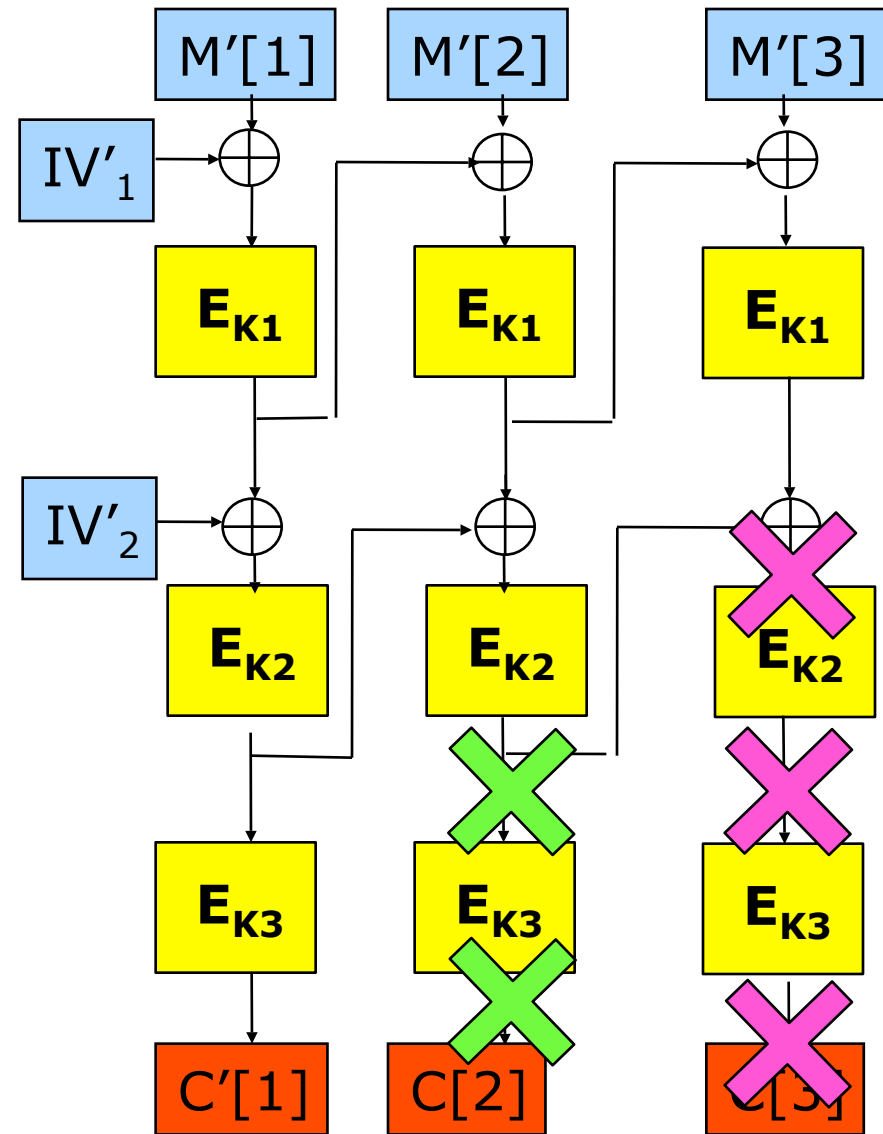
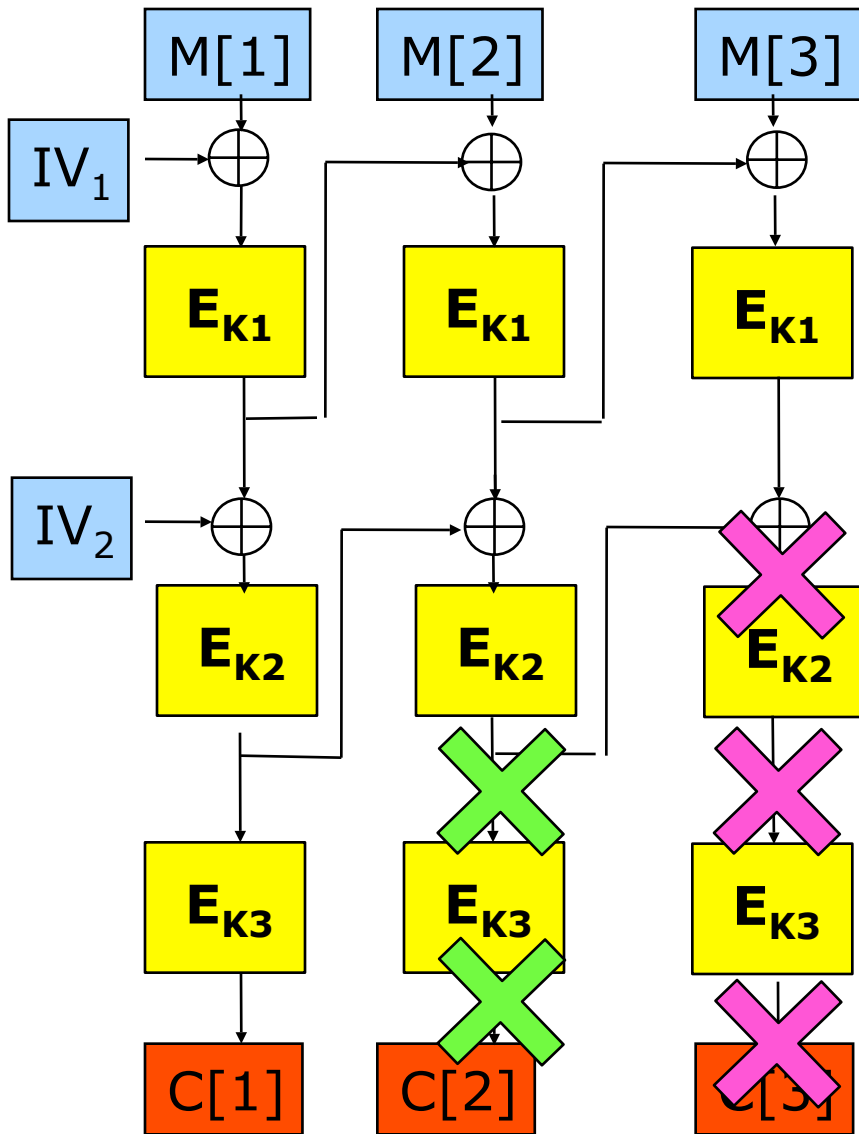




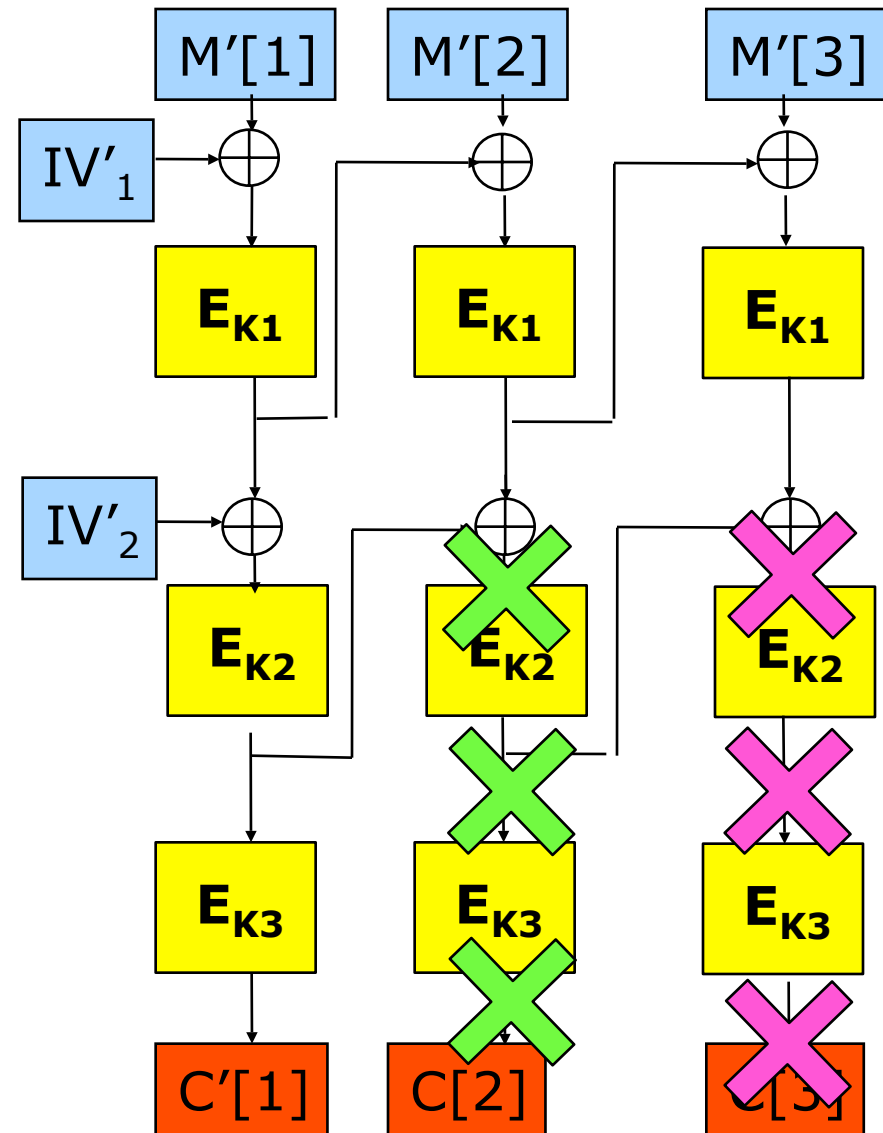
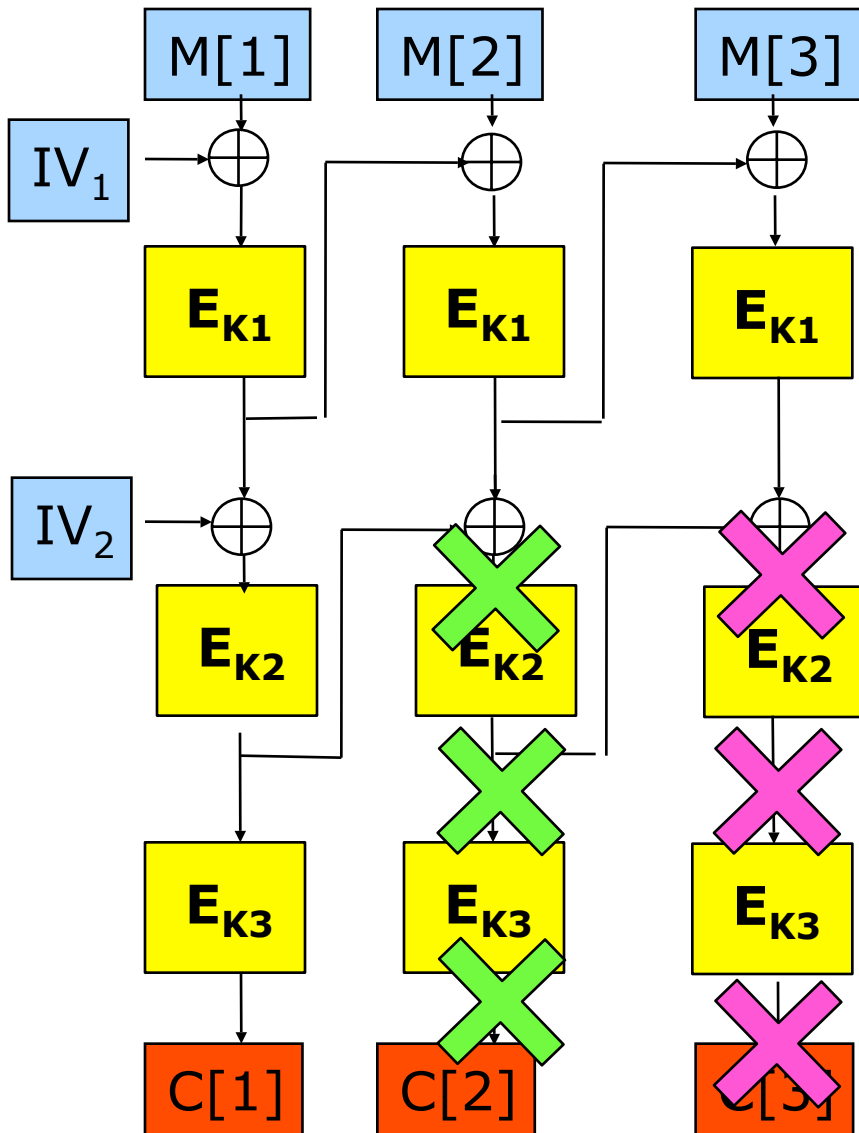
# Mode CBC-CBC-ECB



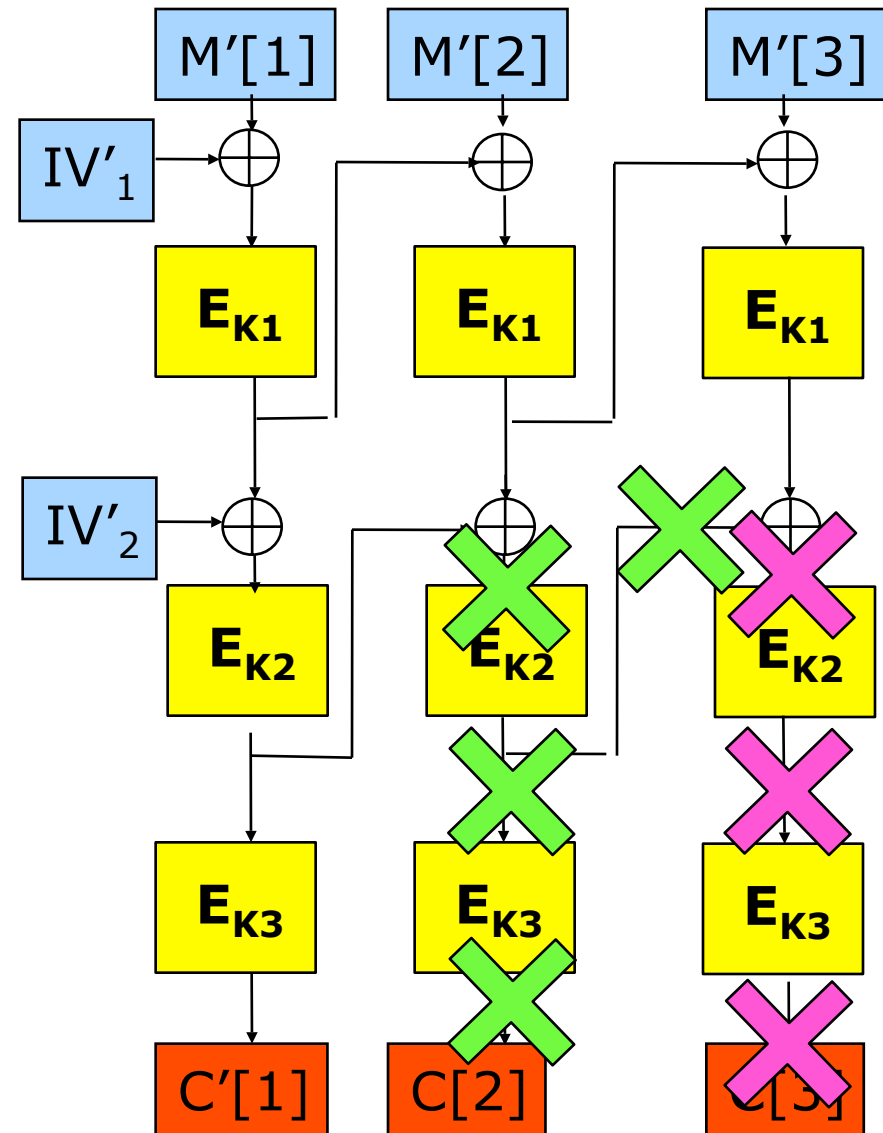
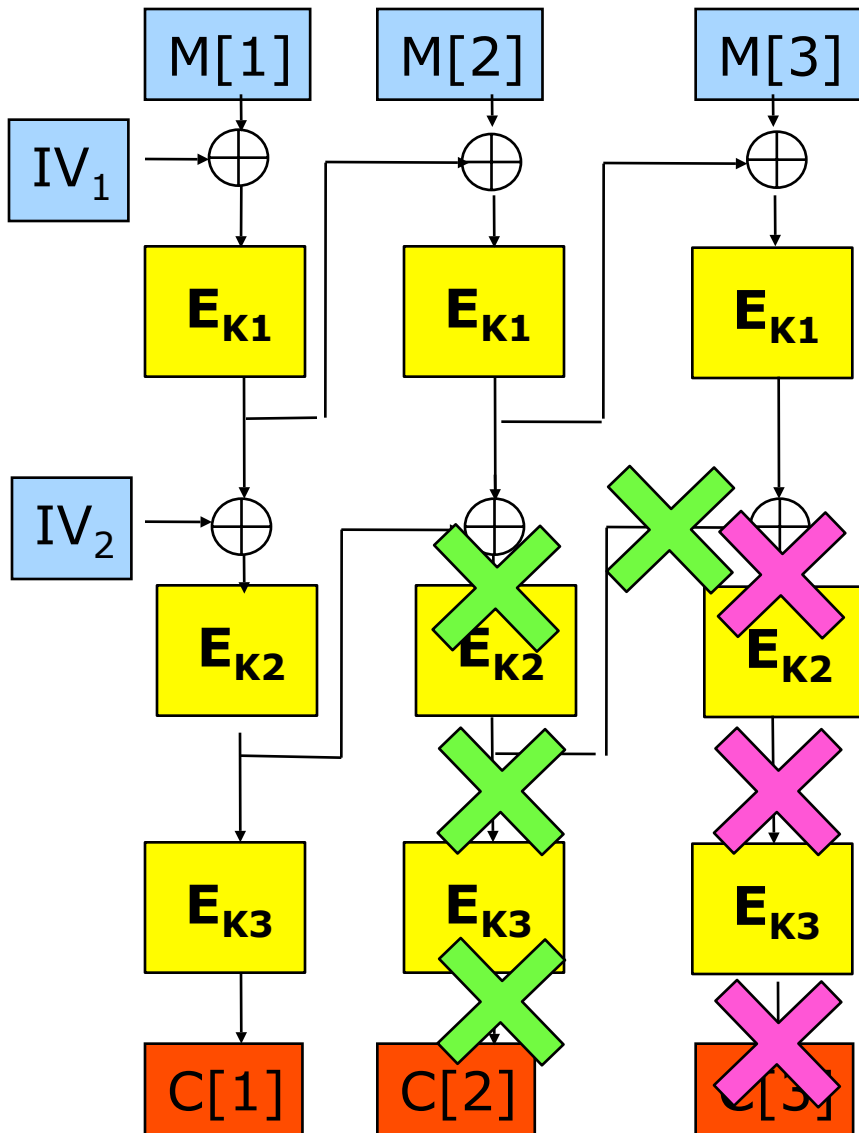
# Mode CBC-CBC-ECB



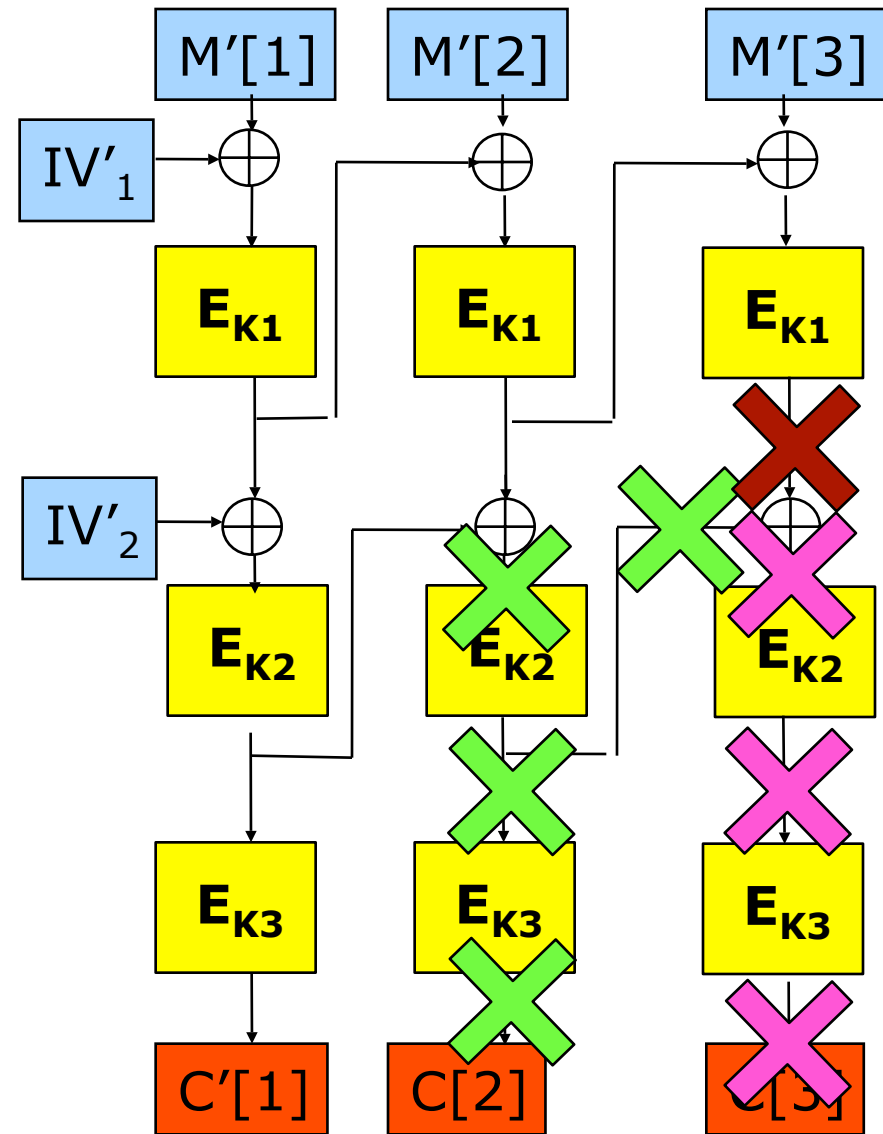
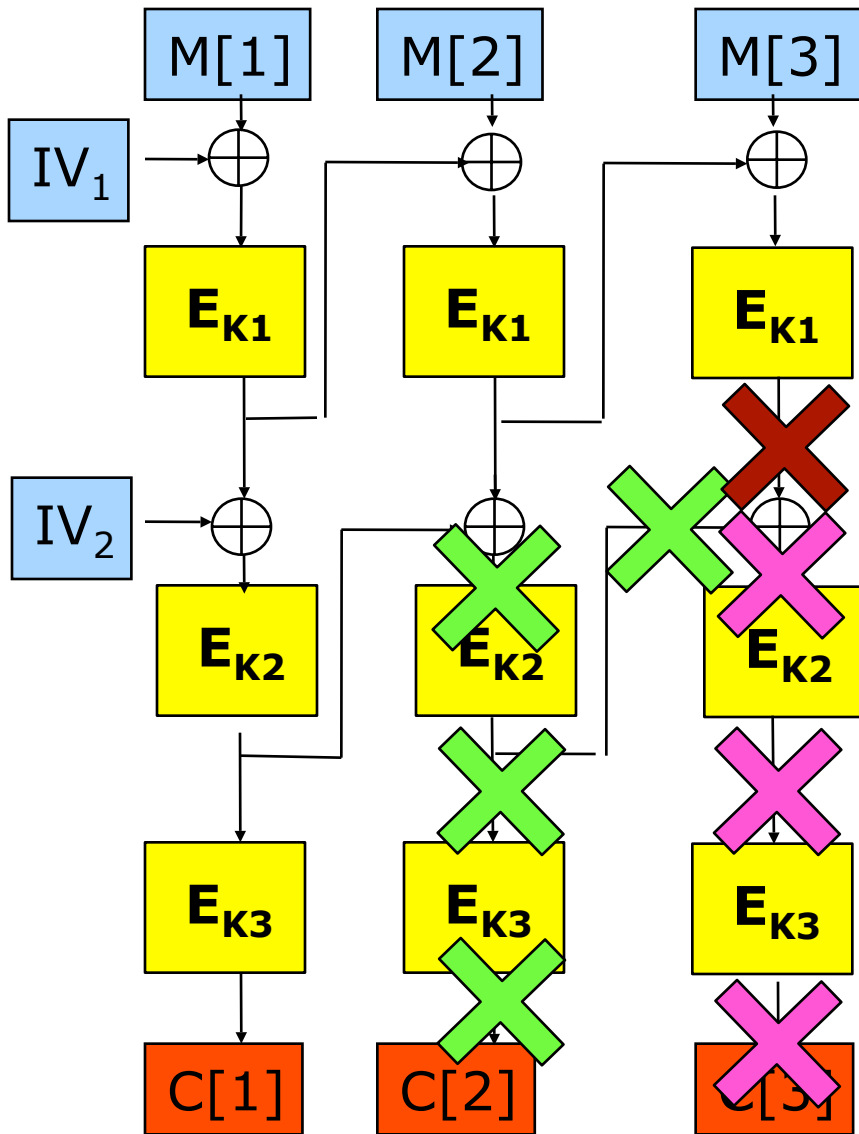
# Mode CBC-CBC-ECB



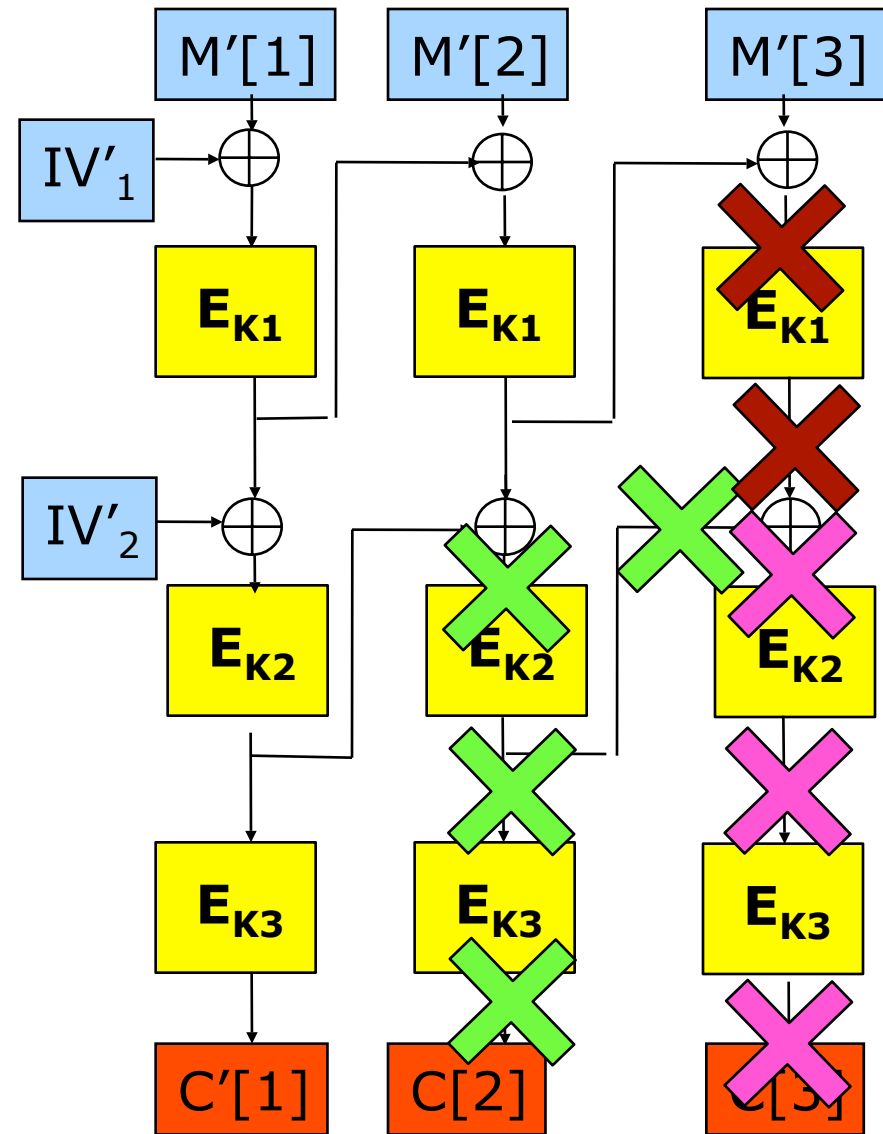
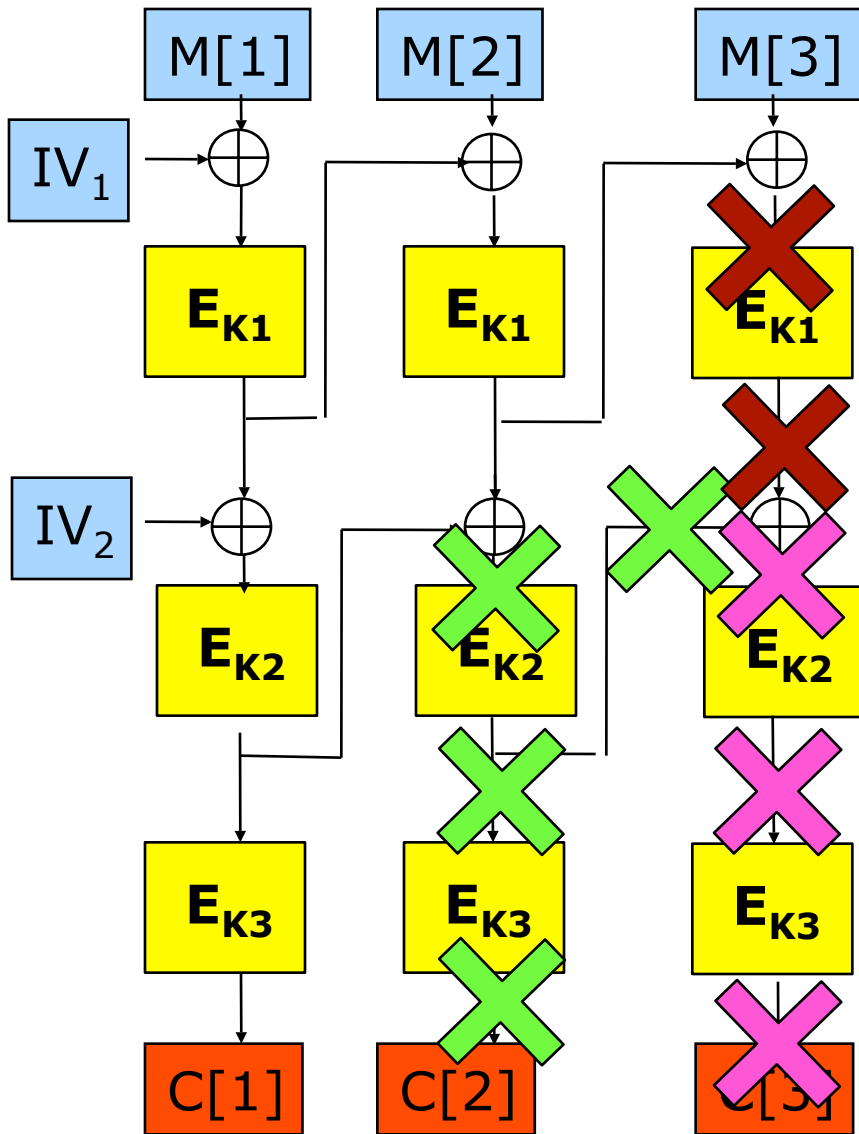
# Mode CBC-CBC-ECB



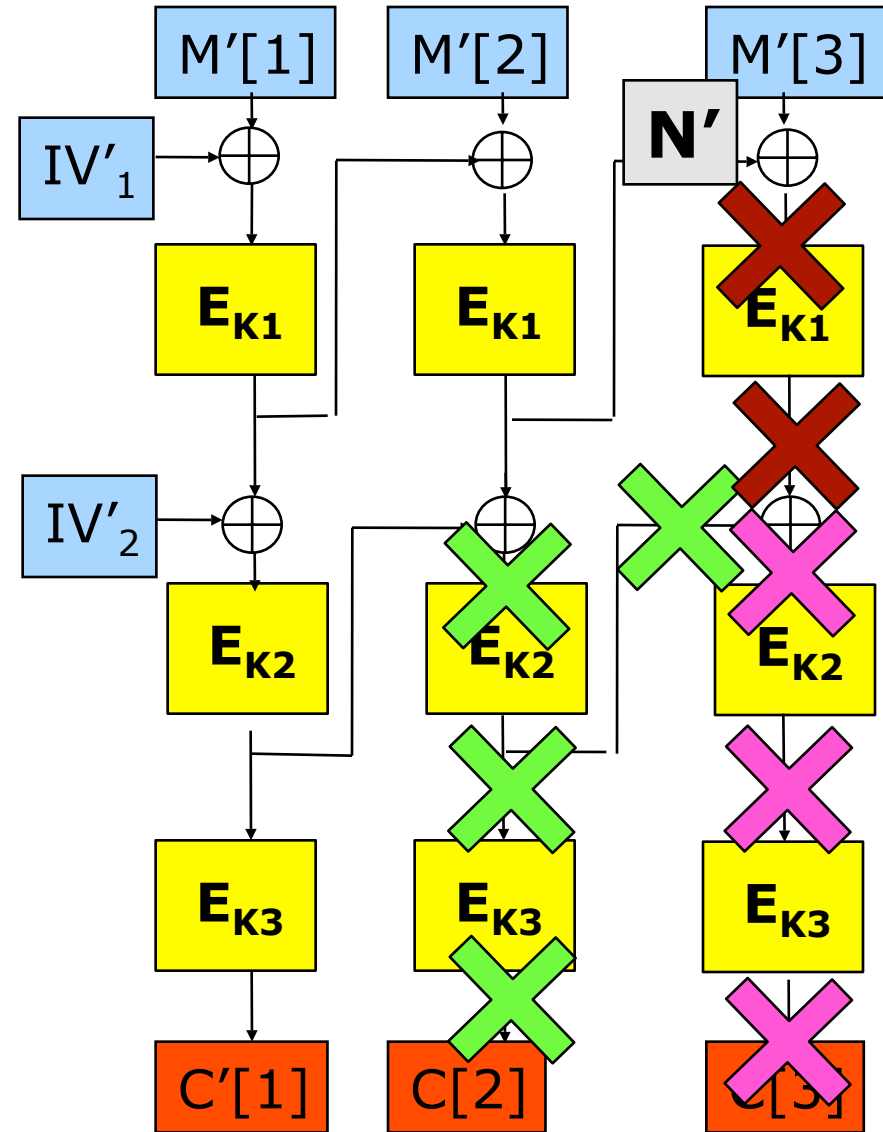
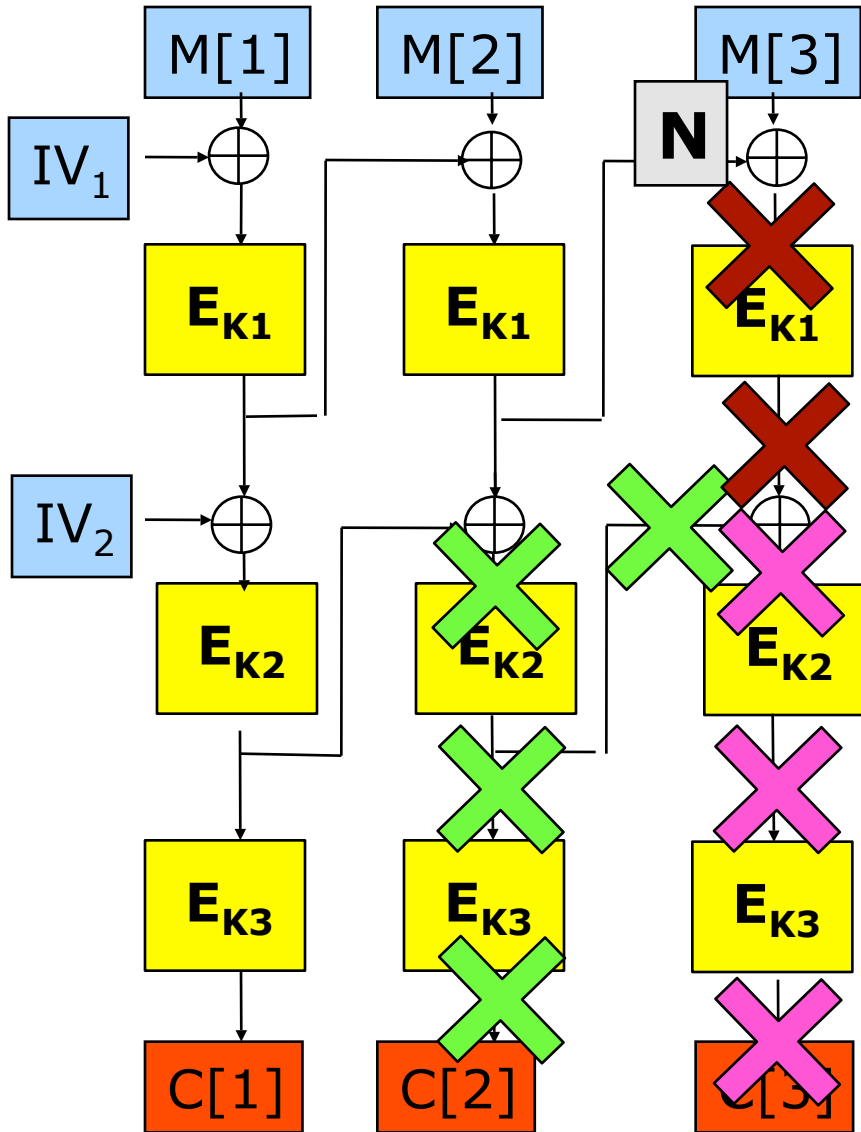
# Mode CBC-CBC-ECB



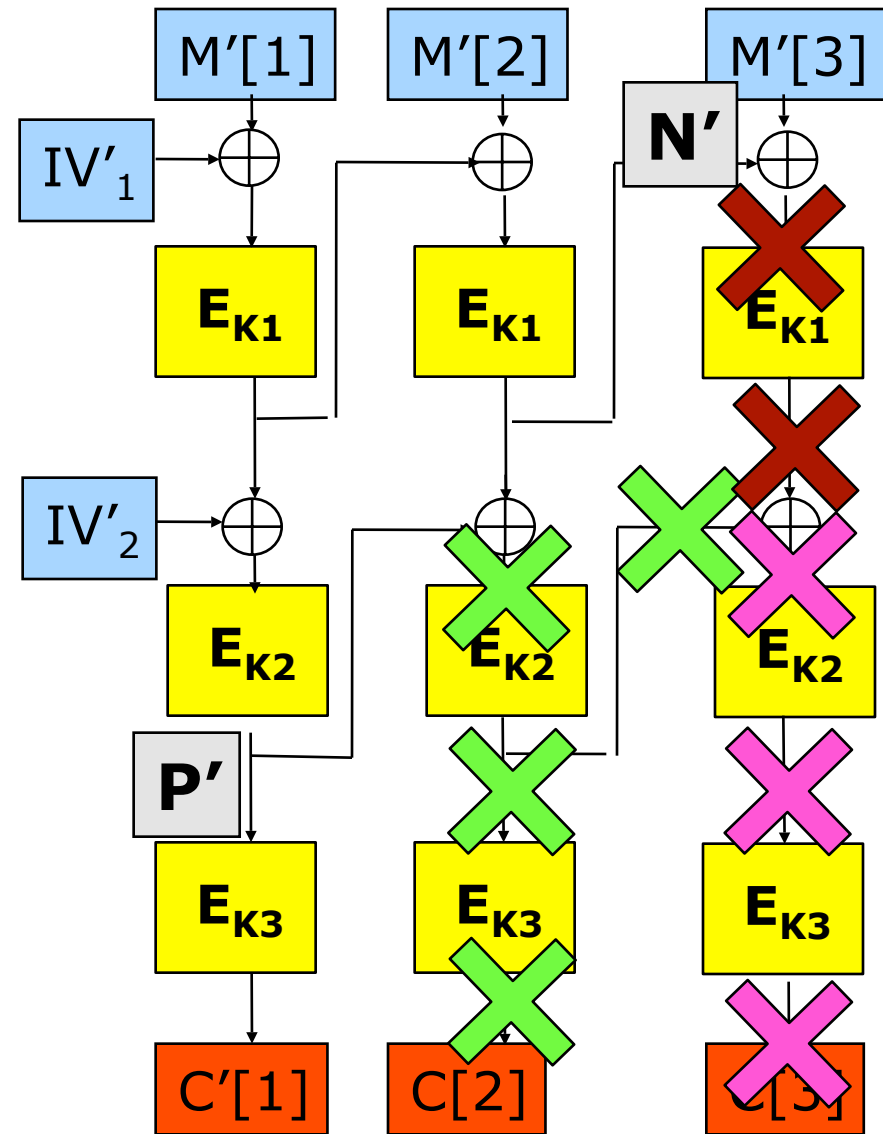
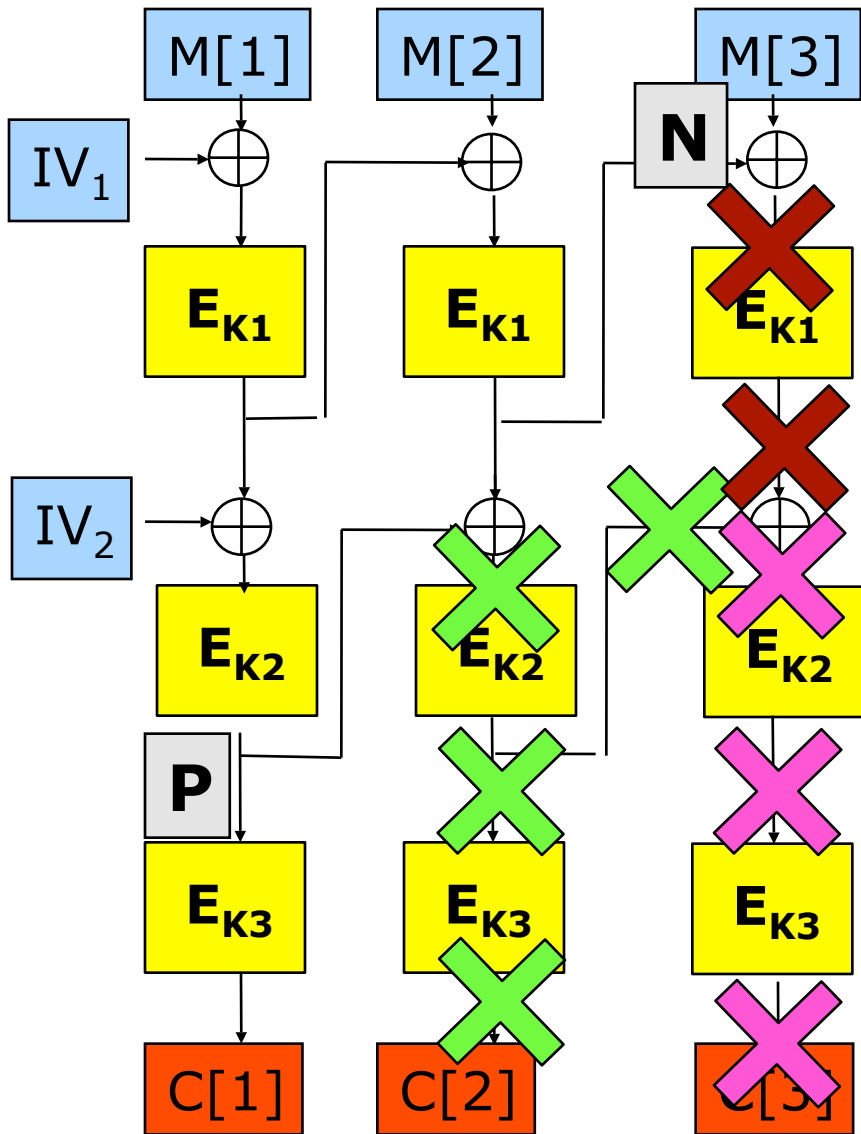
# Mode CBC-CBC-ECB



# Mode CBC-CBC-ECB

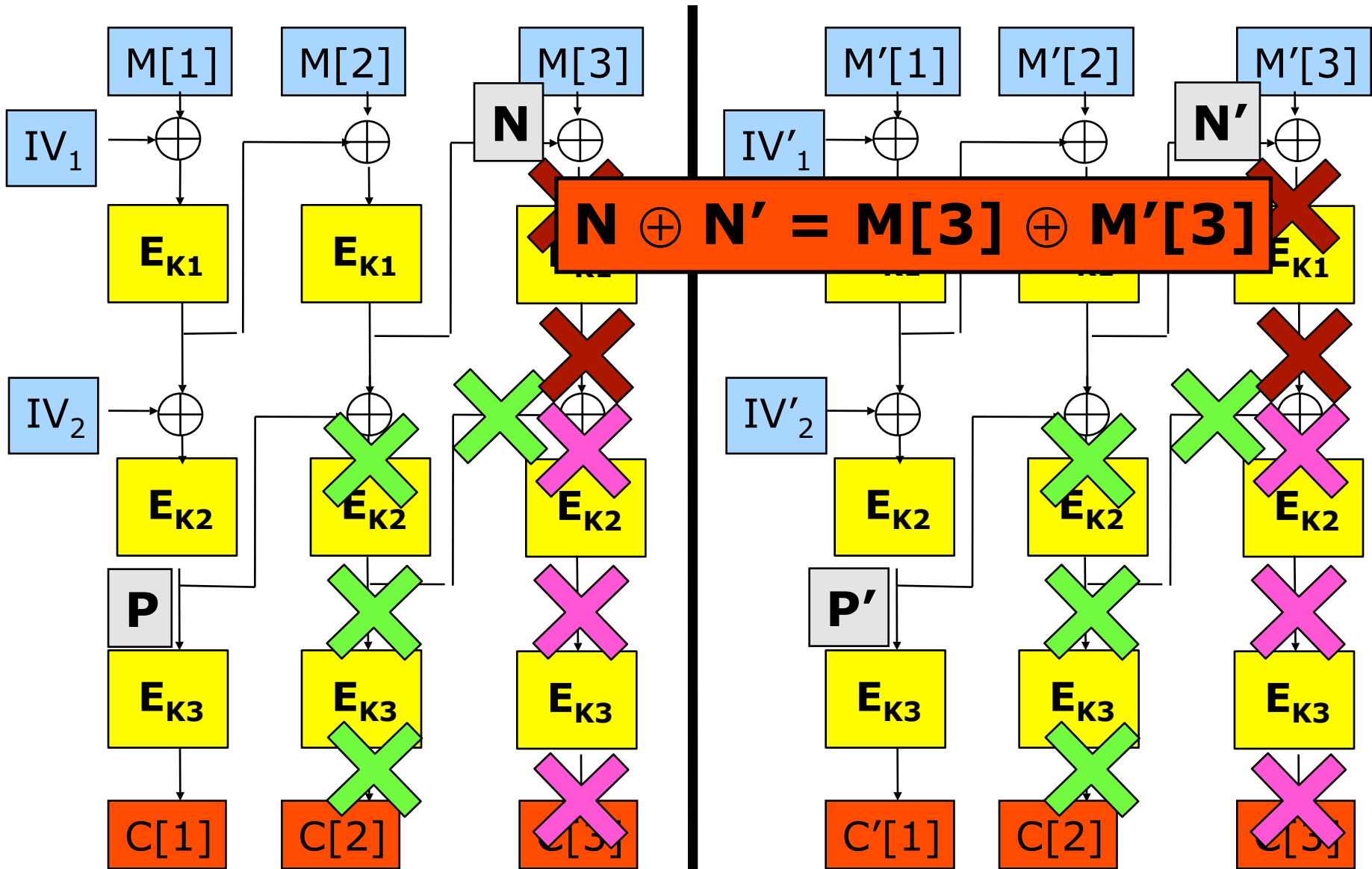


# Mode CBC-CBC-ECB

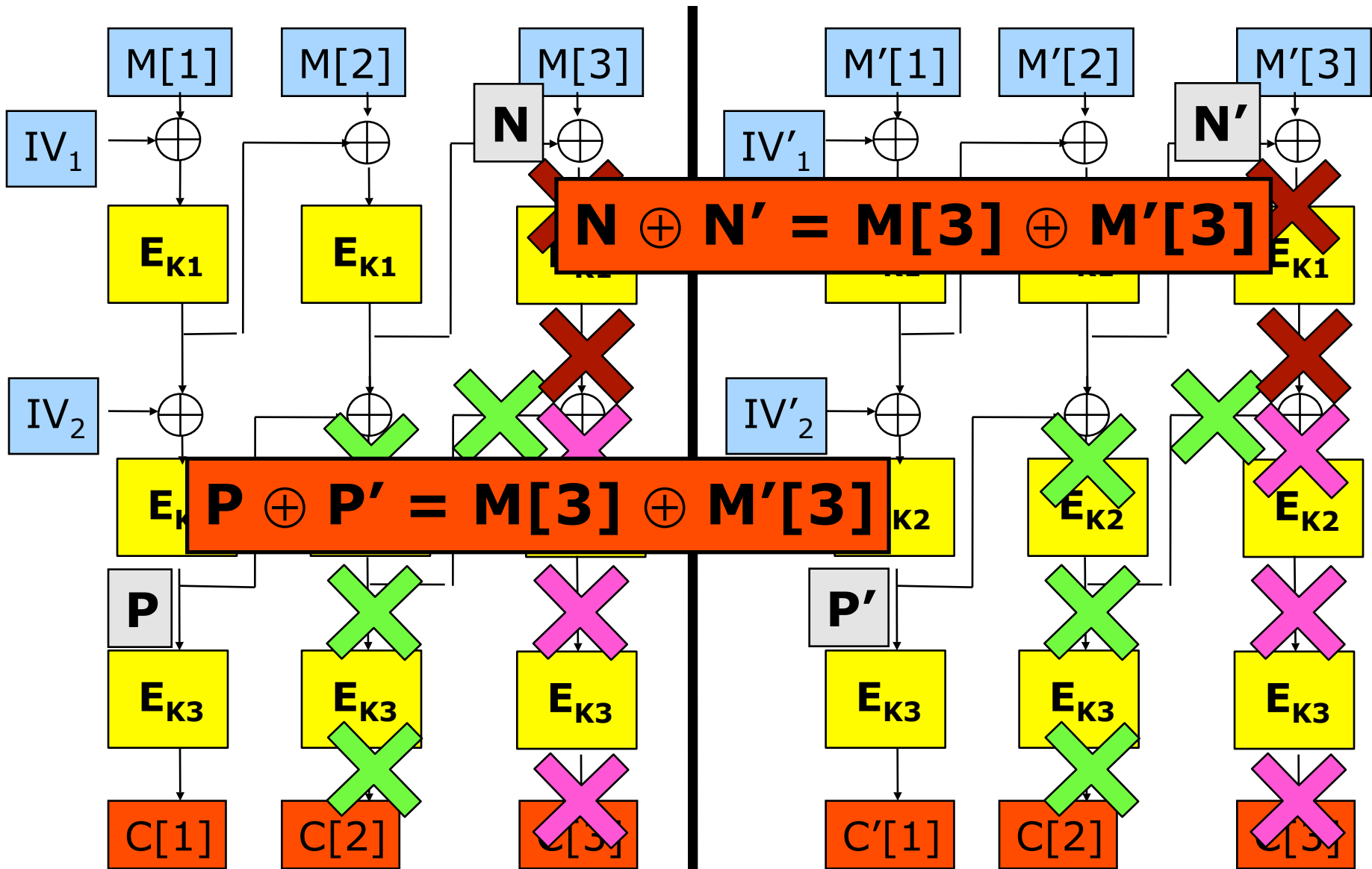




# Mode CBC-CBC-ECB



# Mode CBC-CBC-ECB



# Algorithme d'attaque

- 2 requêtes de déchiffrement
  - $C=(IV_1,IV_2,C_1,C_2,C_3)$
  - $C'=(IV'_1,IV'_2,C'_1,C_2,C_3)$
- Recherche exhaustive de  $K_3$  :
  - Essai des  $2^{56}$  clés  $K$  jusqu'à ce que
$$D_K(C_1) \oplus D_K(C'_1) = M_3 \oplus M'_3$$
- Recherche exhaustive de  $K_1$  et  $K_2$

# Mode CBC-CBC-ECB

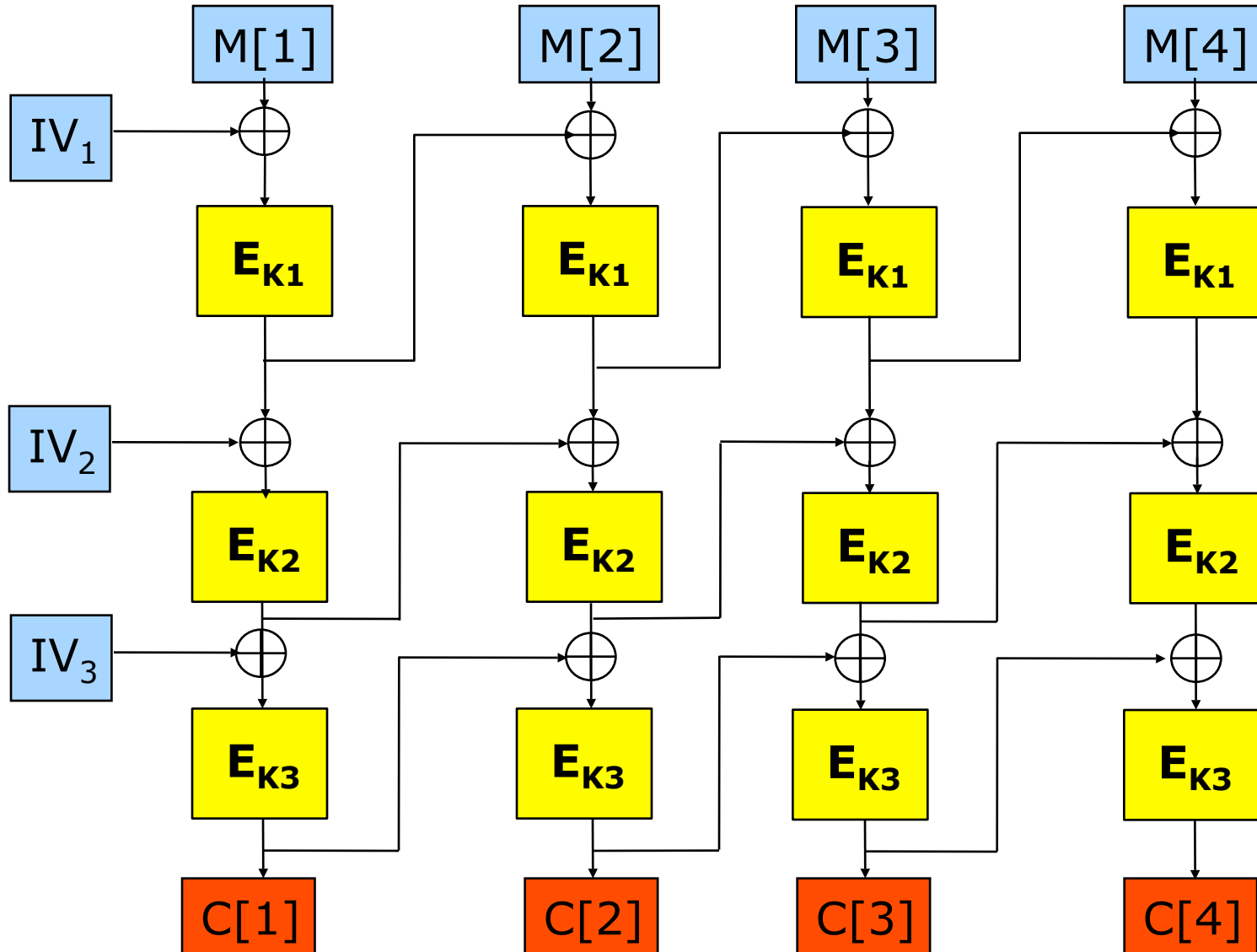
- La clé  $K_3$  peut être retrouvée avec une recherche exhaustive grâce à l'équation

$$D_{K_3}(C_1) \oplus D_{K_3}(C'_1) = M_3 \oplus M'_3$$

- Variante : attaque à clairs choisis
  - Après  $2^n$  chiffrements de clairs connus, il existe 2 chiffrés  $C$  et  $C'$  tels que  $C_2=C'_2$  et  $C_3=C'_3$
  - Si chiffrement DES,  $n=64$
- Il faut ensuite retrouver  $K_1$  et  $K_2$  : attaque similaire à une attaque Double DES
- Optimisation possible

**Autre technique**

# Exemple : CBC-CBC-CBC



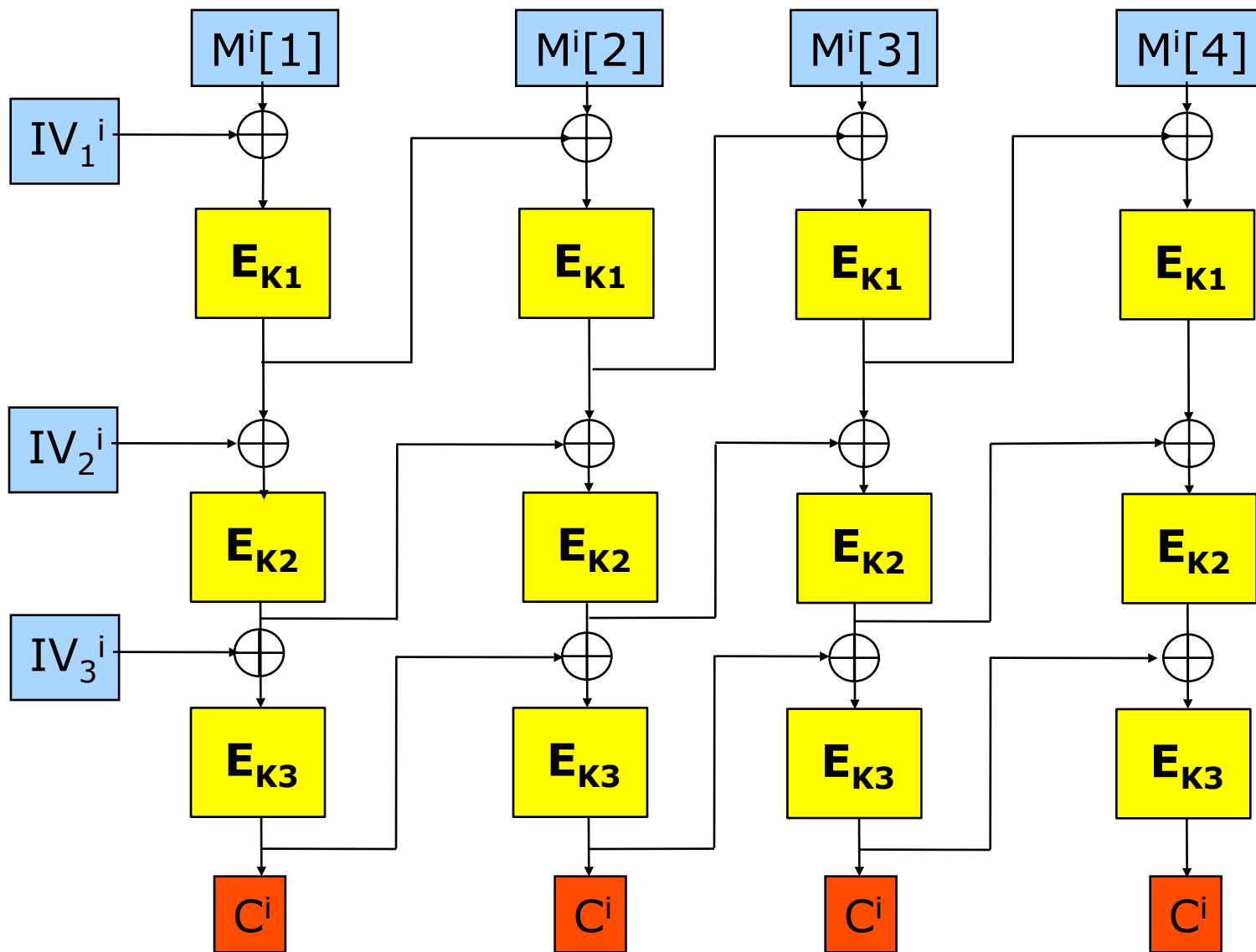
# Attaque

- Attaque à chiffrés choisis
  - Requêtes de la forme  $(C^i, C^i, C^i, C^i)$
- On veut détecter une collision de la forme

$$D_{k_3}(C^i) \oplus C^i = D_{k_3}(C^j) \oplus C^j$$

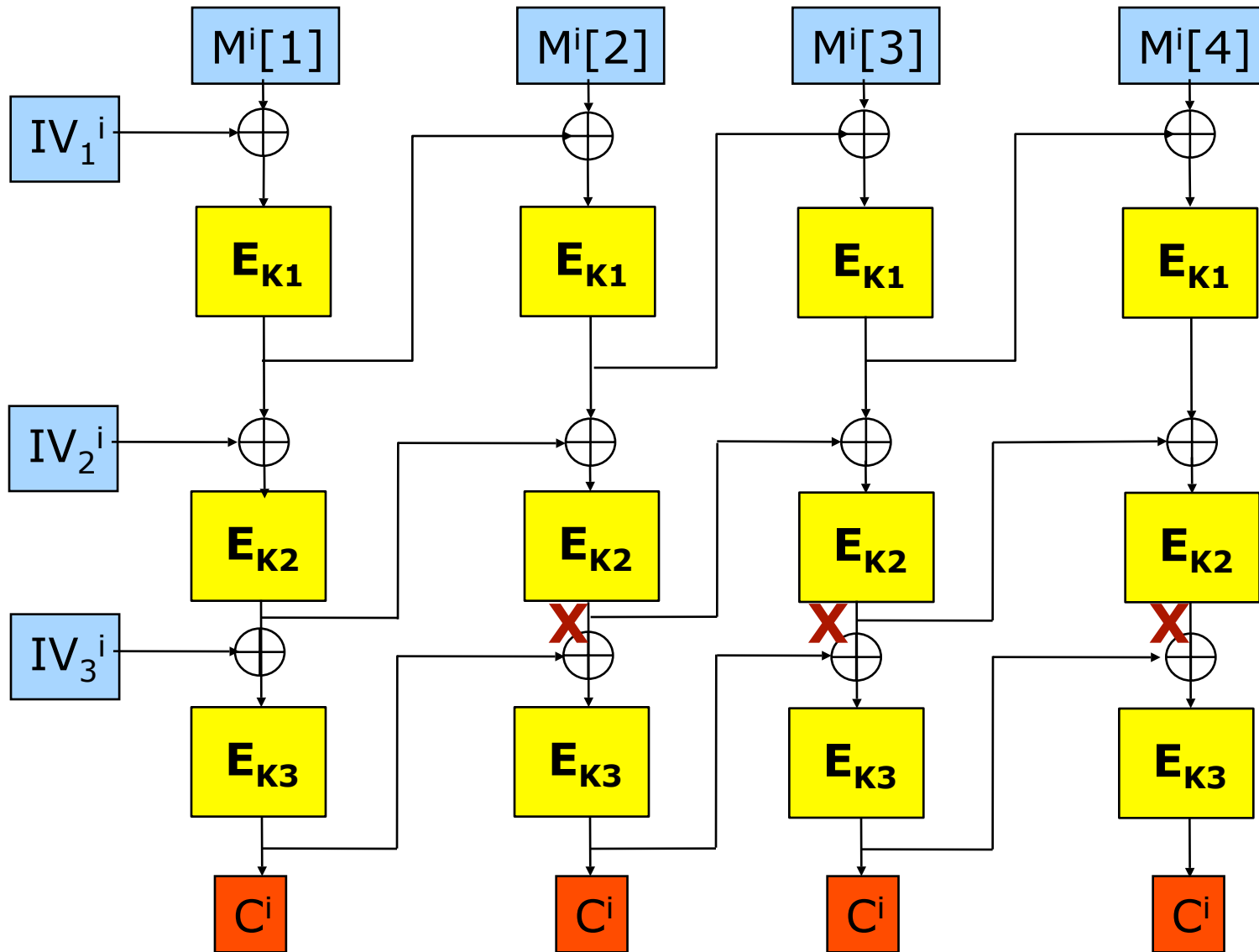
- Il faut ensuite l'exploiter pour retrouver la clé  $K_3$ 
  - On teste toutes les clés  $K_3$  et on cherche pour laquelle la collision a lieu
  - Restent les clés  $K_2$  et  $K_3$  à retrouver : attaque similaire à une attaque 2DES

# Détection de la collision

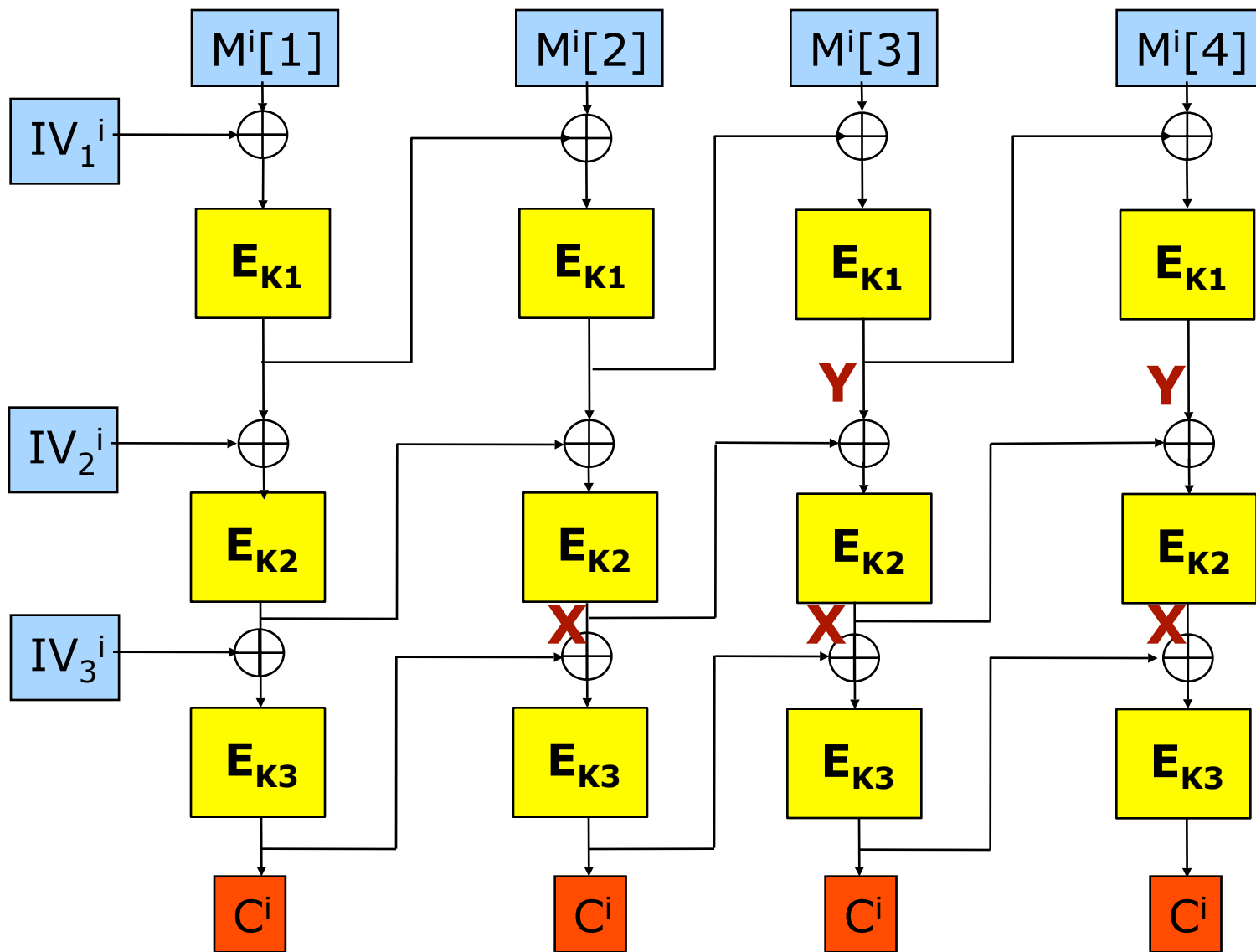




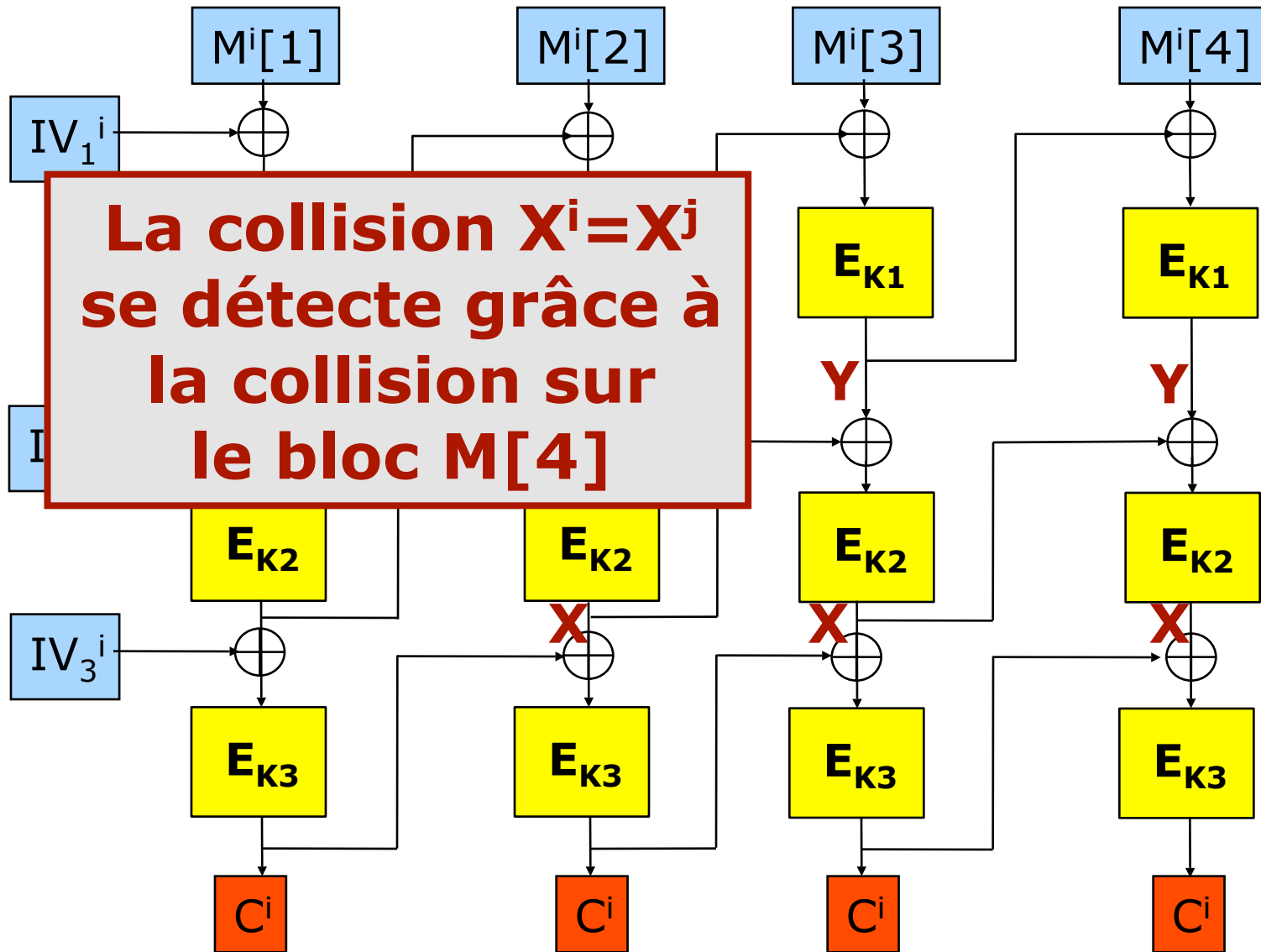
# Détection de la collision



# Détection de la collision



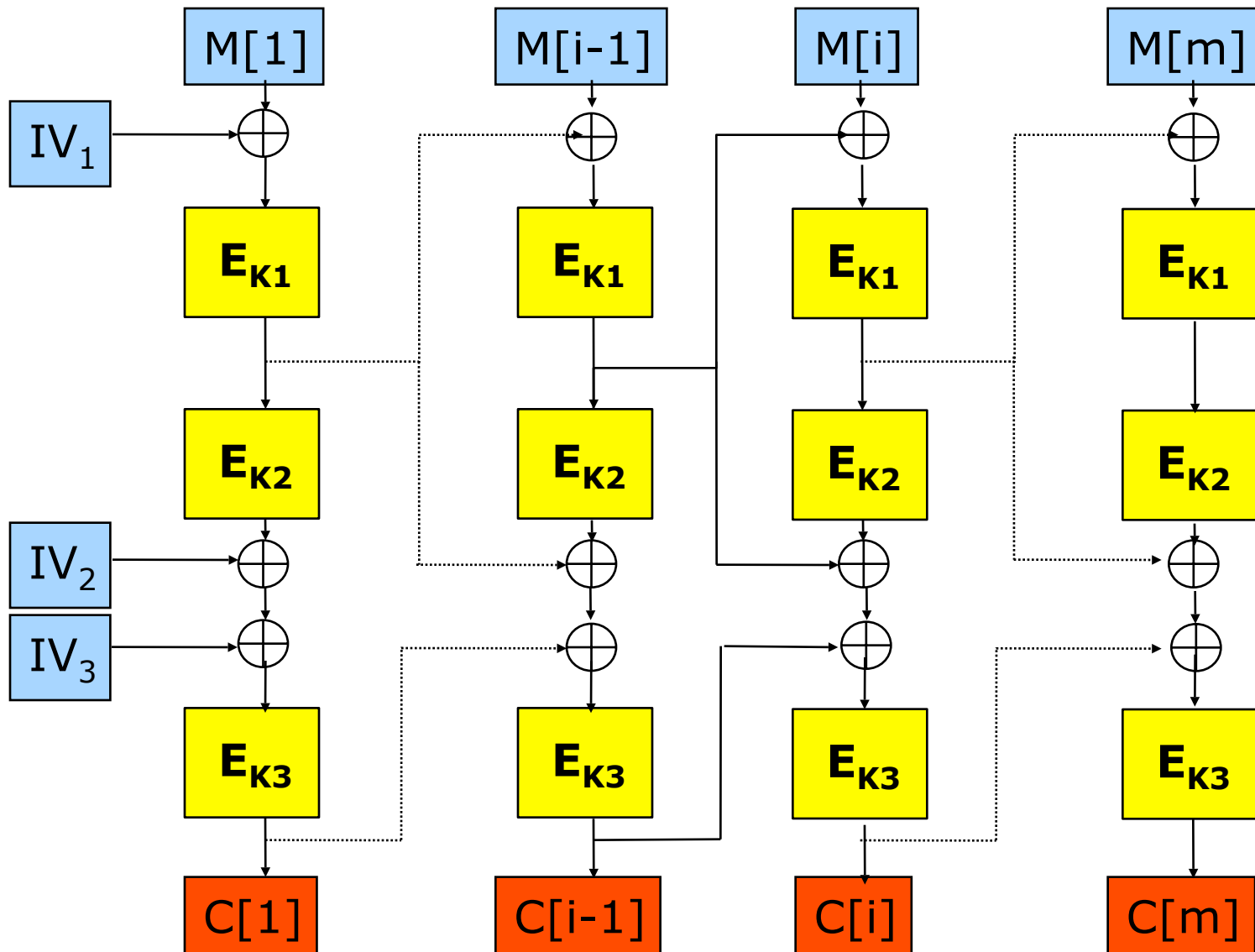
# Détection de la collision



# Attaque

- $2^{n/2}$  requêtes de déchiffrement de la forme (C,C,C,C)
  - collision sur X pour deux d'entre deux
  - On peut la détecter grâce à la collision sur le bloc de clair M[4]
- Recherche des clés :
  - On cherche  $K_3$  telle que
$$D_{K_3}(C^i) \oplus C^i = D_{K_3}(C^j) \oplus C^j$$
  - Puis on cherche  $K_2$  et  $K_3$  avec une attaque similaire à celle sur le double DES

# CBC-CBC<sup>-1</sup>-CBC



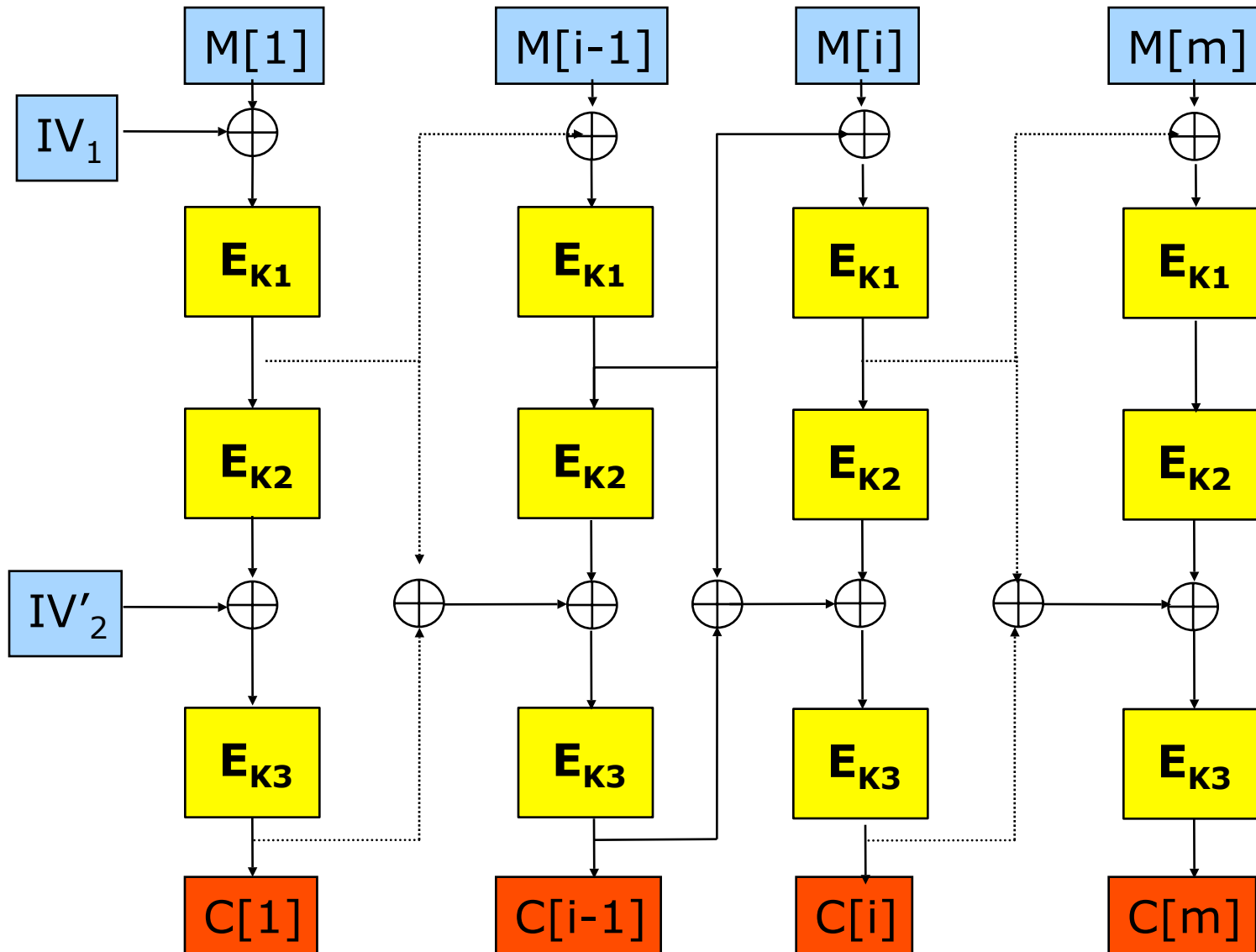
# Remarque

- Il faut voir que :

$$(A \oplus B) \oplus C = A \oplus (B \oplus C)$$

- Par conséquent, on peut redessiner le mode

# CBC-CBC<sup>-1</sup>-CBC



# Attaque

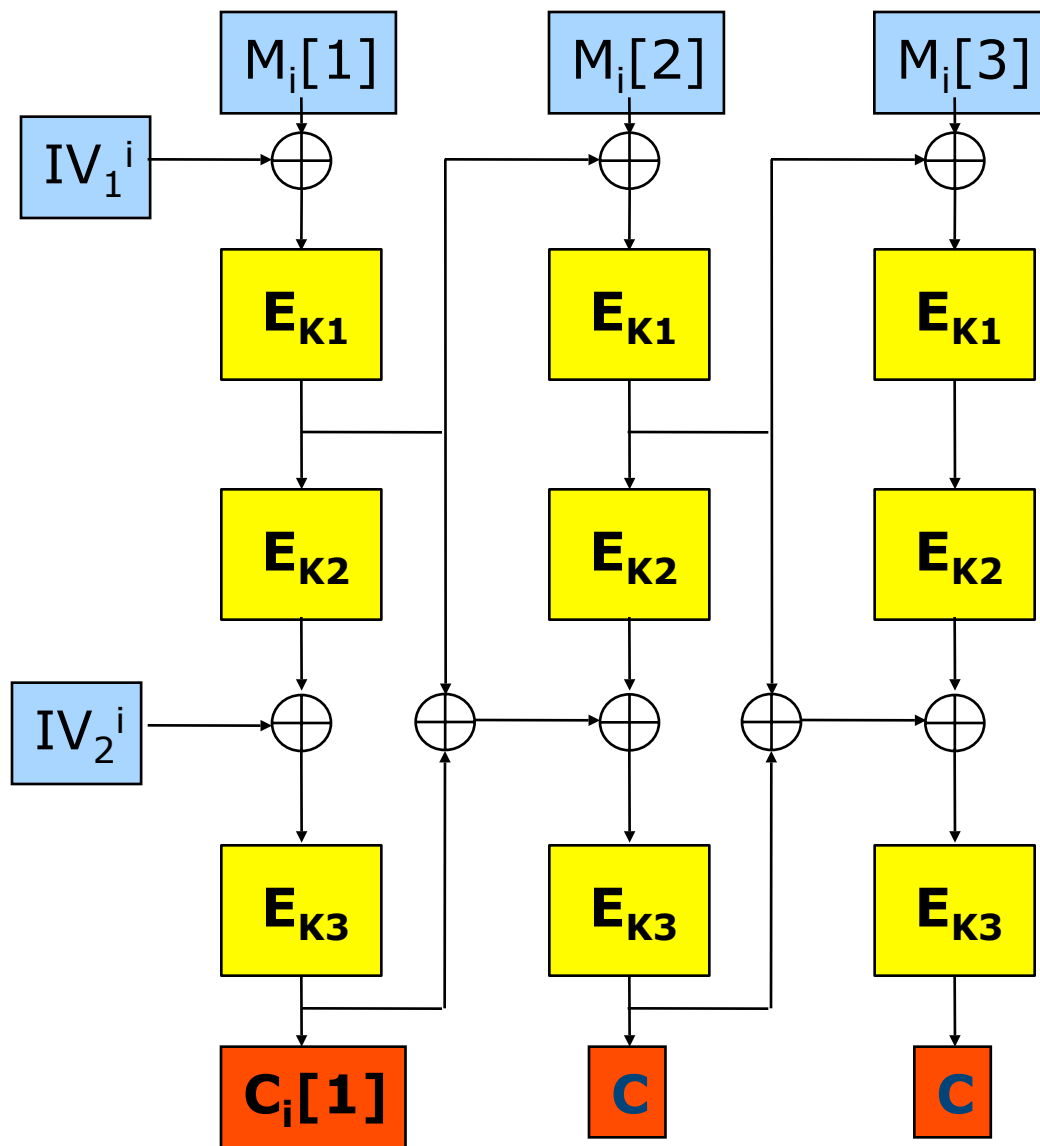
- Attaque à chiffrés choisis
- Requêtes de déchiffrement pour des chiffrés de la forme

$$(IV^i_1, IV^i_2, C^i_1, C_2, C_3)$$

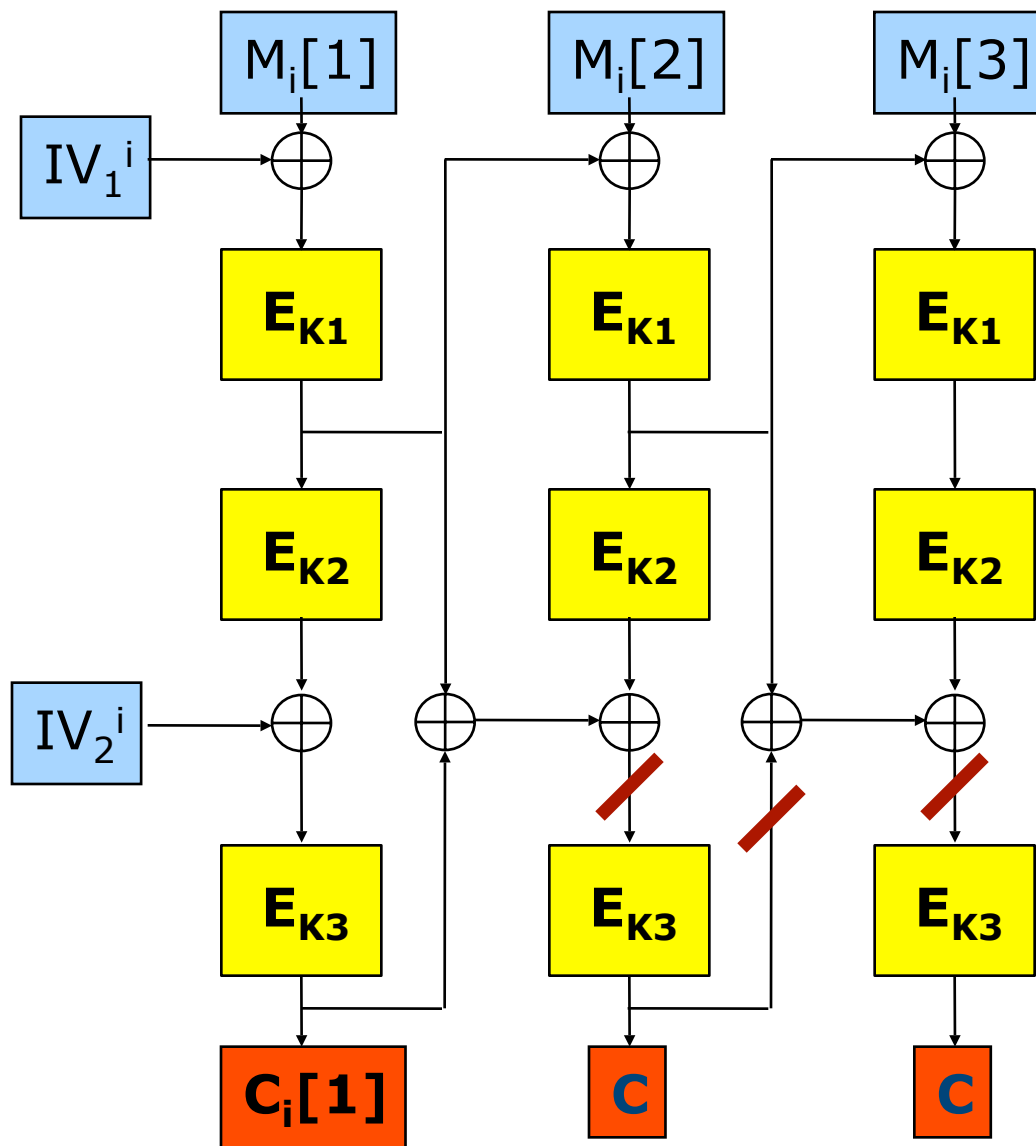
- On attend une collision sur la valeur  $X$ 
  - Comment la détecter
  - Comment une telle collision peut permettre de retrouver les clés



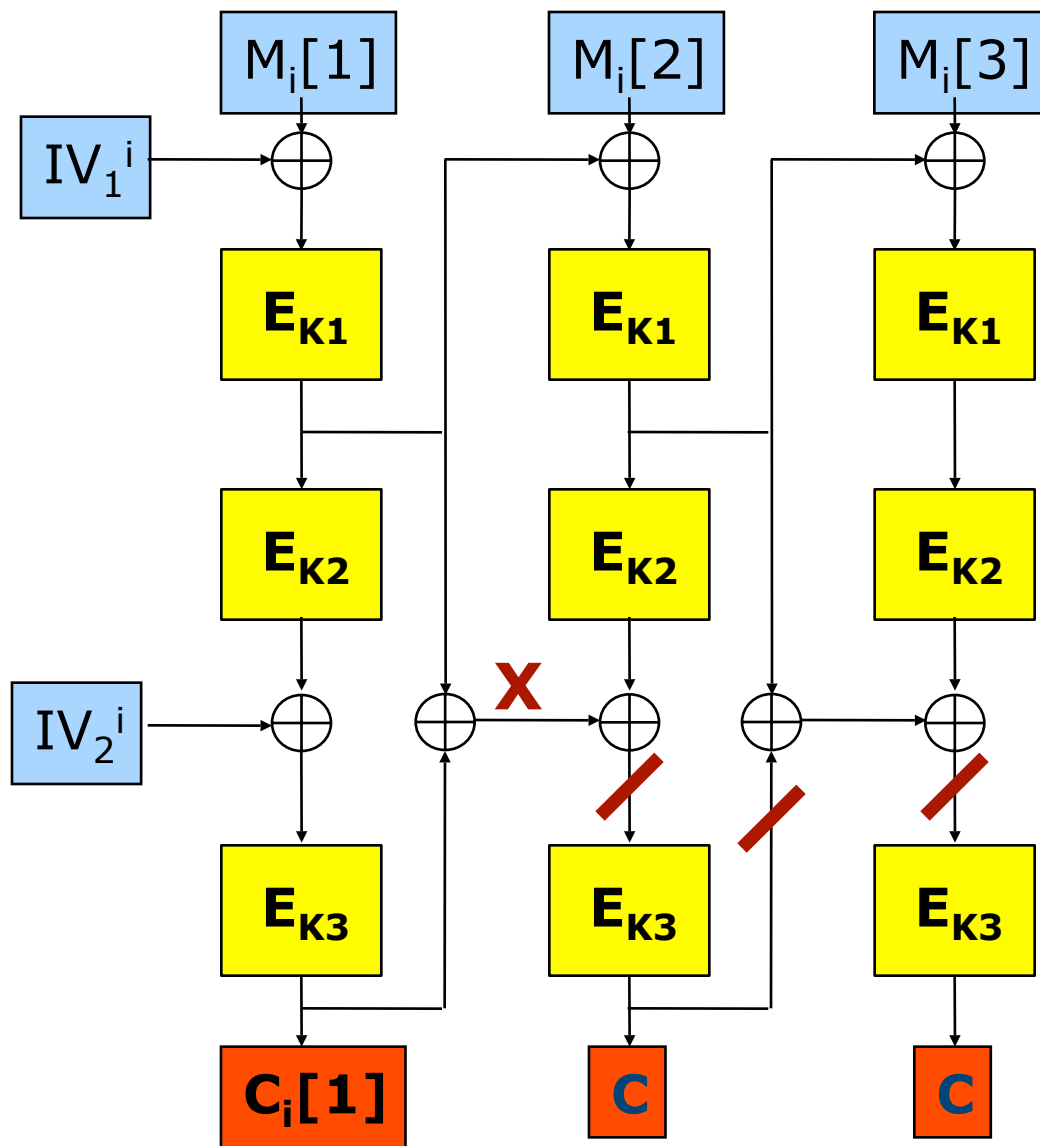
# Détection de la collision



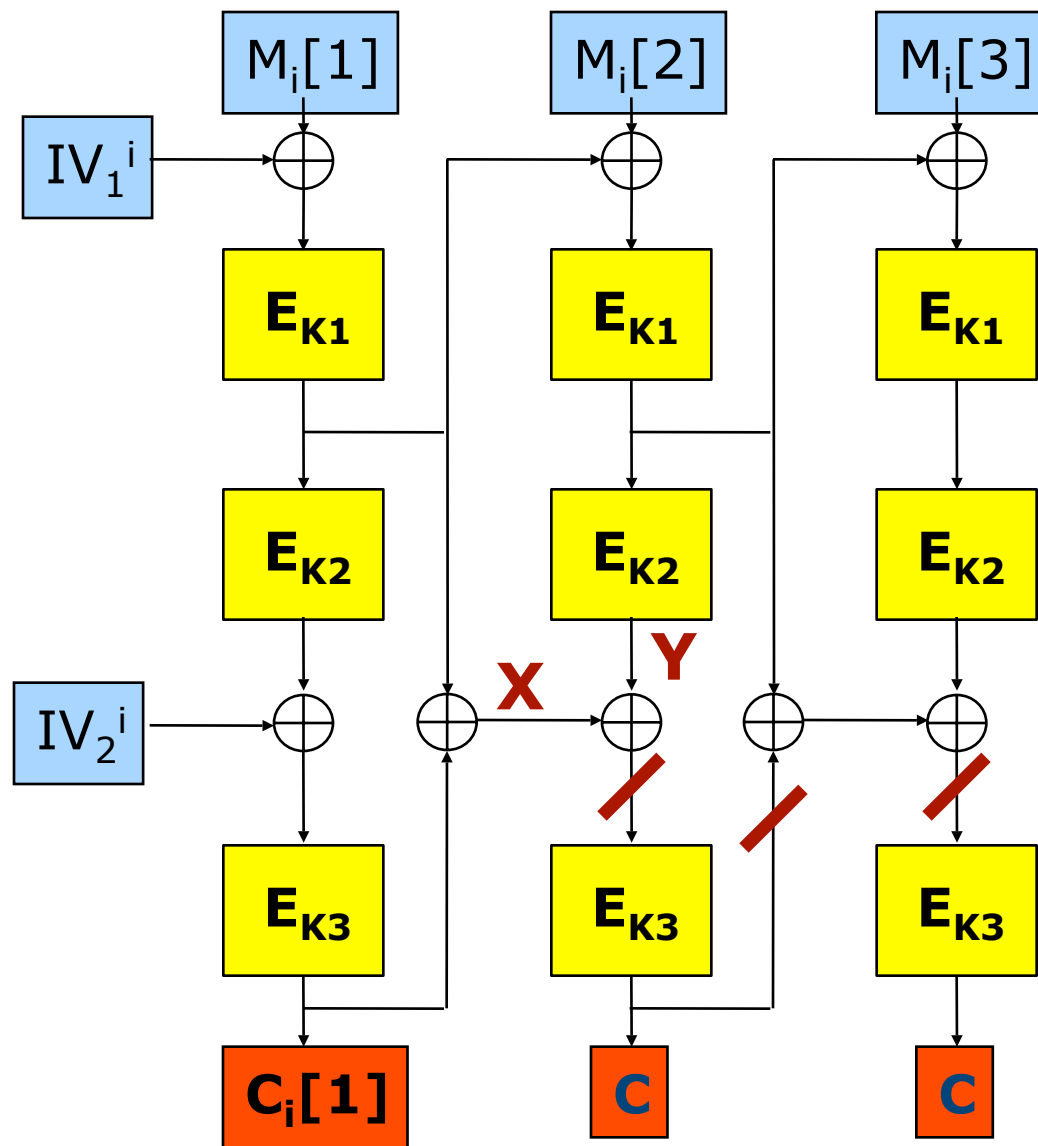
# Détection de la collision



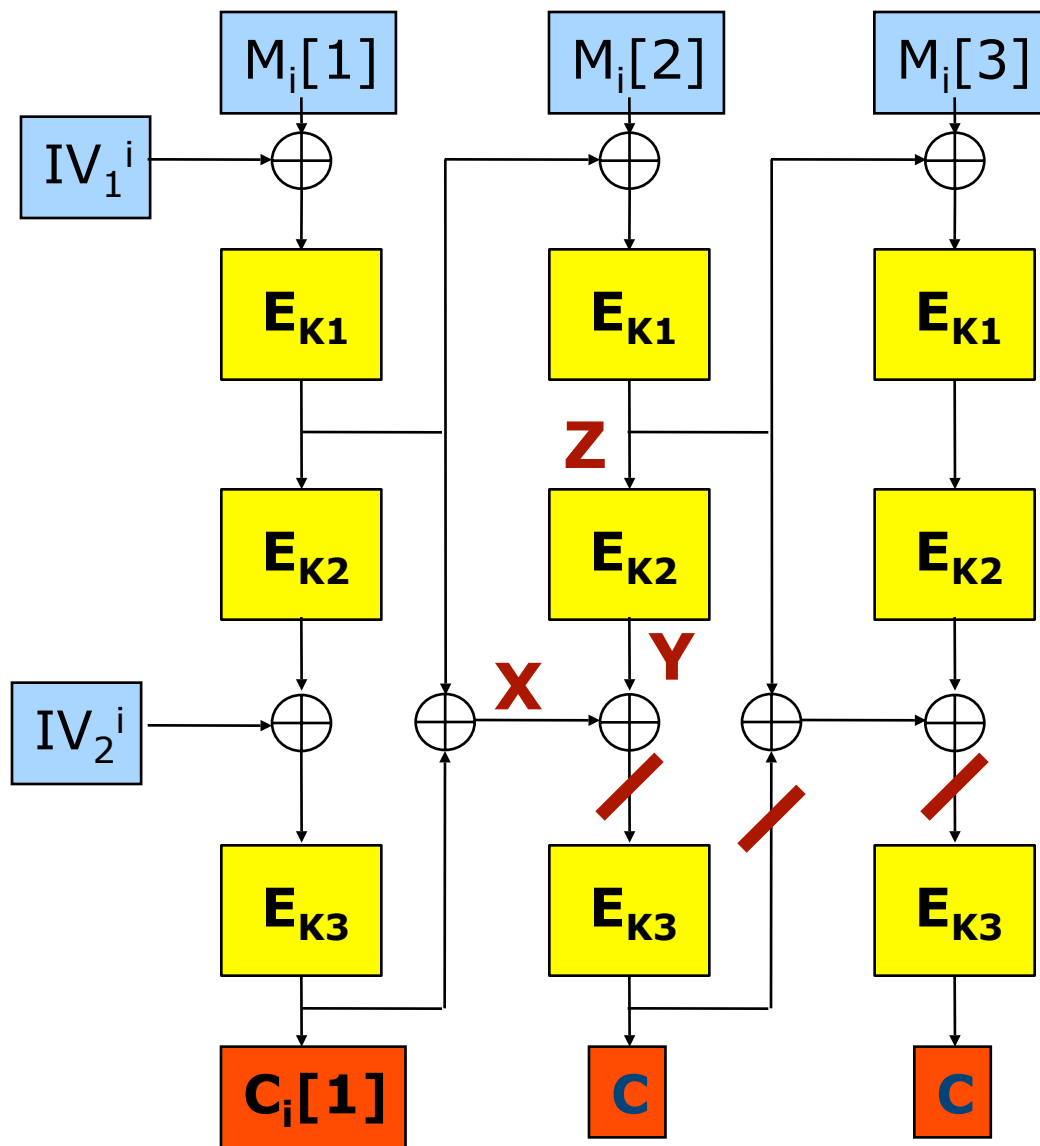
# Détection de la collision



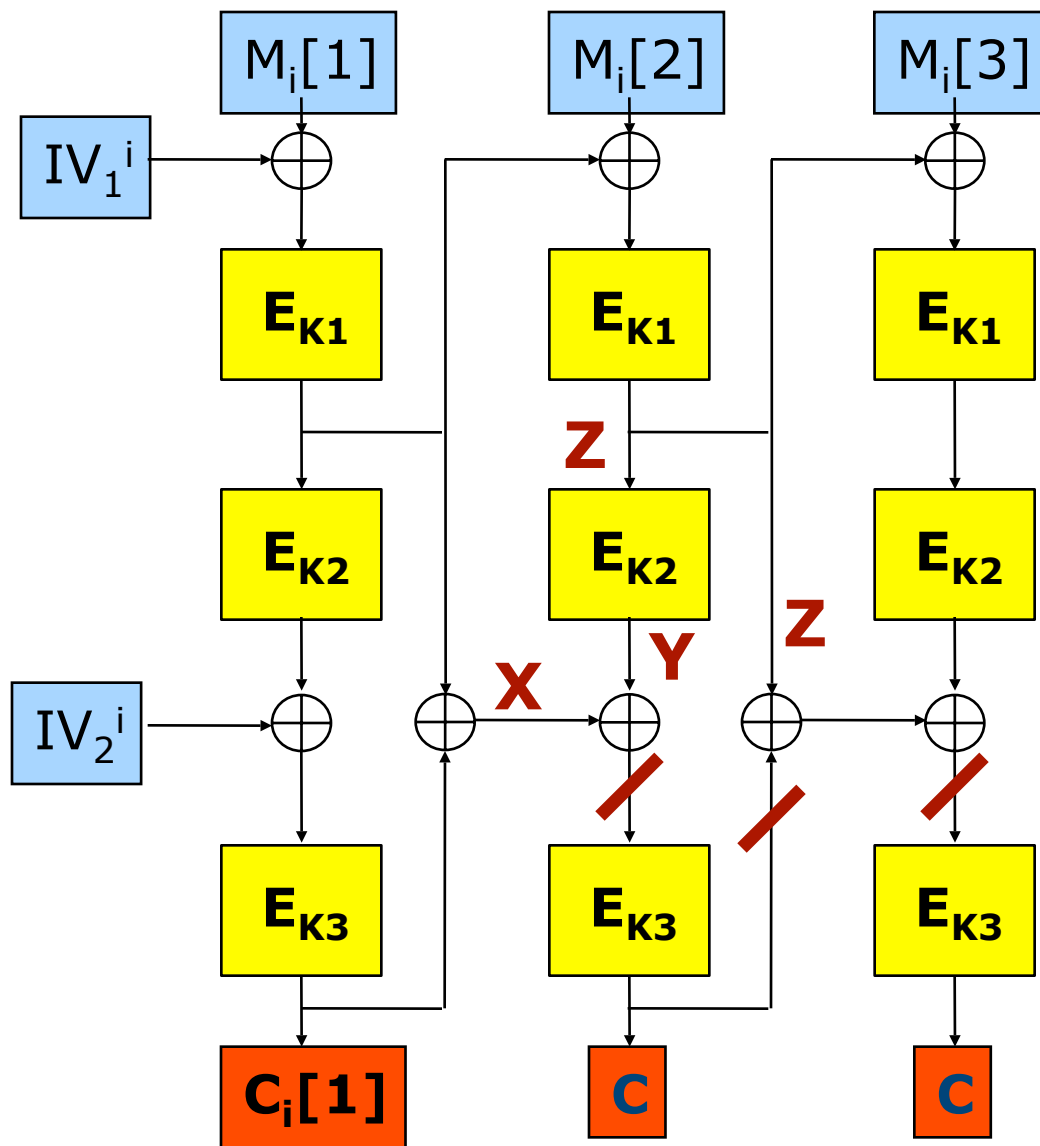
# Détection de la collision



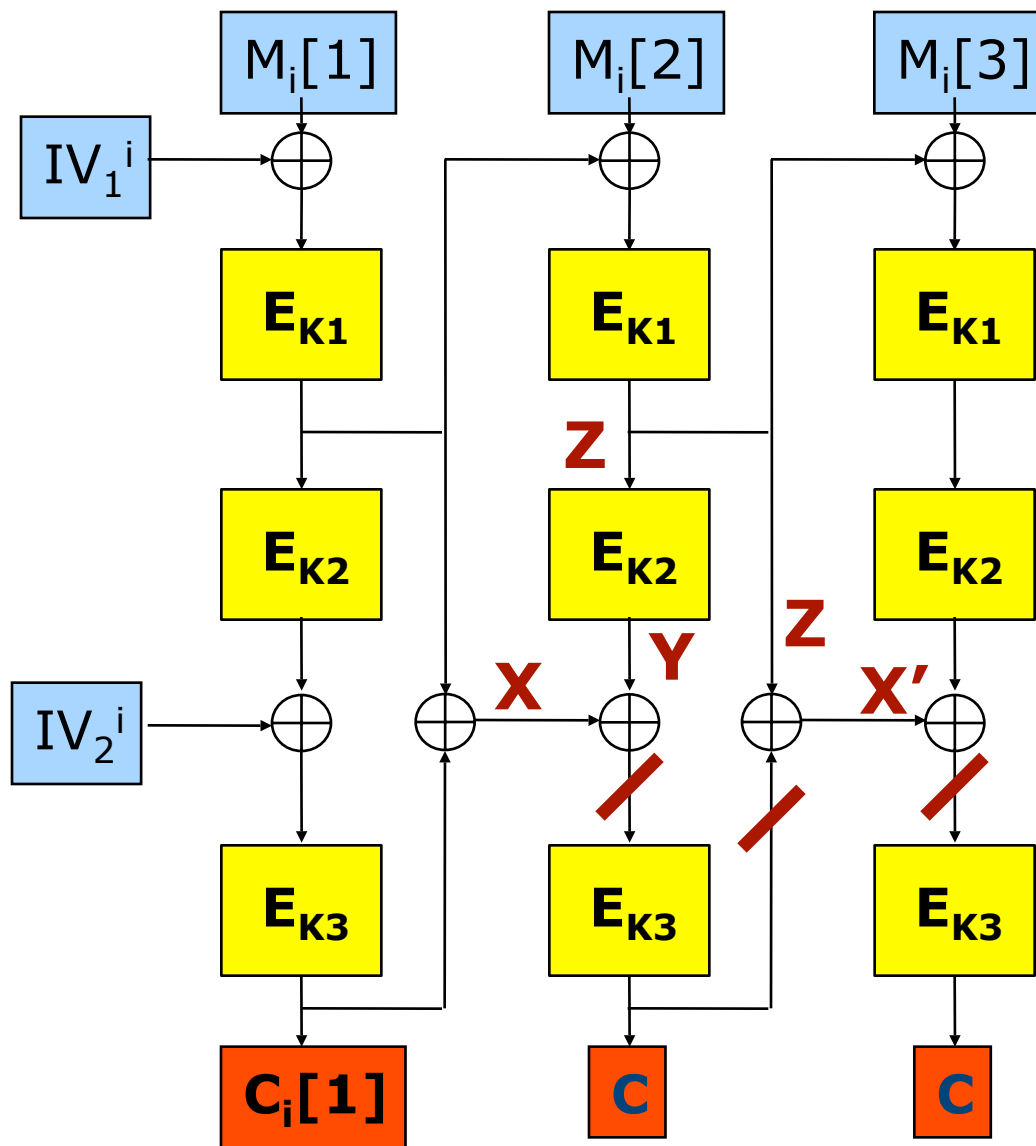
# Détection de la collision



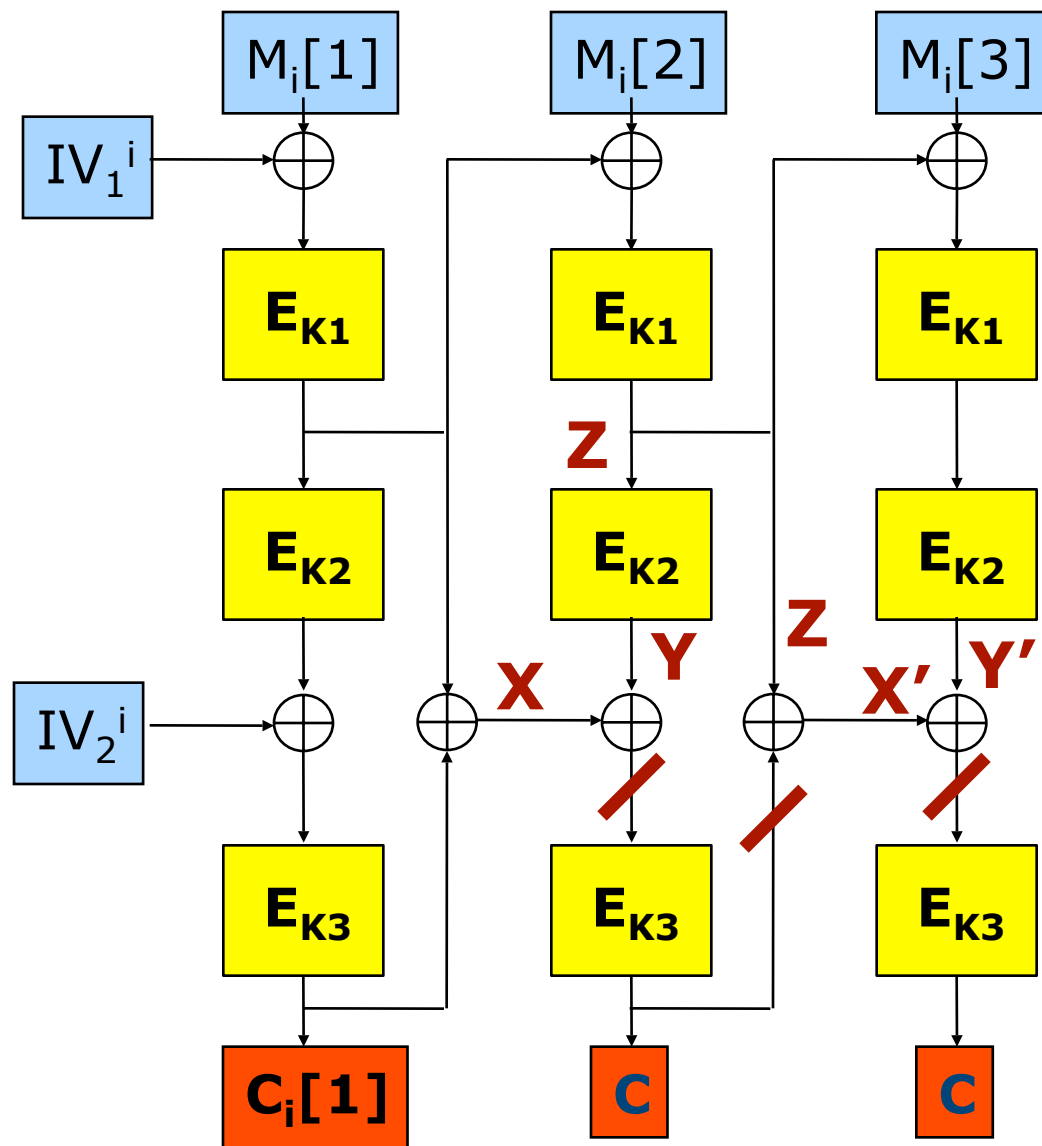
# Détection de la collision



# Détection de la collision

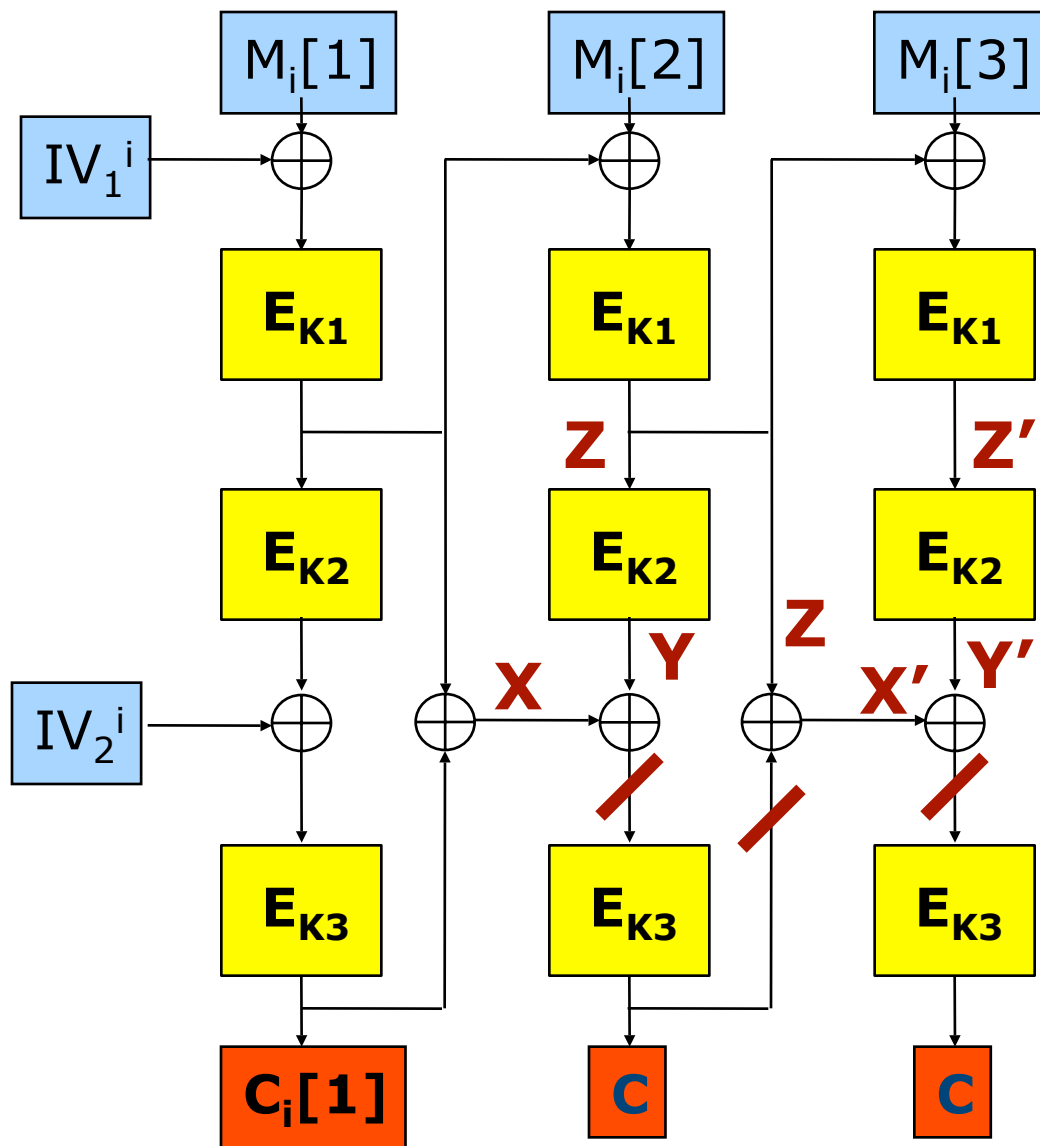


# Détection de la collision

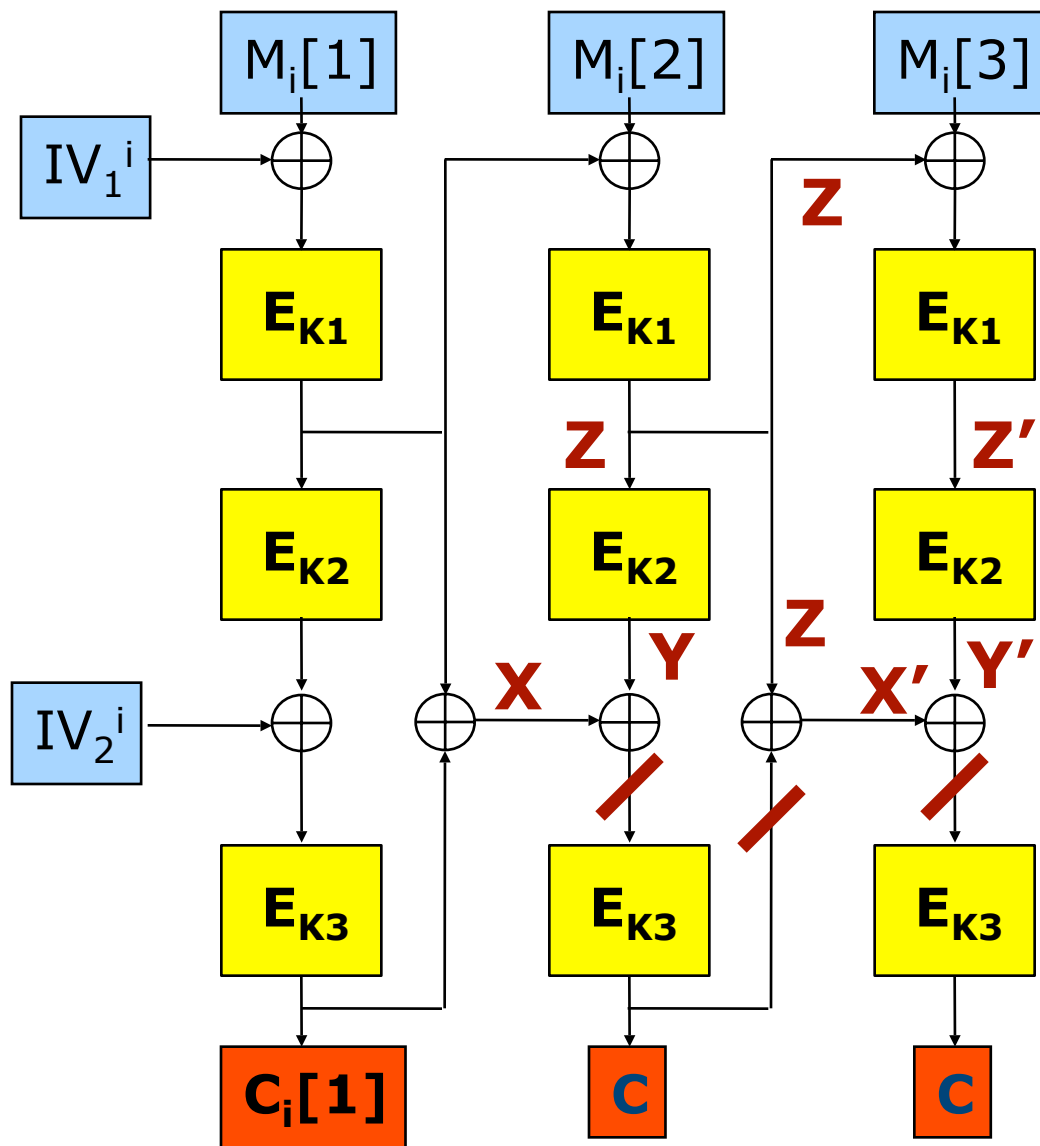




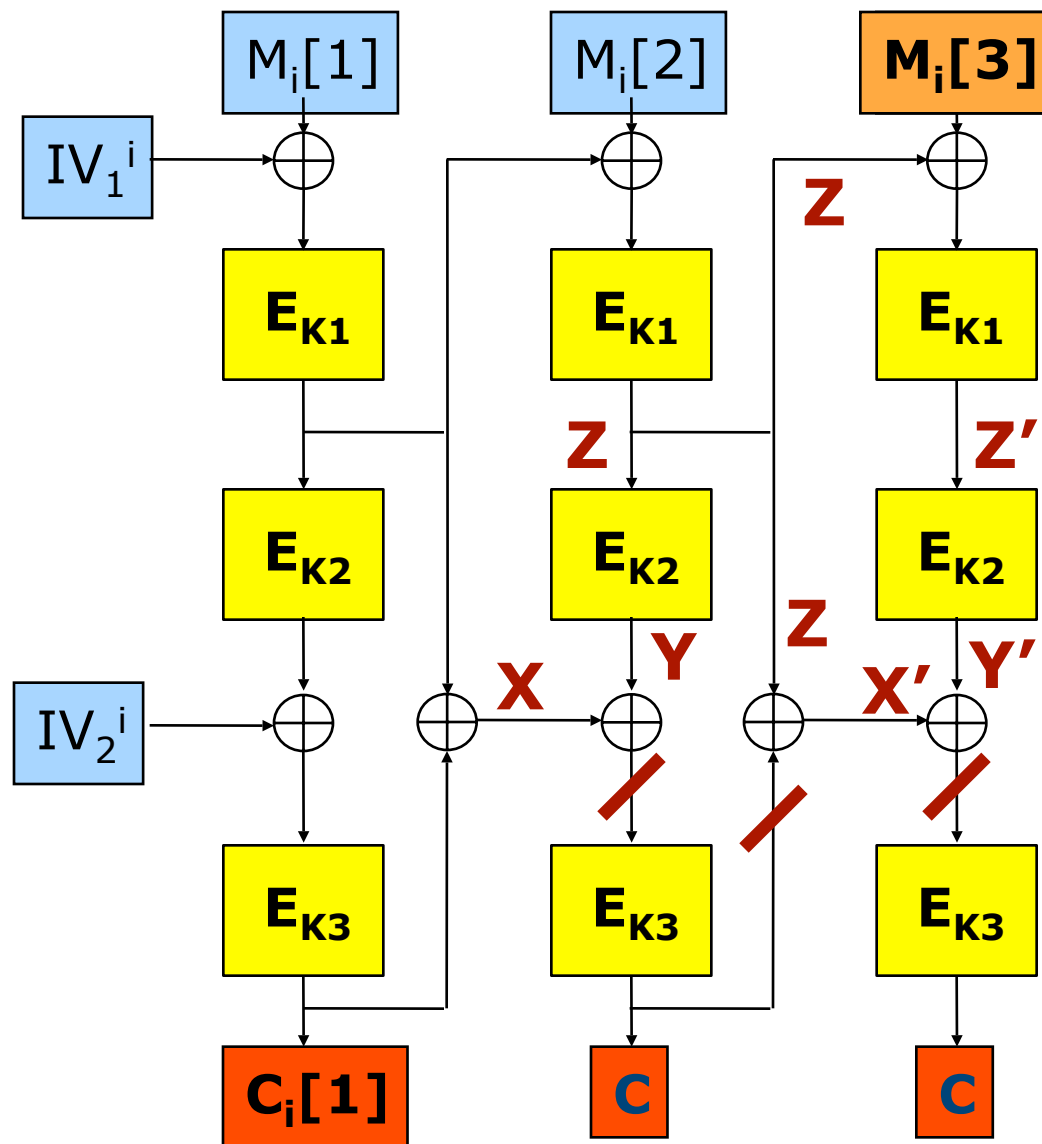
# Détection de la collision



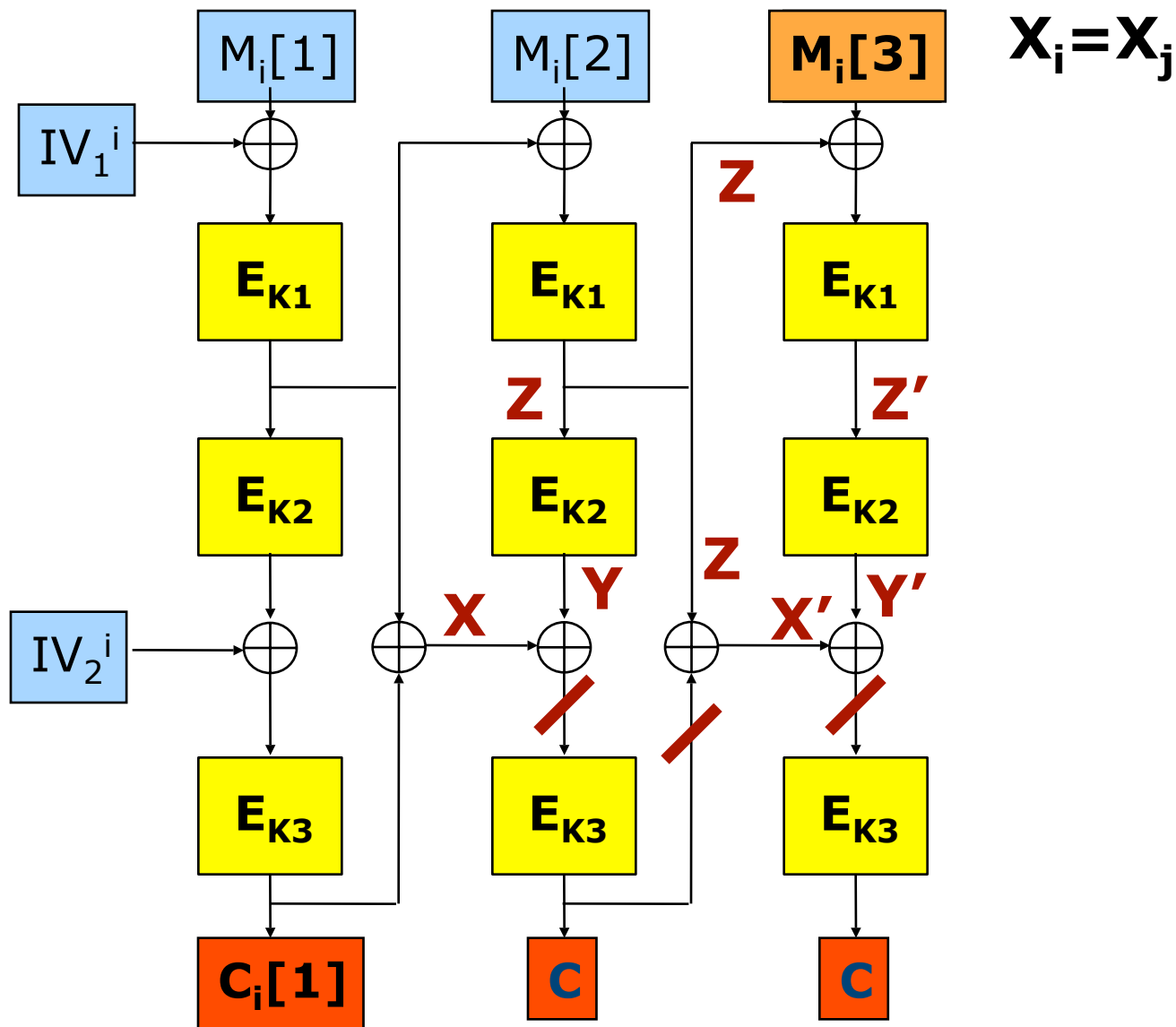
# Détection de la collision



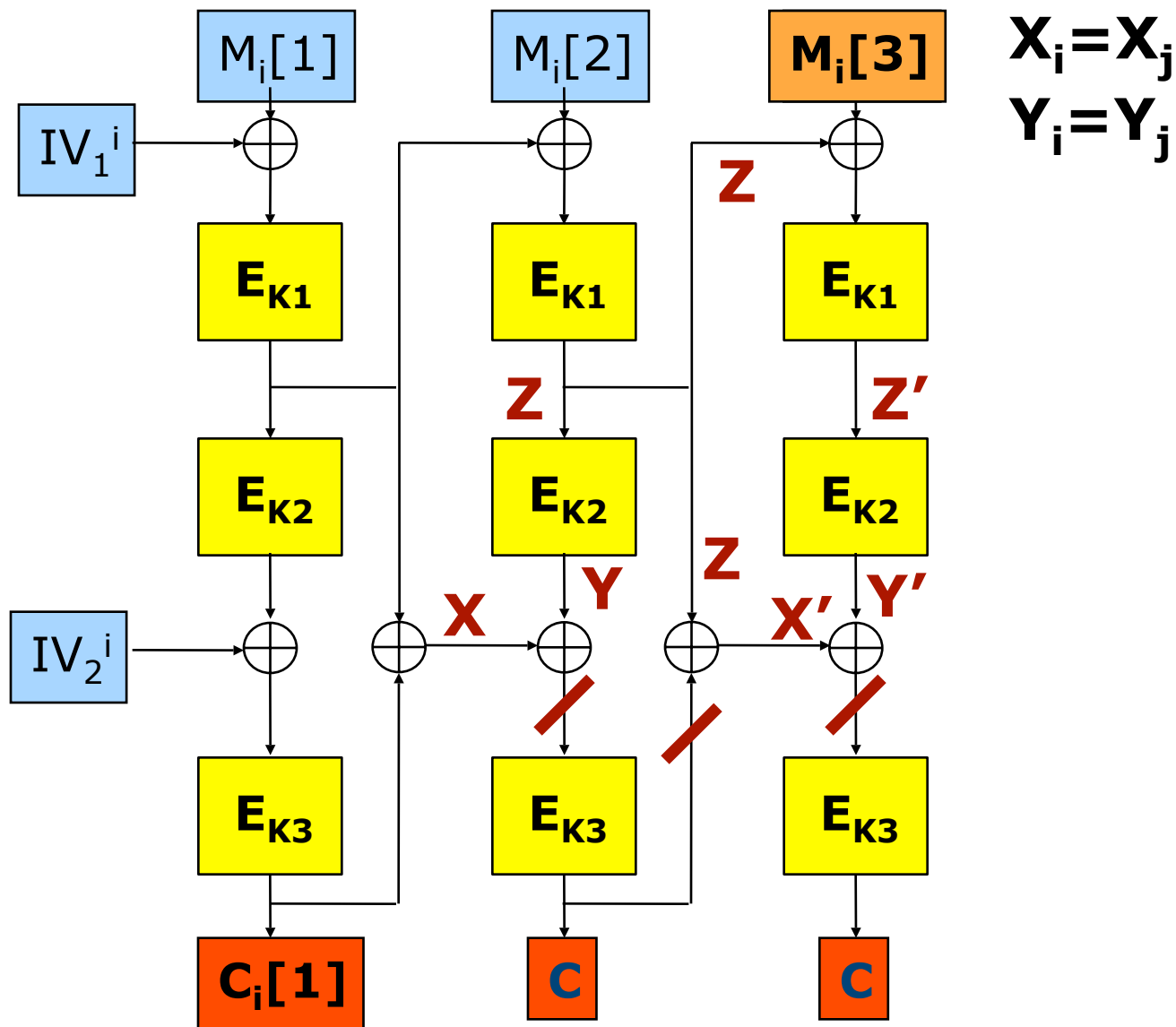
# Détection de la collision



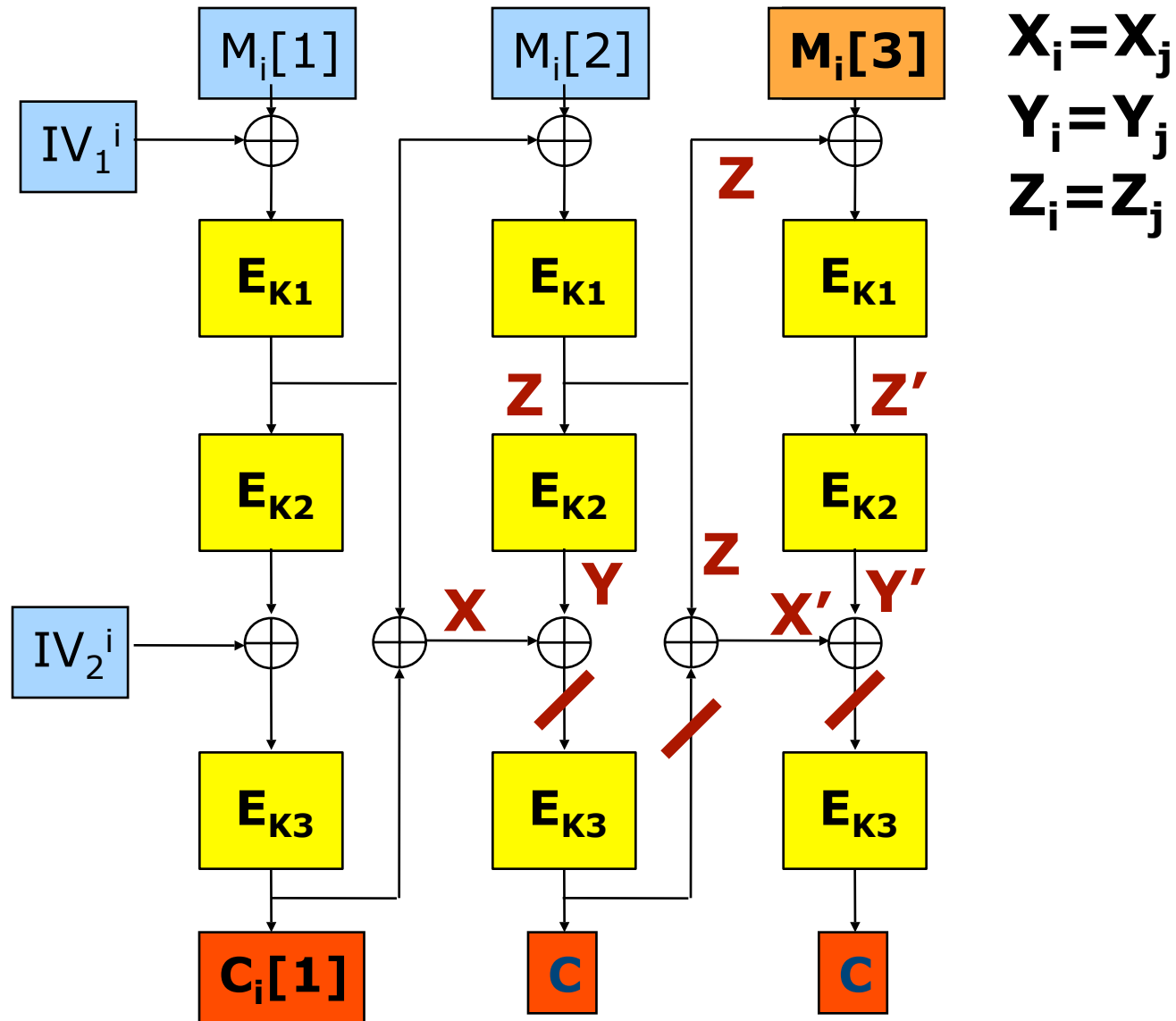
# Détection de la collision



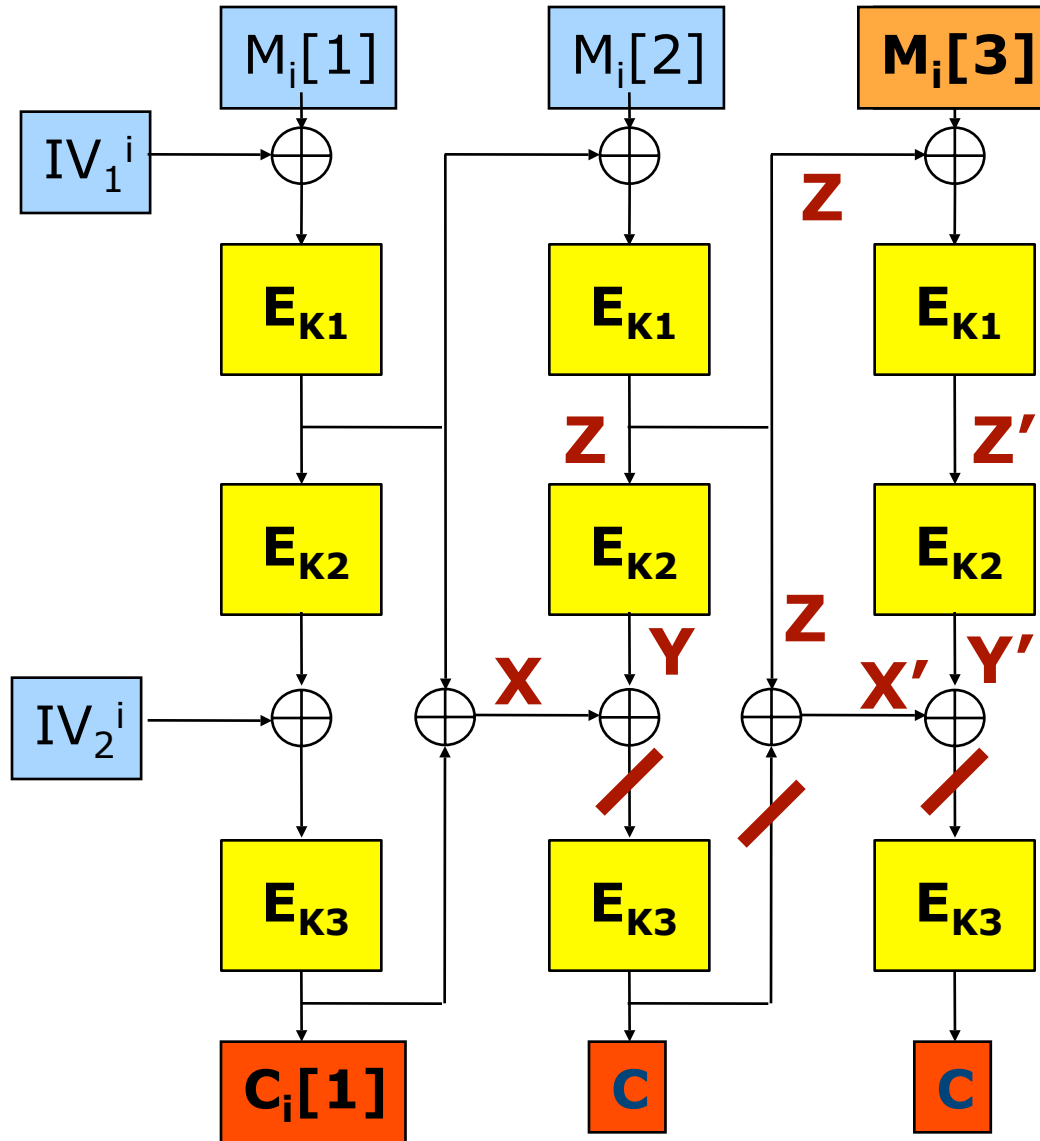
# Détection de la collision



# Détection de la collision



# Détection de la collision



$$X_i = X_j$$

$$Y_i = Y_j$$

$$Z_i = Z_j$$

$$M_i[3] = M_j[3]$$

# Détection de la collision

- On sait que :
  - $X_i = X_j$
  - $C_2^i = C_2^j$
- Donc
  - $Y_i = Y_j$  et  $Z_i = Z_j$
  - Et  $M_3^i = M_3^j$
- La collision peut donc être détectée



# Recherche des clés

- Dès que la collision est détectée, il faut l'exploiter
- Recherche de la clé  $K_1$ 
  - On sait que  $Z_i = Z_j$
  - On connaît les clairs  $M^i$  et  $M^j$  correspondants
  - Par conséquent :

$$E_{K_1}(E_{K_1}(M_1^i \oplus IV_1^i) \oplus M_2^i) = E_{K_1}(E_{K_1}(M_1^j \oplus IV_1^j) \oplus M_2^j)$$

# Recherche des clés

- Dès que  $K_1$  est retrouvée, on peut retrouver  $K_2$  et  $K_3$  avec une attaque similaire à celle sur le double DES